

## مذكرة محاضرات ديناميكا حرارية (2)

### Lecture Notes on Thermodynamics (2)



بروفيسور مساعد أسامة محمد المرضي سليمان خيال

Professor Assistant Osama Mohammed Elmardi Suleiman Khayal

2017

بسم الله الرحمن الرحيم

جامعة وادي النيل - كلية الهندسة والتقنية  
وحامسة البحر الأحمر -  
لكلية الهندسة

قسم الهندسة الميكانيكية

برنامج بكالوريوس الشرف في الهندسة الميكانيكية

الفصل السادس

Nile valley University  
Faculty of Engineering and Technology  
Mechanical Engineering Department

# حرارية 2

Thermo-dynamics II

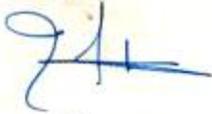
Osama Mohammed Elmardi Suleiman  
Khayal

updated in March 2017

إعداد: أستاذ مساعد

أسامة محمد المرصي

سليمان



العنصر الخامس  
الإحتراف  
الوحدة الثانية في مقرر الديناميكا الحرارية

5.0 الاحتراق [ Combustion ] :

الكيمياء الأساسية [ Basic chemistry ] :

من المهم فهم تركيب واستخدام الصيغ الكيميائية قبل الدخول إلى الاحتراق ويشمل هذا المبادئ الأولية التي قابلناها في الأعوام الماضية للدراسة. لكننا يمكن أن نعطي توضيحاً مختصراً.  
**الذرات [ atoms ]** : هي الجزء الأصغر في تركيب العناصر الكيميائية **التي تلعب دوراً رئيسياً في التغيير الكيميائي** . إذا انشطرت الذرة كما في التفاعل النووي [ nuclear reaction ] فإنها لا تحافظ على خواصها الكيميائية الأصلية.

**الجزيئات [ molecules ]** : نادراً ما توجد العناصر في الطبيعة كذرات مفردة. بعض العناصر توجد ذراتها كأزواج وكل زوج يشكل جزيء (e.g. الأوكسجين) ، وتكون ذرات كل جزيء متماسكة مع بعضها البعض بواسطة رابطة بينية قوية.

فعزل جزيء الأوكسجين يصبح مرهقاً ولكنه ممكناً.

تتكون جزيئات بعض المواد بتزاوج ذرات لعناصر متباينة . وكمثال لذلك ، الماء ( الذي يكون كيميائياً مشابهاً للثلج أو البخار) له جزيء يتكون من ذرتين من الهيدروجين وذرة واحدة من الأوكسجين.

لذرات العناصر المختلفة كتل مختلفة وهذه تكون هامة في حالة التحليل الكمي

[ quantitative analysis ] .

بما أن الكتل الحقيقية تكون متناهية في الدقة [ Infinitesimally small ] فيتم استخدام نسب

**للذرات أو الجزيئات**

الكتل.

تُعطي هذه النسب بالكتل الذرية النسبية مأخوذة على المقياس الذي يعرف الكتلة الذرية لنظائر

الكربون (12) على أنها 12.

الكتلة الذرية النسبية للمادة: هي كتلة كيان مفرد من المادة منسوباً إلى كيان مفرد من الكربون - 12.

يُعطي الجدول رقم (1) أذناه الكتل الذرية النسبية لبعض العناصر

العنصر <i>Element</i>	Oxygen	Hydrogen	Carbon	Sulphur	Nitrogen
الرمز الذري	O	H	C	S	N
الكتلة الذرية النسبية	16	1	12	32	14
المجموعة الجزيئية	O <sub>2</sub>	H <sub>2</sub>	C	S	N <sub>2</sub>
الكتلة الجزيئية النسبية (مقربة)	32	2	12	32	28
القيم المضبوطة	31.999	2.016	12	32.030	28.013

تعتمد الكتل الجزيئية النسبية على الكتل النسبية للذرات التي تشكل الجزيء. في الصيغة الكيميائية فإن ذرة واحدة لعنصر يتم تمثيلها برمز العنصر. i.e. ذرة الهيدروجين تكتب H. أما إذا وجدت المادة كجزيء يحتوي على ذرتين تكتب  $H_2$ . وجزيئين للهيدروجين يتم تمثيلها كالتالي  $2H_2$  ، etc .  
يبين الجدول رقم (2) حساب الكتلة الجزيئية النسبية من الكتل الذرية النسبية للعناصر.

جدول رقم (2) المركبات وكتلتها الجزيئية النسبية

المركب	الصيغة	الكتلة الجزيئية النسبية
ماء ، بخار	$H_2O$	$2 \times 1 + 1 \times 16 = 18$
أول أكسيد الكربون	CO	$1 \times 12 + 1 \times 16 = 28$
ثاني أكسيد الكربون	$CO_2$	$1 \times 12 + 2 \times 16 = 44$
ثاني أكسيد الكبريت	$SO_2$	$1 \times 32 + 2 \times 16 = 64$
الميثان	$CH_4$	$1 \times 12 + 4 \times 1 = 16$
الإيثان	$C_2H_6$	$2 \times 12 + 6 \times 1 = 30$
البروبان	$C_3H_8$	$3 \times 12 + 8 \times 1 = 44$
البيوتان	$C_4H_{10}$	$4 \times 12 + 10 \times 1 = 58$
الإيثيلين	$C_2H_4$	$2 \times 12 + 4 \times 1 = 28$
البروبيلين	$C_3H_6$	$3 \times 12 + 6 \times 1 = 42$
البنزين	$C_6H_6$	$6 \times 12 + 6 \times 1 = 78$
البنزين (toluene)	$C_7H_8$	$7 \times 12 + 8 \times 1 = 92$
الأوكتان	$C_8H_{18}$	$8 \times 12 + 18 \times 1 = 114$

#### الوقودات [Fuels] :

عناصر الوقود الهامة هي الكربون والهيدروجين ، حيث يتكون معظم الوقود من هذه العناصر إضافة إلى كميات صغيرة من الكبريت [sulphur] . يمكن أن يحتوي الوقود على بعض الأكسجين وكمية صغيرة من المواد الغير قابلة للاحتراق [Incombustibles] (e.g. بخار الماء، النيتروجين أو الرماد).

الفحم هو الوقود الصلب الهام ويتم تقسيم الأنواع المختلفة إلى مجموعات طبقاً لخواصها الكيميائية والفيزيائية .

التحليل الكيميائي الدقيق للكتلة للعناصر الهامة في الوقود يسمى بالتحليل النهائي أو الأقصى (المطلق) [ultimate analysis] . والعناصر التي غالباً ما تدخل في تركيب الوقود هي الكربون ، الهيدروجين ، النيتروجين والكبريت . يتم توضيح المجموعات الأساسية في الجدول رقم (3) .

جدول رقم (3) : تحليل الوقودات الصلبة :

المادة الطيارة المنوية في وقود جاف %	التحليل الأقصى المنوي بالكتلة في وقود جاف						
	محتوى الرطوبة المنوية بالكتلة %	carbon	Hydrogen	Oxygen	Nitrogen	Ash	
Anthracite	1	90.27	3	2.32	1.44	2.97	4
Bituminous							
Coal	2	81.93	4.87	5.98	2.32	4.90	25
Lignite	15	56.52	5.72	31.89	1.62	4.25	50
Peat	20	43.70	6.42	44.36	1.52	4.00	65

تكون التحاليل متشابهة ولكنها يمكن أن تختلف من عينة لأخرى خلال المجموعة. هنالك تحليل آخر للنفخ يسمى بالتحليل الملازم [Proximate analysis] حيث يعطى النسب المنوية للرطوبة، المادة الطيارة، المادة الصلبة القابلة للاحتراق ( تسمى بالكربون المثبت) والرماد. يوجد الكربون المثبت كبقايا لخصم النسب المنوية للكميات الأخرى. تشمل المادة الطيارة الماء المشتق من التفكك الكيميائي للنفخ [chemical decomposition] والغازات القابلة للاحتراق ( e.g. هيدروجين، ميثان، إيثان، etc ) والقطران tar ( i.e. خليط مركب من الهيدروكربونات وبعض المركبات العضوية) معظم الوقودات السائلة هي الهيدروكربونات التي توجد في الطور السائل عند الأحوال الجوية العادية. زيوت البترول [petrol oils] هي خلطات مركبة لمئات من أنواع مختلفة من الوقود ولكن المعلومة الضرورية للمهندس هي التناسب النسبي للكربون والهيدروجين وغيره كما معطى بالتحليل الأقصى ( المطلق). يعطى الجدول رقم (4) التحاليل المطلقة لبعض الوقودات السائلة. الوقود الغازي هو الأبسط كيميائياً في المجموعات الثلاث. بعض الوقودات الغازية توجد في الطبيعة عند الأحوال الجوية ( e.g. الميثان  $CH_4$  هو البرافين ( Paraffin ) ). يتم تصنيع الوقودات الغازية الأخرى بالمعالجات المختلفة للنفخ. أول أكسيد الكربون هو وقود غازي هام يتكون من خلطات غازية أخرى وهو أيضاً نتاج للاحتراق غير الكامل للكربون.

جدول رقم (4) تحليلات الوقودات السائلة

الخ	الرماد	الكبريت	الهيدروجين	الكربون	الوقود
100 octane petrol	-	0.01	14.9	85.1	
Motor petrol	-	0.1	14.4	85.5	
Benzole	-	0.3	8.0	91.7	
Kerosene (paraffin)	-	0.1	13.6	86.3	
Diesel Oil	-	0.9	12.8	86.3	
Light fuel oil	-	1.4	12.4	86.2	
Heavy fuel oil	-	2.1	11.8	86.1	
Residual fuel oil	1.0	1.2	9.5	88.3	

معادلات الاحتراق [Combustion equations] :

تدخل الكتل المتناسبة من الهواء والوقود إلى غرفة الاحتراق حيث يتم التفاعل الكيميائي وتخرج نواتج الاحتراق خلال ماسورة العادم إلى الخارج. حسب قانون بقاء الكتلة فإن الكتلة تظل ثابتة (i.e.) الكتلة الكلية للنواتج تساوي الكتلة الكلية للمواد المتفاعلة) ، وتختلف المواد المتفاعلة كيميائياً عن النواتج حيث تغادر النواتج عند درجة حرارة عالية. يظل العدد الكلي للذرات لكل عنصر في الاحتراق ثابتاً ولكن يُعاد ترتيب الذرات في مجموعات تمتلك خواص كيميائية مختلفة. يتم التعبير عن هذه المعلومة بالمعادلة الكيميائية التي توضح :-

a/ المواد المتفاعلة والمواد الناتجة من التفاعل.

b/ الكميات النسبية للمواد المتفاعلة والمواد الناتجة.

يجب أن يكون جانبي المعادلة متناسقاً ، بحيث أن كل جانب يمتلك نفس الرقم من الذرات لكل عنصر مشترك.

توضح المعادلة عدد الجزيئات لكل مادة متفاعلة وناتجة. يتناسب المول مع عدد الجزيئات وعليه فإن الأرقام الجزيئية النسبية للمادة المتفاعلة والناتجة تُعطى التحليل المولي أو الحجمي للمكونات الغازية .

كما ذكر آنفاً فإن الأكسجين الذي يتم إمداده للاحتراق يأتي من الهواء الجوي ومن الضروري أن تستخدم تحاليل دقيقة ومتناسقة للهواء بالكتلة وبالحجم .

غالباً ما نأخذ مكونات الهواء في حسابات الاحتراق بالكتلة كالآتي :-

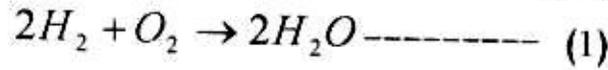
$$23.3\% O_2 , 76.7\% N_2$$

وبالحجم كالآتي :-

$$21\% O_2 , 79\% N_2$$

يتم تضمين الأثار الصغيرة للغازات الأخرى في الهواء الجاف في النيتروجين الذي يُسمى أحياناً بالنيتروجين الجوي.

اعتبر المعادلة التالية للهيدروجين



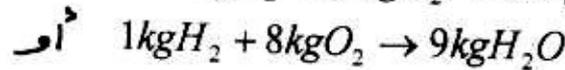
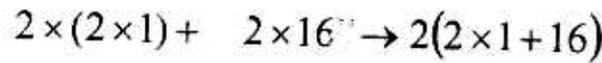
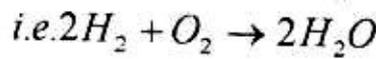
وهذا يعني أن:-

a / يتفاعل الهيدروجين مع الأكسجين ليعطي البخار أو الماء .

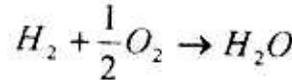
b / يتفاعل جزيئين من الهيدروجين مع جزيء واحد من الأكسجين ليعطي جزيئين من البخار أو الماء .

i.e. 2 حجم من  $H_2$  + 1 حجم من  $O_2$  ← 2 حجم من  $H_2O$  .

$H_2O$  يمكن أن يكون سائلاً أو بخاراً اعتماداً على ما إذا تم تبريد الناتج بصورة كافية حتى يتكثف . ويمكن الحصول على التناسب بالكتلة باستخدام الكتل الذرية النسبية .



نفس التناسب يمكن الحصول عليه بكتابة المعادلة (1) بالصورة التالية :



يمكن ملاحظة التالي من المعادلة (1) ،

الحجم الكلي للمواد المتفاعلة = 2 حجم من  $H_2$  + 1 حجم من  $O_2$  = 3 حجومات

الحجم الكلي للمادة الناتجة = 2 حجم

عليه يكون هنالك انكماش حجمي عند الاحتراق .

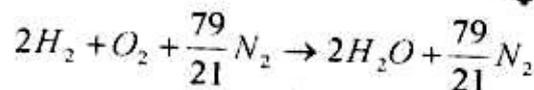
بما أن الأكسجين يكون مصاحباً بالنيتروجين عند إمداد الهواء للاحتراق ، فيجب تضمين النيتروجين

في المعادلة .

وبما أن النيتروجين يكون خاملاً خلال التفاعل الكيميائي فسيظهر على جانبي المعادلة لكل مول من

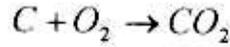
الأكسجين هنالك 79/21 مول من النيتروجين .

عليه تصبح المعادلة (1) كالتالي :-

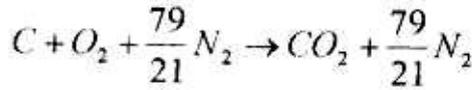


يمكن إيجاد معادلات مشابهة لاحتراق الكربون .

a / الاحتراق الكامل للكربون ليتحول إلى ثاني أكسيد الكربون



وبتضمنين النيتروجين

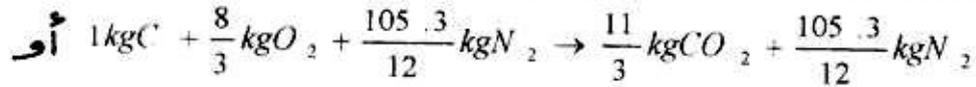
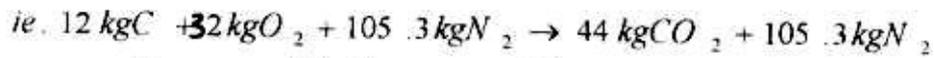
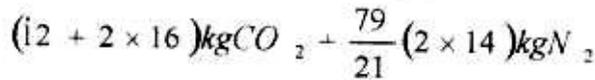
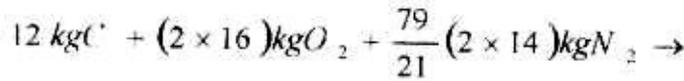


باعتبار حجوم المواد المتفاعلة والمواد الناتجة

صفر حجم من C + 1 حجم من  $O_2$  + حجم من  $\frac{79}{21} N_2$  ← 1 حجم من  $CO_2$  + حجم من  $\frac{79}{21} N_2$

$N_2$

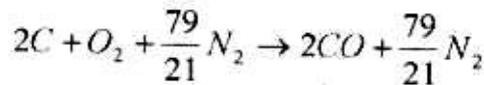
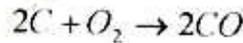
لقد تمّ اعتبار حجم الكربون يساوي صفرًا لأنّ الحجم الصلد يمكن تجاهله مقارنة بحجم الغاز ، التحليل بالكتلة ،



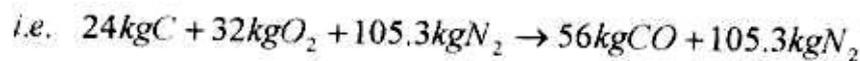
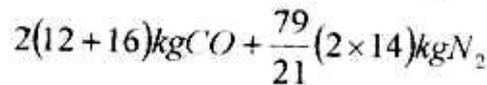
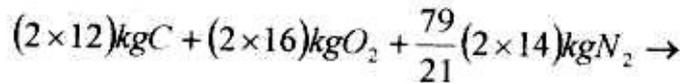
b / الاحتراق غير الكامل للكربون :- [ Incomplete Combustion of Carbon ]

هذا يحدث عندما لا يكون هناك إمداد كافٍ من الأكسجين لإحراق الكربون تماماً .

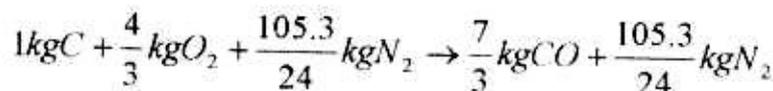
وبتضمنين النيتروجين



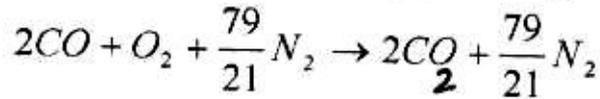
التحليل بالكتلة ،



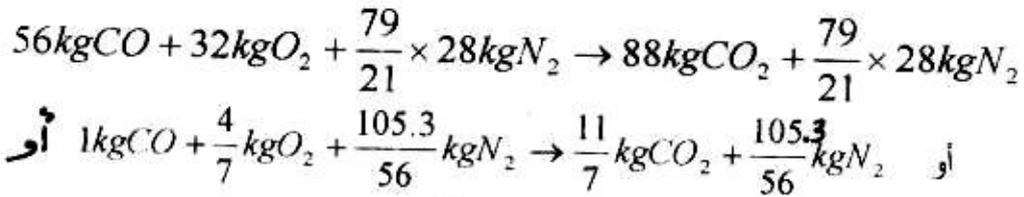
أو



وإذا تم إمداد كميات إضافية من الأكسجين فإن الاحتراق سيستمر حتى يكتمل تماماً .



وبالكتلة،



**نسبة هواء إلى وقود متكافئة أو صحيحة كيميائياً:-**

[stoichiometric , or chemically correct , air fuel ratio ]

الخليط المتكافئ [stoichiometric mixture] للهواء والوقود هو الخليط الذي يحتوي على أكسجين كاف فقط للاحتراق الكامل للوقود.

الخليط الذي يحتوي على كميات زائدة من الهواء يسمى بالخليط الضعيف [weak mixture] والخليط الذي يحتوي على كميات ناقصة من الهواء يسمى بالخليط الغني [rich mixture] .

النسبة المنوية للهواء الزائد يمكن إعطاؤها بالمعادلة التالية:-

$$\text{النسبة المنوية للهواء الزائد} = (\text{نسبة الـ A/F الفعلية} - \text{نسبة الـ A/F المتكافئة}) / (\text{نسبة الـ A/F المتكافئة}) \quad (2)$$

للقود الغازي فإن النسب يتم التعبير عنها بالحجم وللوقود الصلب والسائل فإن النسب يتم التعبير عنها بالكتلة .

تُعطى المعادلة (2) نتيجة موجبة عندما يكون الخليط ضعيفاً ونتيجة سالبة إذا كان الخليط غنياً .

للغلاية (boiler plant) فإن الخليط غالباً ما يكون أكبر من 20% ضعيف وللتوربينات الغازية (Gas turbines) فإن النسبة تكون أكبر من 300% ضعيف . تقابل المحركات البترولية أحوالاً مختلفة من الحمولة والسرعة وتشتغل في مدى واسع من متانة الخلائط.

$$(\text{متانة}) \text{ قوة الخليط} = (\text{نسبة الـ A/F المتكافئة}) / (\text{نسبة الـ A/F الفعلية}) \quad (3)$$

تتراوح القيم التشغيلية في المدى بين 80% (ضعيف) إلى 120% (غنى) عندما يحتوي الوقود على بعض الأكسجين (e.g. الكحول الإيثيلي)  $C_2H_6O$  فإن الوقود في هذه الحالة يتطلب إمداداً قليلاً من الهواء.

**تحليل غاز العادم | Exhaust and Flue gas analysis | :**

الغازات هي نواتج الاحتراق الرئيسية. عندما يتم أخذ عينة من الغاز للتحليل غالباً ما يتم تبريدها إلى درجة حرارة ما دون درجة حرارة التشبع للبخر .

لا يضمن المحتوى البخاري في هذه الحالة في التحليل الذي يتم تصنيفه على أنه تحليل للنواتج الجافة. بما أن النواتج هي غازات فإنه غالباً ما يتم التحليل بالحجم . أما التحليل الذي يشمل البخار في العادم يسمى بالتحليل الرطب.

أمثلة محلولة :

1/ أحسب نسبة ال A/F المتكافئة لاحتراق عينة من ال Anthracite الجاف الذي يتكون من الآتي بالكتلة :-

ash 3% ، S 0.5% ، N 1% ، O 2.5% ، H 3% ، C 90%

حدد نسبة ال A/F والتحليل الجاف والرطب لنواتج الاحتراق بالحجم عندما يتم إمداد 20% هواء زائد.

الكتلة لكل kg فحم	معادلة الاحتراق	الأكسجين المطلوب لكل kg من الفحم	النواتج لكل kg من الفحم
0.9	$C + O_2 \rightarrow CO_2$ $12kg + 32kg \rightarrow 44kg$	$0.9 \times \frac{32}{12} = 2.4kg$	$0.9 \times \frac{44}{12} = 3.3kg CO_2$
0.03	$2H_2 + O_2 \rightarrow 2H_2O$ $1kg + 8kg \rightarrow 9kg$	$0.03 \times 8 = 2.24kg$	$0.03 \times 9 = 0.27kg H_2O$
0.025	-	- 0.025kg	-
0.01	-	-	0.01kg N <sub>2</sub>
0.005	$S + O_2 \rightarrow SO_2$ $32kg + 1kg \rightarrow 64kg$ <b>32</b>	$0.005 \times \frac{32}{32} = 0.005kg$	$0.005 \times \frac{64}{32} = 0.01kg SO_2$
0.03	-	-	-
	-	جملة 2.620kg	

من الجدول :-

الأكسجين O<sub>2</sub> المطلوب لكل kg من الفحم = 2.62kg

∴ الهواء المطلوب لكل kg من الفحم =  $\frac{2.62}{0.233} = 1.125kg$

( بما أن الهواء يحتوي على 23.3% أكسجين ( O<sub>2</sub> ) بالكتلة .)

النيتروجين N<sub>2</sub> المتحد مع هذا الهواء =  $0.76 \times 11.25 = 8.63kg$

جملة النيتروجين N<sub>2</sub> في النواتج =  $8.63 + 0.01 = 8.64kg$

نسبة ال A/F المتكافئة =  $\frac{11.25}{1}$

باستخدام المعادلة (2)

النسبة المئوية للهواء الزائد = (نسبة ال A/F الفعلية) - (نسبة ال A/F المتكافئة) / (نسبة ال A/F المتكافئة)

من المعادلة (2)

نسبة ال A/F الفعلية = نسبة ال A/F المتكافئة + النسبة المئوية للهواء الزائد × نسبة ال A/F المتكافئة

$$= 11.25 + \frac{20}{100} \times 11.25 = 13.5/1$$

عليه فإن إمداد النيتروجين  $N_2$  ،

$$0.767 \times 13.5 = 10.36 \text{ kg}$$

أيضاً ، إمداد الأوكسجين  $O_2$  ،

$$0.233 \times 13.5 = 3.144 \text{ kg}$$

في النواتج ،

$$N_2 = 10.36 + 0.01 = 10.37 \text{ kg}$$

والأوكسجين الزائد  $O_2$

$$O_2 = 3.144 - 2.62 = 0.524 \text{ kg}$$

التحليل بالمجموع :-

المنتج Product	Mass/kg Coal	% by Mass	M Kg/kmol	kmol/kg Coal	% by vol. Wet	% by VOL dry
1	2	3	4	5	6	7
$CO_2$	3.3	22.8	44	0.075	15.77	16.3
$H_2O$	0.27	1.87	18	0.015	3.16	-
$SO_2$	0.01	0.07	64	0.0002	0.03	0.03
$O_2$	0.52	3.6	32	0.0162	3.4	3.51
$N_2$	10.37	71.65	28	0.37	77.8	80.3
	14.47 kg		Total wet	0.4764	100.16	100.14
			$-H_2O$	0.015		
			Total dry	0.4614		

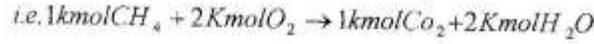
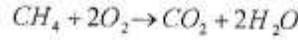
2/ تحليل إمداد من غاز الفحم كالاتي :-

$$H_2 49.4\%; CO 18\%; CH_4 20\%; C_2H_6 2\%; O_2 0.4\%; N_2 6.2\%; CO_2 4\%$$

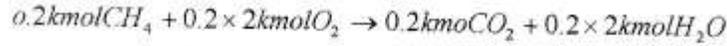
أحسب نسبة ال A/F المتكافئة. أوجد أيضاً التحليل الرطب والجاف لنواتج الاحتراق إذا كان

الخليط الفعلي 20% ضعيف .

هذا المثال يتم حله بطريقة الجدولة ، يتم توضيح عينة من الحسابات فيما يلي ل  $CH_4$



هنالك 0.2kmol من الميثان  $CH_4$  لكل kmol من غاز الفحم ، عليه



عليه فإن الأكسجين المطلوب للميثان  $CH_4$  في غاز الفحم هو 0.4kmol لكل kmol من غاز الفحم.

يتم تضمين الأكسجين في الوقود (0.004kmol) في العمود 4 ككمية سالبة

I	Kmol/kmol fuel	Combustion Eqn	$O_2$ kmol / kmol fuel	Products	
				$CO_2$	$H_2O$
	2	3	4	5	6
$H_2$	0.494	$2H_2 + O_2 \rightarrow 2H_2O$	0.247	-	0.494
CO	0.18	$2CO + O_2 \rightarrow 2CO_2$	0.09	0.18	-
$CH_4$	0.20	$CH_4 + 2O_2 \rightarrow CO_2 + 2H_2O$	0.4	0.20	0.40
$C_4H_8$	0.02	$C_4H_8 + 6O_2 \rightarrow 4CO_2 + 4H_2O$	0.12	0.08	0.08
$O_2$	0.004	-	-0.004	-	-
$N_2$	0.062	-	-	-	-
$CO_2$	0.04	-	-	0.04	-
		Total	0.853	0.5	0.974

$$\text{الهواء المطلوب} = \frac{0.853}{0.21} = 4.06 \text{ ( kmol لكل kmol من الوقود )}$$

( حيث أن الهواء يحتوي على 21% من  $O_2$  بالحجم )

i.e نسبة ال A/F المتكافئة = 4.06/1 بالحجم

تخليط 20% ضعيف ، وباستخدام المعادلة (2)

$$\text{نسبة ال A/F الفعلية} = 4.06 \times \frac{20}{100} + 4.06 = 4.872/1$$

النيتروجين المتحد =  $4.872 \times 0.79 = 3.85$  ( kmol لكل kmol من الوقود )

الأكسجين الزائد ،

$$= 0.21 \times 4.872 - 0.853 = 0.1706 \text{ kmol / kmol fuel}$$

ال kmol الكلي للنيتروجين  $N_2$  في النواتج ،

$$3.85 + 0.062 = 3.912 \text{ kmol/kmol fuel}$$

يتم توضيح التحليل بالحجم للنواتج الرطبة والجافة في الجدول التالي :-

الناتج product	Kmol/kmol Fuel	% by vol. (dry)	% by vol.(wet)
$CO_2$	0.5	10.90	9
$H_2O$	0.974	-	17.5
$O_2$	0.171	3.72	3.08
$N_2$	3.912	<u>85.4</u>	<u>70.4</u>
	Total wet =5.557	<u>100.02</u>	<u>99.98</u>
	- $H_2O=0.974$		
	Total dry =4.583		

في المثالين (1) و (2) يمكن ملاحظة أن حاصل جمع التحاليل لا يكون بالضبط 100%، وعليه فإن الدقة الموضحة كافية و لا يوجد زمن لتضييعه في سبيل الوصول إلى تحاليل مضبوطة .

3/ أوجد نسبة A/F المتكافئة لاحتراق الكحول الإيثيلي ( $C_2H_6O$ ) في محرك بترول. أحسب نسب A/F لمتانات الخليط 90% و 120% حسب تعريف المعادلة (3). حدد التحاليل الرطبة والجافة بالحجم لغاز العادم لكل متانة مزيج .

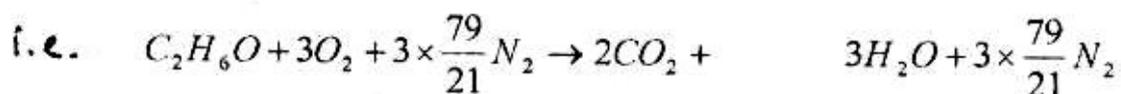
الحل: تكون معادلة الاحتراق للكحول الإيثيلي كالآتي :-



بما أن هنالك ذرتين من الكربون في كل مول من  $C_2H_6O$  فسيكون هنالك مولان من  $CO_2$  في النواتج ، لتعطي ذرتين من الكربون في كل جانب من المعادلة. بالمثل وبما أن هنالك ستة ذرات من الهيدروجين في كل مول من الكحول الإيثيلي فسيكون هنالك ثلاثة مولات من  $H_2O$  في النواتج لإعطاء ستة ذرات من الهيدروجين على جانبي المعادلة. وبموازنة ذرات الأكسجين ، نجد أن هنالك  $(2 \times 2 + 3 = 7)$  ذرات من الأكسجين على الجانب الأيمن للمعادلة ، عليه يجب أن تظهر 7 ذرات على الجانب الأيسر للمعادلة .

بما أن هنالك ذرة واحدة من الأكسجين في الكحول الإيثيلي ، يجب إضافة ستة ذرات من الأكسجين (أي ثلاثة مولات).

وبما أن الأكسجين يتم سحبه من الهواء الجوي فسيكون مصاحباً بالنيتروجين كما في المعادلة أدناه:-



1kmol من الوقود يملك كتلة مقدارها  $(2 \times 12 + 6 \times 1 + 1 \times 16) = 46 \text{ kg}$

3kmol من الأكسجين يملك كتلة مقدارها  $(3 \times 2 \times 16) = 96 \text{ kg}$

عليه ،

$$2.09 \text{ kg} = \frac{96}{46} = \text{الأكسجين المطلوب لكل kg من الوقود}$$

$$8.96/1 = \frac{2.09}{0.233} = \text{إذن نسبة ال A/F المتكافئة}$$

اعتبر متانة المزيج 90% ، من المعادلة (3) ،

متانة الخليط = ( نسبة ال A/F المتكافئة ) / ( نسبة ال A/F الفعلية )

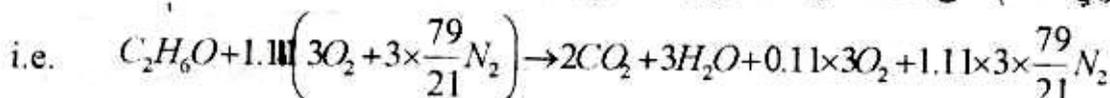
$$0.9 = ( \text{نسبة ال A/F الفعلية} ) / ( 8.96 ) =$$

$$9.95/1 = \frac{8.96}{0.9} = \text{نسبة ال A/F الفعلية}$$

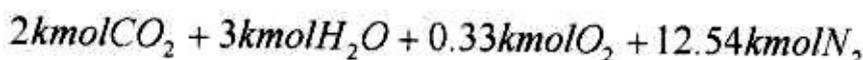
هذا يعني أن الهواء المسحوب حقيقة يكون 1/0.9 أو  $\frac{9.95}{8.96} = 1.11$  مرة

الهواء الضروري للاحتراق الكامل .

سيحتوي العادم على 0.11 من الأكسجين المتكافئ



والنواتج هي :-



الكيلومولات الكلية ،

$$2 + 3 + 0.33 + 12.54 = 17.87 \text{ kmol}$$

التحليل الرطب ،

$$\frac{2}{17.87} \times 100 = 11.20\% CO_2; \frac{3}{17.87} \times 100 = 16.8\% H_2O$$

$$\frac{0.33}{17.87} \times 100 = 1.85\% O_2; \frac{12.54}{17.87} \times 100 = 70.2\% N_2$$

الكيلومولات الجافة الكلية ،

$$2 + 0.33 + 12.54 = 14.87 \text{ kmol}$$

عليه ، التحليل الجاف ،

$$\frac{2}{14.87} \times 100 = 13.45\% CO_2; \frac{0.33}{14.87} \times 100 = 2.22\% O_2$$

$$\frac{12.54}{14.87} \times 100 = 84.4\% N_2$$

120%

اعتبر متانة المزيج ، من المعادلة (3) ،

$$1.2 = ( \text{نسبة ال A/F المتكافئة} ) / ( \text{نسبة ال A/F الفعلية} )$$

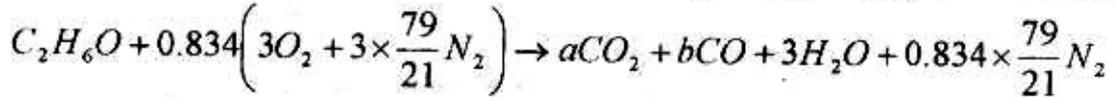
$$7.47/1 = \frac{8.96}{1.2} = \text{نسبة ال A/F الفعلية} \quad \bullet\bullet$$

هذا يعني أن الهواء المسحوب حقيقة  $0.834 = \frac{7.47}{8.96}$  أو  $1/1.2$  مرة الهواء اللازم للاحتراق الكامل .

اجعل عدد الكيلومولات ل  $CO_2$  في النواتج يساوي a

واجعل عدد الكيلومولات ل CO في النواتج يساوي b

عليه فإن معادلة الاحتراق ستكون كالآتي :-



لإيجاد قيم a , b يجب عمل موازنة لذرات الكربون والأكسجين .

$$2 = a + b \quad \text{i.e. موازنة الكربون :}$$

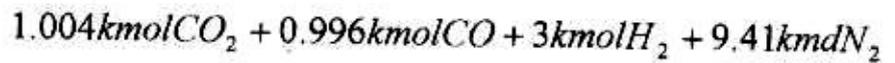
$$1 + 0.834 \times 3 = 2a + b + 3 \quad \text{موازنة الأكسجين:}$$

ب طرح المعادلتين نتحصل على ،

$$a = 1.004$$

$$b = 2 - 1.004 = 0.996$$

i.e. النواتج هي :-



عدد الكيلومولات الكلية الجافة ،

$$1.004 + 0.996 + 9.41 = 11.41 \text{ kmol}$$

عليه ، التحليل الجاف

$$\frac{1.004}{11.41} \times 100 = 8.8\% CO_2; \quad \frac{0.996}{11.41} \times 100 = 8.73\% CO$$

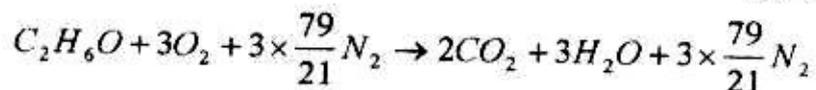
$$\frac{9.41}{11.41} \times 100 = 82.5\%$$

4/ أحسب للمزيج المتكافئ في المثال (3) ، حجم الخليط لكل kg من الوقود عند درجة حرارة

$65C^\circ$  وضغط 1.013 bar . أحسب أيضاً حجم نواتج الاحتراق لكل kg من الوقود بعد

التبريد إلى درجة حرارة  $120C^\circ$  عند ضغط 1 bar .

الحل :-



عليه ، عدد الكيلومولات الكلية للمواد المتفاعلة ،

$$1 + 3 + 3 \times \frac{79}{21} = 15.3 \text{ kmol}$$

ومن المعادلة المميزة للغازات ،

$$PV = nR_o T$$

$$V = \frac{nR_o T}{P} = \frac{15.3 \times 10^3 \times 8.314 \times 338}{10^5 \times 1.013} = 424.4 m^3 / kmol$$

$R_o = 8.314 kJ / kmolk$  ( ثابت الغاز المولاري ) (molar gas constant)

( حيث  $T = 65 + 273 = 338k$  )

في كل 1 كيلو مول من الوقود يوجد (  $2 \times 12 + 6 + 16 = 46 \text{ kg}$  )

$$9.226 m^3 = \frac{424.4}{46} = \text{حجم المواد المتفاعلة لكل kg من الوقود} \quad \bullet\bullet$$

عندما يتم تبريد النواتج إلى  $120^\circ C$  فإن الماء  $H_2O$  يوجد كبخار ، لأن درجة الحرارة تكون

أعلى من درجة حرارة التشبع نتيجة للضغط الجزئي للماء  $H_2O$

يكون العدد الكلي لكيومولات النواتج مساوياً ل  $16.3 kmol = \left( 2 + 3 + 3 \times \frac{79}{21} \right)$

من المعادلة ،  $PV = nR_o T$

$$\therefore V = \frac{16.3 \times 10^3 \times 8.314 \times 393}{10^5 \times 1} = 533.8 m^3 / kmol \text{ of fuel}$$

( حيث  $T = 120 + 273 = 393K$  )

$$11.58 m^3 = \frac{533.8}{46} = \text{حجم النواتج لكل kg من الوقود}$$

5/ إذا تم تبريد النواتج في المثال (4) إلى  $15^\circ C$  عن ضغط ثابت ، أحسب كمية الماء الذي سيتكثف لكل kg من الوقود.

الحل :- عند  $15^\circ C$  ، ولأن هنالك بعض التكثيف فإن البخار المتبقي ( جاف مشبع ) يظل على

التصاق مع السائل. ضغط التشبع عند  $15^\circ C$  هو  $0.01704 \text{ bar}$  ، وهذا هو الضغط

الجزئي للبخار الجاف المشبع.

$$\text{من المعادلة} \quad \frac{V_i}{V} = \frac{n_i}{n} = \frac{P_i}{P}$$

$$\text{وللبخار} \quad \frac{n_s}{n} = \frac{0.01704}{1} = 0.01704$$

من المثال (4) عدد الكيلومولات الكلي للنواتج الجافة هو  $13.3 kmol$  ، عليه

$$\frac{n_s}{n_s + 13.3} = 0.01704$$

$$\therefore n_s = \left( \frac{0.01704 \times 13.3}{1 - 0.01704} \right) = 0.2305$$

i.e. عدد الكيلومولات للبخار الجاف المشبع المتبقي عند  $15^\circ C = 0.2305$

عدد كيلومولات الماء المتكثف ،  $3 - 0.2305 = 2.77$  .  
 $1 \text{ kmol}$  من  $H_2O$  يحتوي على  $(2+16 = 18 \text{ kg})$  . عليه فإن كتلة الماء المتكثف هي  $2.77 \times 18 \text{ kg}$  لكل  $\text{kmol}$  من الوقود .

$$1.084 \text{ kg} = \frac{2.77 \times 18}{46} = \text{كتلة الماء المتكثف لكل kg من الوقود}$$

6/ يكون التحليل بالقياس الوزني [ Gravimetric analysis ] لعينة من الفحم هو كالآتي :-  
 $80\% \text{C}$  ،  $12\% \text{H}$  ، و  $8\% \text{رماد}$  . أحسب نسبة ال A/F المتكافئة وتحليل النواتج بالحجم .

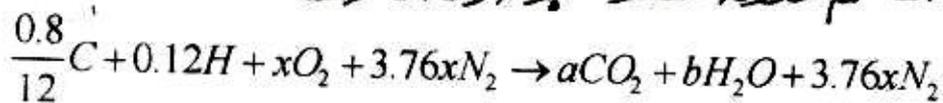
الحل:  $1 \text{ kg}$  من الفحم يحتوي على  $0.8 \text{ kg C}$  و  $0.12 \text{ kg H}$

∴  $1 \text{ kg}$  من الفحم يحتوي على  $0.12 \text{ kmol H}$  ،  $\frac{0.8}{12} \text{ kmol C}$

اجعل الأكسجين المطلوب للاحتراق الكامل يكون  $x \text{ kmol}$  ، يكون النيتروجين المصاحب للأكسجين

$$\text{هو } x \frac{79}{21} = 3.76x \text{ kmol}$$

ل وها من الفحم تلمه معادلة الاحتراق كالآتي ،



عليه ،

$$\text{موازنة الكربون :- } a = 0.067 \text{ kmol}, \frac{0.8}{12} = a$$

$$\text{موازنة الهيدروجين :- } 0.12 = 2b \Rightarrow b = 0.06 \text{ kmol}$$

$$\text{موازنة الأكسجين :- } 2x = 2a + b \Rightarrow x = 0.097 \text{ kmol}$$

كتلة  $1 \text{ kmol}$  من الأكسجين هي  $32 \text{ kg}$  ، عليه فإن كتلة الأكسجين  $\text{O}_2$  لكل  $\text{kg}$  من الفحم

هي :  $32 \times 0.097$

$$\text{i.e نسبة ال A/F المتكافئة} = \frac{32 \times 0.097}{0.233} = 13.3/1$$

جملة كيلومولات النواتج ،

$$= a + b + 3.76x$$

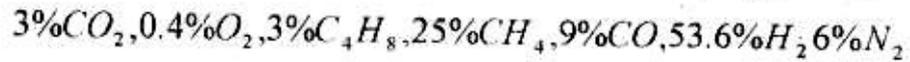
$$= 0.067 + 0.06 + 3.76 \times 0.097 = 0.492 \text{ kmol}$$

عليه فإن التحليل الرطب ،

$$\frac{0.067}{0.492} \times 100 = 13.6\% \text{CO}_2; \frac{0.06}{0.492} \times 100 = 12.2\% \text{H}_2;$$

$$\frac{0.365}{0.492} \times 100 = 74.2\% \text{N}_2$$

7/ محرك غازي يتم إمداده بغاز الفحم بالمكونات التالية :-

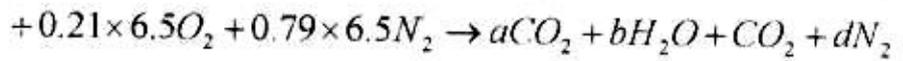
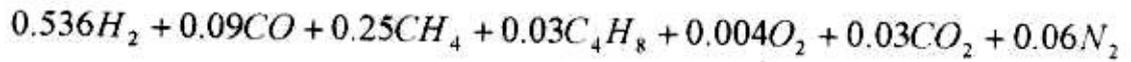


إذا كانت نسبة الهواء/ الوقود تساوي 6.5/1 بالحجم ، أحسب تحليل نواتج الاحتراق .

يمكن افتراض أن نسبة ال A/F المتكافئة أقل من 6.5/1 .

الحل: بما أن نسبة ال A/F الفعلية تكون أكبر من المتكافئة يتبع ذلك أن الهواء الزائد يتم إمداده

بالتالي تحتوي النواتج على  $CO_2, H_2O, O_2, N_2$  . ويمكن كتابة معادلة الاحتراق كالتالي :-



عليه ،

$$\therefore a = 0.49$$

موازنة الكربون :  $0.09 + 0.25 + 0.12 + 0.03 = a$

$$\therefore b = 1.26$$

موازنة الهيدوجين :  $0.536 \times 2 + 0.25 \times 4 + 0.03 \times 8 = b$

موازنة الأكسجين :  $0.09 + 0.004 \times 2 + 0.03 \times 2 + 0.21 \times 6.5 \times 2 = 2a + b + 2c$

$$\therefore d = 5.2$$

موازنة النيتروجين :  $0.06 \times 2 + 0.79 \times 6.5 \times 2 = 2d$

عليه ، جملة الكيلومولات لنواتج الجافة ،

$$0.49 + 0.378 + 5.2 = 6.068$$

ويكون التحليل بالحجم كالتالي ،

$$\frac{0.49}{6.068} \times 100 = 8.08\%CO_2; \frac{0.378}{6.068} \times 100 = 6.22\%O_2; \frac{5.2}{6.068} \times 100 = 85.7\%N_2$$

**التحليل العملي لنواتج الاحتراق :- (Practical analysis of combustion products)**

يتطلب التحقق المختبري لإجراء الاحتراق تحليل نواتج الاحتراق حيث تؤخذ عينات من

النواتج من نقاط كافية في المحطة .

إذا تمّ التحليل بطريقة كيميائية يتم استخدام محاليل معينة ، كل واحدة تمتص إحدى المكونات .

وعندما يتم امتصاص جميع المكونات يتم قياس الحجم المتبقي عند نفس الضغط ودرجة الحرارة

للعينة الأولية .

يتم الحصول على حجم المكونات التي تمّ امتصاصها بأخذ الفرق بين الحجم قبل وبعد

الامتصاص .

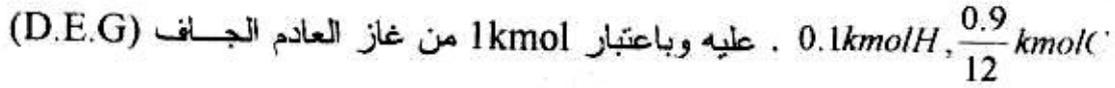
**أمثلة محلولة :-**

1/ أوضح تحليلاً للعادم ( باستخدام جهاز أورسات ) لمحرك يعمل بوقود البنزول

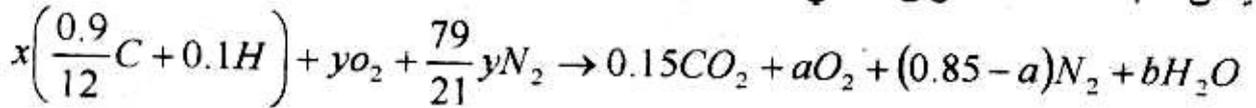
(benzole)

أن محتوى  $CO_2$  هو 15% ، وليس هنالك CO. افترض أن باقي العادم يحتوي على أكسجين ونيتروجين فقط ، أحسب نسبة ال A/F للمحرك. يكون التحليل المطلق للبتروول هو 90%C و 10%H .

الحل : 1 kg من الوقود يحتوي على 0.9 kg من C و 0.1 kg من H ، يمكن كتابته كالاتي :



يمكن كتابة معادلة الاحتراق كالاتي :-



حيث: x = كتلة الوقود لكل كيلومول من غاز العادم الجاف .

y = هي عدد كيلومولات الأكسجين لكل كيلومول من غاز العادم الجاف .

a = هي عدد كيلومولات الأكسجين الزائد لكل كيلو مول من غاز العادم الجاف .

b = عدد كيلومولات الماء لكل كيلومول من غاز العادم الجاف .

$$\frac{0.9}{12}x = 0.15 \quad \therefore x = 2.0$$

$$0.1x = 2b \quad \therefore b = 0.1$$

$$\therefore y = 0.2 + a \quad (1)$$

$$3.76 \times 2 \times y = 2 \times (0.85 - a)$$

$$\therefore y = 0.226 - 0.266a \quad (2)$$

وبمساواة قيم y في المعادلتين (1) و (2)

$$0.226 - 0.266a = 0.2 + a$$

$$\therefore a = 0.0206$$

$$\therefore y = 0.2 + 0.0206 = 0.221 kmol$$

∴ الأكسجين الذي يتم إمداده ،

$$0.221 \times 32 kg/kmol \text{ D.E.G}$$

الهواء الذي يتم إمداده ،

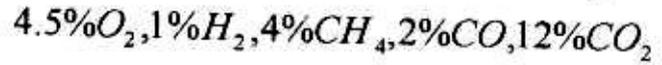
$$\frac{0.221 \times 32}{0.233} = 30.4 kg/kmol \text{ D.E.G}$$

بما أن  $x = 2$  ، فإن الوقود الذي يتم إمداده لكل كيلومول

D.E.G هو 2kg .

$$A/F \text{ ratio} = \frac{30.4}{2} = 15.2/1$$

2/ أعطي تحليلاً للعادم الجاف من محرك احتراق داخلي الآتي :-



والمتبقى نيتروجين . أحسب التناسب بالكتلة للكربون إلى الهيدروجين في الوقود ،

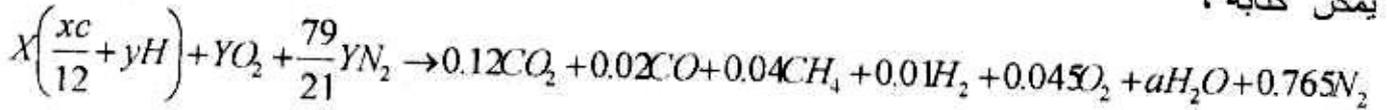
بافتراض أنه هيدروجين نقي .

الحل:

اجعل 1kg من الوقود يحتوي على  $x$  kg C و  $y$  kg H .

عليه وباعتبار 1kmol من D.E.G وبإدخال  $x$  و  $y$  كما معرف في المثال السابق ،

يمكن كتابة ،



عليه ،

$$\therefore Y = 0.2035 , 3.76 Y = 0.765 \quad \text{- موازنة النيتروجين :-}$$

$$0.2035 = 0.12 + \frac{0.02}{2} + 0.045 + \frac{a}{2} \quad \text{- موازنة الأكسجين :-}$$

$$\therefore a = 0.057$$

$$\frac{x}{12} = 0.12 + 0.02 + 0.04 \quad \text{- موازنة الكربون :-}$$

$$\therefore Xx = 2.16 \quad (1)$$

$$Xy = 4 \times 0.04 + 2 \times 0.01 + 2 \times 0.057 \quad \text{موازنة الهيدروجين :-}$$

$$\therefore Xy = 0.294 \quad (2)$$

وبقسمة (1) % (2)

$$\frac{Xx}{Xy} = \frac{2.16}{0.294} = 7.35$$

∴ نسبة الكربون إلى الهيدروجين في الوقود ،

$$\frac{x}{y} = 7.35/1$$

## الفصل السادس ماكينات الازاحة الموجبة

16/ ماكينات الازاحة الموجبة (positive displacement m/cs): وظيفة الضاغط هي سحب كمية محددة من مائع ( عادة غاز ، وغالبا هواء) وتصريفها عند ضغط مطلوب . الماكينة الاكثر كفاءة هي تلك التي ستكمل هذا بأدنى شغل ميكانيكي مدخل . تستخدم كل من ماكينات الازاحة الموجبة الترددية والدوارة لاغراض متنوعة . يمكن التمييز بينهما على اساس الاداء بتعريف النوع الترددي كذلك الذى يمتلك معدل سريان كتلة منخفض ونسب ضغط عالية ، والنوع الدوار كذلك الذى يمتلك معدل سريان كتلة عالية ونسب ضغط منخفضة . يكون مدى الضغط من الجوى الى حوالى 9bar مشتركا لكلا النوعين .

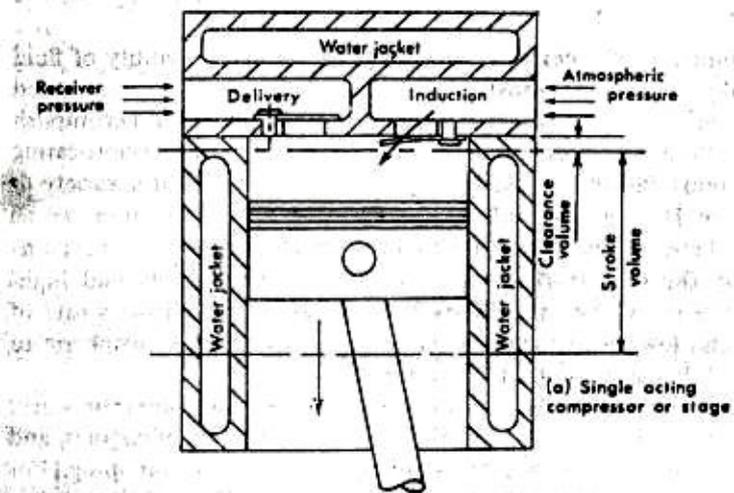
تكون بعض الماكينات الدوارة مناسبة فقط لشغل ذو نسبة ضغط منخفضة ويتم تطبيقها للنظافة ( الكنس ) والشحن الفوقى للمحركات، والتطبيقات المتنوعة للاستفاد ( العادم ) والضح الفراغى . لضغوط فوق 9bar يمكن استخدام الماكينة الدوارة ذات الريشة (vane-type rotary m/c) لامداد ضغوط تغريزية ، لكن لشغل ذو ضغط عال محتمل حتى 485bar فما فوق ، لاغراض خاصة ، يتم استخدام النوع الترددي .

كلا النوعان الاساسيان يوجد فى اشكال مختلفة كل بمميزاته الخاصة . يمكن أن يكونا مفردى أو متعددى المرحلة ، واما أن يملكا تبريدا هوائيا أو مائيا . تكون الماكينة الترددية نبضية فى حركتها مما يحد من معدل تصريف المائع خلالها ، بينما تكون الماكينة الدوارة متصلة فى حركتها . تكون الماكينات الدوارة أصغر فى حجمها لسريان معطى، أخف فى وزنها وأبسط ميكانيكا من رصيفتها الترددية. يوضح الشكل رقم (1) تخطيطيا الانواع المتباينة التى سيتم مناقشتها .

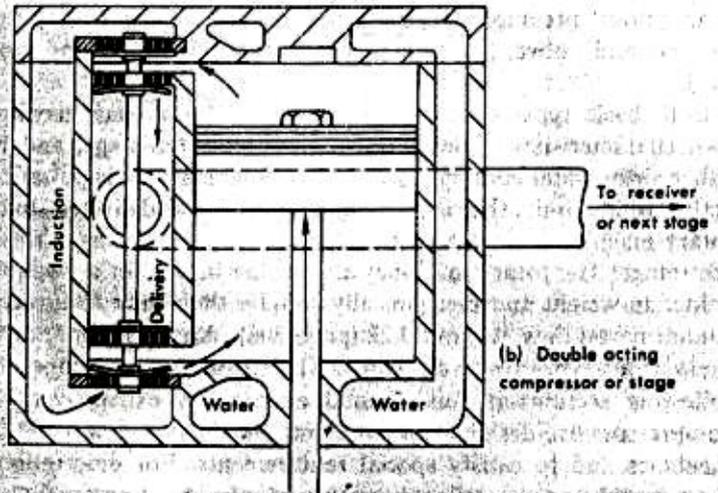
لضاغط يشتغل بأسلوب دورى أو نبضى ، مثل الضاغط الترددي ، فان الخواص عند المدخل والمخرج هي القيم المتوسطة المأخوذة فى الدورة. يتم اختبار حد حجم التحكم بحيث تكون الحالات أو 2 ثابتة مع الزمن وتكون الاوضاع المنتخبة بعيدة عن اضطراب التذبذب (pulsating disturbance).

### الماكينات الترددية (reciprocating m/cs)

تشتمل الآلية على الكباس ، ذراع التوصيل ، المرفق ، وترتبية الاسطوانة. ابتدائياً سيتم تجاهل حجم الخلوص فى الاسطوانة . أيضا سيتم افتراض أن مائع التشغيل هو غازاً مثالياً . تأخذ الدورة لفة واحدة للعمود المرفقى لتكتمل ويتم توضيح المخطط البياني الاساسى فى الشكل رقم (2) يتم تصميم الصمامات المستخدمة فى معظم ضواغط الهواء بحيث تعطى فعل ذاتى وتكون من النوع المحمّل بالبيات التى تشتغل بفرق ضغط صغير غيرها ، يعطى ضغط الباي الخفيف فعل اغلاق سريع .

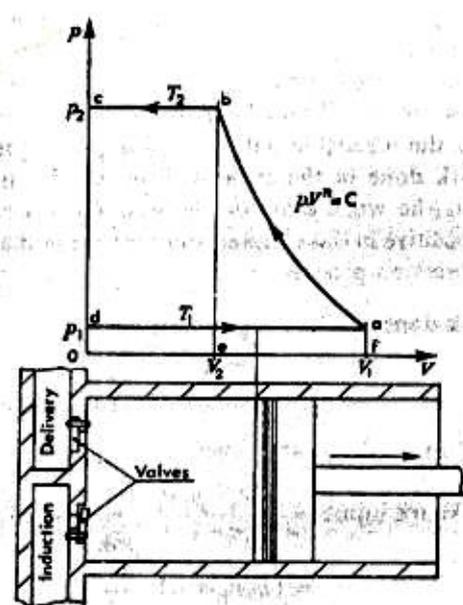


(a) Single acting compressor or stage



(b) Double acting compressor or stage

(1) الشكل



(2) الشكل

يجب أن يكون صعود الصمام لاعطاء سريان الهواء المطلوب أصغر ما يمكن ويجب أن يشتمل بدون صدمة .

في الشكل رقم (2) يمثل الخط d-a شوط السحب . تزداد الكتلة في الاسطوانة من صفر عند d الى تلك المطلوبة لملء الاسطوانة عند a . تكون درجة الحرارة ثابتة عند  $T_1$  لهذا الاجراء ولا يكون هنالك تبادل حرارة مع البيئة المحيطة في الحالة المثالية . يبدأ السحب عندما يكون فرق الضغط عبر الصمام كاف لفتحة. يمثل الخط a-b-c الانضغاط وشوط التصريف عندما يبدأ الكباس شوط رجوعه يرتفع الضغط في الاسطوانة ويغلق صمام الدخول . يستمر صعود الضغط بالكباس الراجع كما موضح بالخط a-b حتى يتم الوصول الى الضغط الذي يفتح عنده صمام التصريف (قيمة يتم تحديدها بالصمام والضغط في المستقبل (receiver)). يحدث التصريف كما موضح بالخط b-c ، الذي يكون اجراءً عند درجة حرارة ثابتة  $T_2$  ، ضغط ثابت  $P_2$  ، تبادل حرارة صفري وكتلة متناقصة . تعاد الدورة عند نهاية هذا الشوط . تعتمد قيمة درجة حرارة التصريف على قانون الانضغاط بين a,b الذي بدوره يعتمد على تبادل الحرارة مع البيئة المحيطة اثناء هذا الاجراء . يمكن افتراض أن الشكل العام للانضغاط هو متعدد الانتحاء انعكاسي (reversible polytropic) . (i.e.  $PV^n = constant$ )

يعطي صافي الشغل المبذول في الدورة بمساحة مخطط  $P-V$  ويكون الشغل المبذول على الغاز . سيكون الشغل المبذول على الغاز موجباً في هذا الفصل ، بما أننا سنهتم أساسياً باجراء الانضغاط . الشغل المبذول البياني على الهواء للدورة = المساحة abcd = المساحة

$$abef + المساحة bcoe - المساحة adof$$

بأستخدام المعادلة التالية ، للمساحة abef ،

$$i.e. \text{ شغل الدخل} = \frac{p_2 v_b - p_1 v_a}{n-1} + p_2 v_b - p_1 v_a$$

$$= (p_2 v_b - p_1 v_a) \left( \frac{1}{n-1} + 1 \right)$$

$$= (p_2 v_b - p_1 v_a) \left( \frac{1+n-1}{n-1} \right)$$

$$= \frac{n}{n-1} (p_2 v_b - p_1 v_a) \dots \dots \dots (1)$$

من المعادلة التالية يمكن كتابة

$$P_1 V_1 = \dot{m} R T_1 \quad , \quad P_2 V_2 = \dot{m} R T_2$$

(حيث  $\dot{m}$  هي الكتلة السحوية والمصرفية في الدورة) كالتالي :-

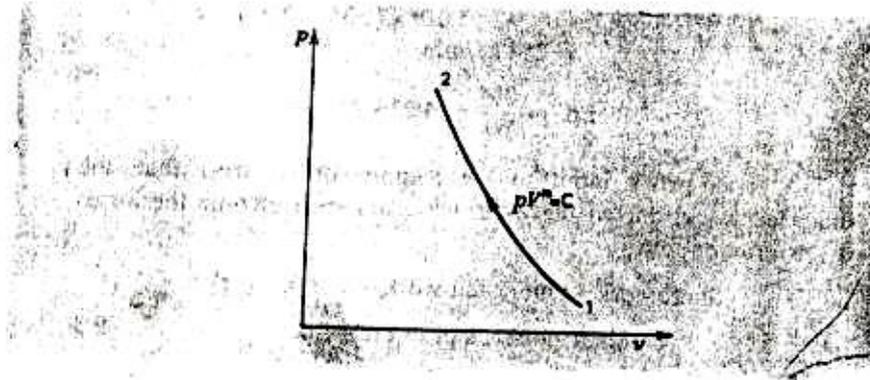
$$\text{شغل الدخل للدورة} = \frac{n}{n-1} \dot{m} R (T_2 - T_1) \quad (2)$$

يكون الشغل المبذول على الهواء لوخدة زمن مساويا للشغل المبذول بالدورة مضروباً في

عدد الدورات لوخدة زمن . يستخدم معدل سريان الكتلة اكثر تكراراً من الكتلة في الدورة .

يغير مانع التشغيل حالته بين a,b في الشكل رقم (2) ، من  $P_1$  و  $T_1$  الى  $P_2$  ،  $T_2$  ، يتم

توضيح التغير في الشكل رقم (3) الذي هو مخطط خواص (p i.c. ضد v)



شكل رقم (3)

$$i.e. \quad T_2 = T_1 \left( \frac{P_2}{P_1} \right)^{\frac{1}{n-1}}$$

تعطى درجة حرارة التصريف بالمعادلة التالية

مثال (1) :-

ضاغط ترددي مفرد المرحلة يسحب  $1m^3$  من الهواء في الدقيقة عند  $1.013bar$

و  $15c$  ويصرفه عند  $7bar$  . مفترضا أن قانون الانضغاط يكون  $pv^{1.35} = const$  ، وأن

الخلوص يتم تجاهله ، أحسب القدرة البيانية .

الحل :-

$$\text{الكتلة المصروفة في الدقيقة} \quad \dot{m} = \frac{P_1 V_1}{R T_1} = \frac{1.013 \times 1 \times 10^3}{287 \times 288} = 1.226 \text{ kg / min}$$

$$.(T_1 = 15 + 273 = 288K \text{ حيث})$$

$$T_2 = T_1 \left( \frac{P_2}{P_1} \right)^{\frac{n-1}{n}} = 288 \left( \frac{7}{1.013} \right)^{1.35 \cdot 1.35}$$

$$= 288 \times 6.91^{0.259} = 288 \times 1.65 = 475.2k$$

من المعادلة (2)

$$\text{الشغل البياني} = \frac{n}{n-1} m \cdot R (T_2 - T_1) \text{ kJ / min}$$

(حيث  $m$  هو صحتك سريره اللتلة بال  $\text{kg/min}$ )

$$\text{i.e.} \quad \text{الشغل البياني} = \frac{1.35 \times 1.226 \times 287 \times (475.2 - 288)}{10^3 \times (1.35 - 1)}$$

$$= 254 \text{ kJ/min}$$

$$\text{i.e.} \quad \text{القدرة البيانية i.p.} = \frac{254}{60} = 4.23 \text{ kw}$$

يكون شغل الدخل الفعلي للضاغط اكبر من الشغل البياني ، نتيجة للشغل الضروري

لتخطي الفقدوات الناشئة من الاحتكاك ، etc

$$\text{i.e.} \quad \text{الشغل} = \text{الشغل البياني} + \text{الشغل الاحتكاكي}$$

$$\text{أو} \quad \text{S.P} = \text{i.p} + \text{f.p} \quad (3)$$

تعطي الكفاءة الميكانيكية للماكينة بـ

$$(4) \quad \text{الكفاءة الميكانيكية للضاغط} = \frac{\text{الشغل البياني او القدرة البيانية}}{\text{شغل العمود او قدرة العمود}}$$

لتحديد قدرة الدخل المطلوبة يجب اعتبار كفاءة محرك الادارة بالاضافة للكفاءة

الميكانيكية .

بالتالي،

$$\text{قدرة الدخل} = \frac{\text{S.P.}}{\text{كفاءة المحرك والادارة}} \quad (5)$$

كفاءة المحرك والادارة

مثال (2) :-

اذا تمت ادارة الضاغط للمثال (1) بسرعة  $300 \text{ rev/min}$  لماكينة مقردة التشغيل ، مقردة

الاسطوانة ، احسب قطر الاسطوانة المطلوب ، مفترضاً نسبة طول شوط الى قطر اسطوانة

مقداره  $1.5/1$  . احسب قدرة المحرك المطلوبة لادارة الضاغط اذا كانت الكفاءة الميكانيكية

للضاغط تعادل  $85\%$  وتلك لنقل قدرة المحرك  $90\%$ .

الحل:-

$$\text{الحجم المسحوب في الدقيقة عند المدخل} = 1 \text{ m}^3 / \text{min}$$

$$\therefore \text{الحجم المسحوب في الدورة} = \frac{1}{300} = 0.003333 \text{ m}^3 / \text{cycle}$$

$$\text{i.e. حجم الاسطوانة} = 0.003333 \text{ m}^3$$

$$\therefore \frac{\pi}{4} d^2 L = 0.003333$$

(حيث d = قطر الاسطوانة ; L = طول الشوط)

$$\text{i.e.} \quad \frac{\pi}{4} d^2 (1.5 \times d) = 0.003333$$

$$\therefore d^3 = 0.00283 \text{ m}^3$$

$$\text{i.e. قطر الاسطوانة} \quad d = \frac{141.5 \text{ mm}}$$

$$\text{قدرة الدخل للضاغط} = \frac{4.23}{0.85} = \frac{4.98 \text{ kW}}$$

$$\therefore \text{قدرة المحرك} = \frac{4.98}{0.9} = \frac{5.53 \text{ kW}}$$

مبتدئاً بالمعادلة (2)، يمكن اشتقاق تعبيرات أخرى للشغل البياني

$$\text{القدرة البيانية} = \frac{n}{n-1} m \cdot R (T_2 - T_1) = \frac{n}{n-1} m \cdot R T_1 \left( \frac{T_2}{T_1} - 1 \right)$$

$(n-1)/n$

أيضاً من المعادلة التالية،

$$\frac{T_2}{T_1} = \left( \frac{P_2}{P_1} \right)^{1/n}$$

عليه

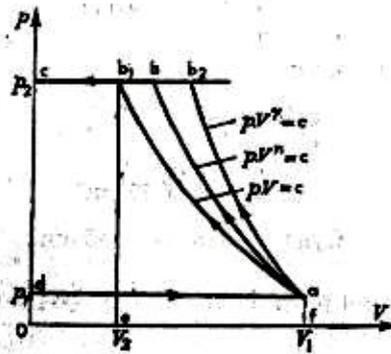
$$\text{القدرة البيانية} = \frac{n}{n-1} m \cdot R T_1 \left\{ \left( \frac{P_2}{P_1} \right)^{(n-1)/n} - 1 \right\} \quad (6)$$

$$\text{القدرة البيانية او} = \frac{n}{n-1} p_1 \dot{V} \left\{ \left( \frac{p_2}{p_1} \right)^{\frac{n-1}{n}} - 1 \right\} \quad (7)$$

( حيث  $\dot{V}$  هو الحجم المسحوب لوحدة زمن )

### شروط الحصول على ادنى شغل (The condition for minimum work)

يعطي الشغل المبذول على الهواء بمساحة المخطط البياني ، وسيكون الشغل المبذول ادنى عندما تكون مساحة المخطط ادنى . يتم تثبيت ارتفاع المخطط بنسبة الضغط المطلوبة (عندما تكون  $p_1$  مثبتة) ، ويتم تثبيت طول الخط  $da$  بحجم الاسطوانة الذي يتم تثبيته بالسحب المطلوب من الغاز . الاجراء الوحيد الذي يمكن ان يؤثر على مساحة المخطط هو الخط  $ab$  . يتم تحديد موضع هذا الخط بقيمة الاس  $n$  ; الشكل رقم (4) ادناه يوضح المحددات للاجراءات الممكنة .



### شکل رقم (4)

يكون الخط  $ab_1$  طبقاً للقانون  $PV = \text{const}$  (i.e. ثابت درجة الحرارة) . يكون الخط  $ab$  طبقاً لقانون  $PV^n = \text{const}$  (i.e. ثابت القصور الحراري) . حيث يكون كلا الاجراءان انعكاسيان .

يكون الانضغاط ثابت درجة الحرارة هو الاجراء الاكثر تفضيلاً بين  $b, a$  ، معطياً الشغل الادنى المبذول على الهواء . هذا يعني انه في ضاغط فعلي يجب الحفاظ على درجة حرارة الغاز بحيث تكون اقرب ما يمكن لقيمتها الاولية وهذا يتطلب توفير وسيلة لتبريد الغاز امسا بالهواء او بالماء . يعطي الشغل المبذول البياني عندما يتم انضغاط الغاز بثبات درجة الحرارة بالمساحة  $ab_1cd$  .

المساحة  $adof$  - المساحة بالمساحة  $b_1coe$  + المساحة  $ab_1ef$  = المساحة  $ab_1cd$

$$\text{المساحة } ab_1ef = b_2 v_2 \log_e \frac{p_1}{p_2}$$

$$\text{i.e. الشغل البياني في الدورة} = P_2 V_{n1} \log_e \frac{P_2}{P_1} + P_2 V_{n2} - P_1 V_{n1}$$

ايضاً  $P_1 V_{n1} = P_2 V_{n2}$  ، بما ان الاجراء  $ab_1$  ثابت درجة الحرارة .

$$\therefore \text{الشغل البياني في الدورة} = P_2 V_{n1} \log_e \frac{P_2}{P_1} \quad (8)$$

$$= P_1 V_{n1} \log_e \frac{P_2}{P_1} \quad (9)$$

$$= m \cdot RT \log_e \frac{P_2}{P_1} \quad (10)$$

**كفاءة ثابت درجة الحرارة :** (Isothermal efficiency)

بالتعريف المؤسس على مخطط البيان ،

$$\text{كفاءة ثابت درجة الحرارة} = \frac{\text{الشغل ثابت درجة الحرارة}}{\text{الشغل البياني}} \quad (11)$$

مثال (3) :-

مستخدماً البيانات للمثال (1) احسب كفاءة ثابت درجة الحرارة للمضاغط .

**الحل:-**

من المعادلة (10) ،

$$\text{القدرة ثابتة درجة الحرارة} = m \cdot RT \log_e \frac{P_2}{P_1} = 1.226 \times 0.287 \times 288 \times \log_e \frac{7}{1.013} = 196 \text{ kJ/min}$$

من المثال (1) ،  $\text{الشغل البياني} = 254 \text{ kJ/min}$

بالتالي مستخدماً المعادلة (11) عاليه ،

$$\text{كفاءة ثابت درجة الحرارة} = \frac{196}{254} = 0.772 \text{ او } 77.2\%$$

الصورة الاقل تفصيلاً للانضغاط في الضواغط الترددية هي تلك التي تعطي بالاجراء ثابت القصور الحراري ( انظر الشكل (4) ) . ستكون الصورة الفعلية للانضغاط عادة بين هذين الحدين . يتم تمثيل الاجراءات الثلاث على مخطط T-S في الشكل (5) .

2° - 1 يمثل انضغاطاً ثابت درجة الحرارة

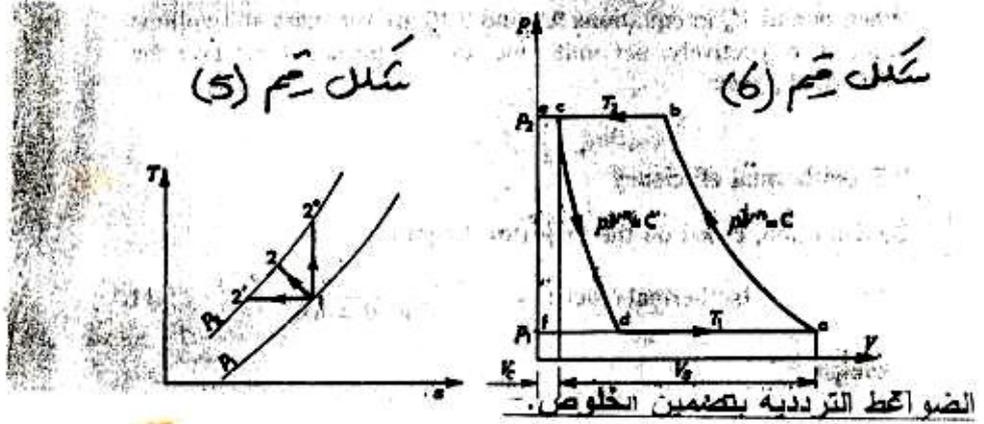
2° - 1 يمثل انضغاطاً ثابت القصور الحراري

1-2 يمثل انضغاطاً طبقاً لقانون  $PV^n = const$

عادة ما تقع n بين 1.2 و 1.3 لضغط هواء ترمدي.

يكون الاسلوب الرئيسي المستخدم لتبريد الهواء باحاطة الاسطوانة بغلاف

ماء (Water jacket)، والتصميم للنسبة الافضل لمساحة السطح الى حجم الاسطوانة .



(Reciprocating compressors including clearance)

يكون الخلوص ضرورياً في ضاغط لاعطاء حرية ميكانيكية لاجزاء التشغيل ويسمح

بالفراغ الضروري لتشغيل الصمامات .

يوضح الشكل (6) مخطط البيان المثالي بتصميم حجم الخلوص . لماكينات ذات جودة

عالية يكون حجم الخلوص حوالي 6% من الحجم المكتسح ، وللماكينات ذات الصمام الكمي

(Sleeve valve m/cs) يمكن ان يصبح حوالي 2% ، لكن هناك ايضاً ماكينات شائعة

بخلوصات 30-35% .

عندما يكتمل شوط التصريف bc يكون حجم الخلوص  $v_1$  ممثلاً بالغاز عند ضغط

$P_1$  ودرجة حرارة  $T_1$  . كلما واصل الكباس مسيرته على شوط السحب التالي يتمدد الهواء

خلفه حتى يتم الوصول للضغط  $P_1$  . مثالياً حالماً يصل الضغط الى  $P_1$  ، سيبدأ سحب غاز

طازج ويستمر لنهاية هذا الشوط عند a . من بعد يتم انضغاط الغاز طبقاً للقانون .

$PV^n = const$  (عموماً) ، ويبدأ التصريف عند b حسب تحكم الصمامات . يكون تأثير

الخلوص هو خفض الحجم المسحوب عند  $P_1$  و  $T_1$  من  $V_1$  الى  $(V_1 - V_c)$  . تكون كتل الغاز

عند النقاط الاربع الرئيسية بحيث ان ،  $m_c^* = m_a^* . m_b^* = m_d^*$  ، تعطي الكتلة المصروفة في

الدورة بـ  $(m_b^* - m_c^*)$  ، والتي تكون مساوية لتلك المسحوبة المعطاة بـ  $(m_a^* - m_d^*)$  . تتغير

خواص مائع التشغيل في الاجراءات a-b ، c-d ، كما موضح في الشكل (7) ، بالرجوع للشكل

رقم (6) يعطي الشغل المبذول البياني بمساحة المخطط p-v .

المساحة = abcd الشغل البياني

المساحة = abef - cefd

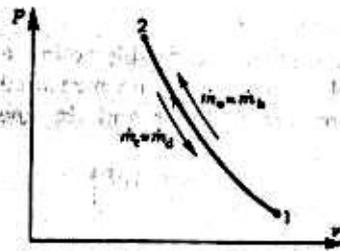
بالتالي ، مستخدماً المعادلة (2) ،

$$\text{القدرة البيانية} = \frac{n}{n-1} m_a^* R (T_2 - T_1) - \frac{n}{n-1} m_b^* R (T_2 - T_1)$$

$$\text{i.e. القدرة البيانية} = \frac{n}{n-1} R (m_a^* - m_b^*) (T_2 - T_1)$$

$$= \frac{n}{n-1} R m^* (T_2 - T_1) \quad (12)$$

حيث  $m^*$  هي الكتلة المسحوبة لوحدة زمن  $(m_a^* - m_b^*)$



الشكل (7)

توضح المقارنة بين المعادلات (12) و (2) انهما متطابقتان . الشغل المبذول لانضغاط كتلة الغاز  $m^*$  (او  $m_b^*$ ) على الانضغاط a-b ، يتم ارجاعه عندما يتمدد الغاز من C الى d . بالتالي فان الشغل المبذول لوحدة كتلة من الهواء المصروف لا يتاثر بمقياس حجم الخلوص .

يمكن اشتقاق تعبيرات اخرى كما في سابقه . من المعادلة (7) :

$$\text{القدرة البيانية} = \frac{n}{n-1} p_1 v_1^* \left\{ \left( \frac{p_2}{p_1} \right)^{(n-1)/n} - 1 \right\}$$

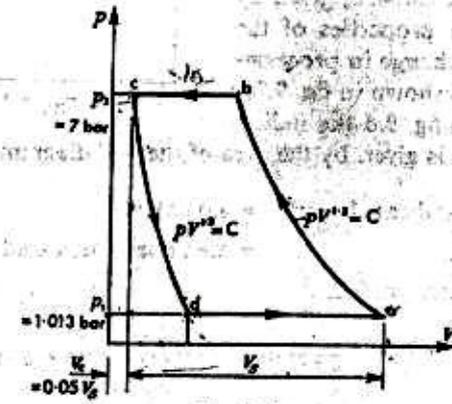
$$\therefore \text{القدرة البيانية} = \frac{n}{n-1} p_1 (v_1 - v_2) \left\{ \left( \frac{p_2}{p_1} \right)^{(n-1)/n} - 1 \right\} \quad (13)$$

يمكن زيادة الكتلة المصروفة لوحدة زمن بتصميم الماكينة بحيث تصبح مزدوجة التشغيل (double -acting) ، i.e. ، يتم التفاعل مع الغاز على كلا جانبي الكباس ، شوط السحب لاجد الجانبين يكون شوطاً للانضغاط للجانب الآخر (انظر الشكل رقم (1)).

مثال (4) :-

ضاغط هواء مفرد المرحلة مزدوج التشغيل مطلوب منه تصريف  $14 \text{ m}^3$  من الهواء في الدقيقة مقاساً عند  $1.013 \text{ bar}$  و  $15^\circ \text{C}$  . يكون ضغط التصريف  $7 \text{ bar}$  والسرعة

300rev/min . خذ الحجم الخلوصي كـ 5% من الحجم المكتسح بأس انضغاط مقداره  
 $n=1.3$  . احسب الحجم المكتسح للاسطوانة ، درجة حرارة التصريف والقدرة البيانية .



شكل (8)

بالرجوع للشكل (8)

الحجم المكتسح  $= (v_b - v_c) = v_s$

و حجم الخلوص  $v_c = 0.05v_s$

$$v_a = 1.05v_s$$

الحجم المسحوب في الدورة  $= (v_a - v_c)$

و  $(v_a - v_c) = \frac{14}{300 \times 2} = 0.0233m^3$

(عدد الدورات في اللفة × عدد اللفات في الدقيقة = عدد الدورات في الدقيقة)

الآن

$$V_a = 1.05v_s \quad , \quad V_c = v_c \left( \frac{P_2}{P_1} \right)^{\frac{1}{n}} = 0.05v_s \left( \frac{7}{1.013} \right)^{\frac{1}{1.3}}$$

i.e.  $V_c = 0.221v_s$

$$\therefore (V_a - V_c) = 1.05v_s - 0.221v_s = 0.0233m^3$$

$$\therefore V_s = \frac{0.0233}{0.829} = \frac{0.028}{m^3}$$

$$T_2 = T_1 \left( \frac{P_2}{P_1} \right)^{\frac{\gamma-1}{\gamma}}$$

$$T_1 = 15 + 273 = 288k$$

$$\text{i.e. } T_2 = 288 \left( \frac{7}{1.013} \right)^{0.3-1/1.3} = 288 \times 6.91^{0.23}$$

$$= 288 \times 1.563 = 450k$$

∴ درجة حرارة التصريف = 177°c

، مستخدماً المعادلة (13)

$$\text{القدرة البيانية} = \frac{n}{n-1} P_1 (T_2 - T_1) \left\{ \left( \frac{P_2}{P_1} \right)^{\frac{\gamma-1}{\gamma}} - 1 \right\}$$

$$= \frac{1.3}{0.3} \times \frac{1.013 \times 10^5 \times 14}{10^3 \times 60} \left\{ \left( \frac{7}{1.013} \right)^{0.3-1/1.3} - 1 \right\} kW$$

$$\text{i.e. القدرة البيانية} = 57.65kW$$

بطريقة أخرى :

$$m^* = \frac{1.013 \times 14 \times 10^5}{0.287 \times 288 \times 10^3} = 17.16 kg / min$$

بالتالي ، مستخدماً المعادلة (12)

$$\text{القدرة البيانية} = \frac{n}{n-1} m^* R (T_2 - T_1)$$

$$= \frac{1.3}{0.3} \times 17.16 \times 0.287 (450 - 288)$$

$$= 3459 kJ / min$$

$$\text{i.e. القدرة البيانية} = \frac{3459}{60} kW = 57.65kW$$

**الكفاءة الحجمية ( $\eta_v$ ) (Volumetric efficiency) :**

لقد تم توضيح ان احد تاثيرات الخلوص هو خفض الحجم المسحوب الى قيمة اقل من ذلك الحجم المكتسح . هذا يعني انه ولسحب مطلوب يجب زيادة مقياس الاسطوانة فوق ذلك الذي يتم حسابه بافتراض خلوص صفري .

يتم تعريف الكفاءة الحجمية كالآتي :

$\eta_v =$  كتلة الهواء المصرف مقسومة على كتلة الهواء التي ستملأ الحجم المكتسح عند حالات

الهواء الطليق للضغط ودرجة الحرارة \_\_\_\_\_ (14)

او  $\eta_v =$  حجم الهواء المصرف مقاساً عند ضغط ودرجة حرارة الهواء الطليق ، مقسوماً

على الحجم المكتسح للاسطوانة \_\_\_\_\_ (15)

يمكن توضيح ان المعادلتان (14) و (15) تكونا متطابقتان ،  
 i.e. اذا كان تصريف الهواء الطليق F.A.D هو  $V$  ، عند  $P$  و  $T$  ، بالتالي تكون الكتلة

$$m^* = \frac{PV}{RT}$$

الكتلة المطلوبة لملء الحجم المكتسح ،  $V_s$  ، عند  $P$  و  $T$  تعطي بـ

$$m_s^* = \frac{PV_s}{RT}$$

عليه بالمعادلة (14) ،

$$\eta_v = \frac{m^*}{m_s^*} = \frac{pV}{RT} \times \frac{RT}{PV_s} = \frac{V}{V_s}$$

يمكن الحصول على الكفاءة الحجمية من مخطط البيان . بالرجوع للشكل (9) ،

$$\text{الحجم المسحوب} = V_a - V_d = V_s + V_c - V_d$$

ويستخدم المعادلة التالية ،

$$\frac{V_d}{V_s} = \left( \frac{P_2}{P_1} \right)^{\frac{1}{n}} \quad \text{i.e.} \quad V_d = V_s \left( \frac{P_2}{P_1} \right)^{\frac{1}{n}}$$

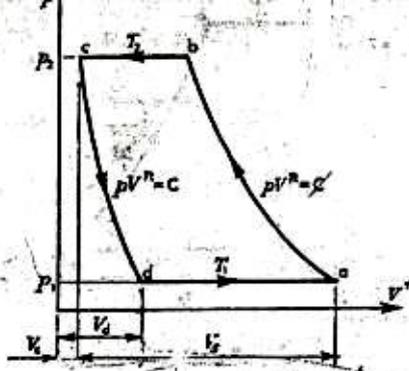
$$\therefore \text{الحجم المسحوب} = V_s + V_c - V_s \left( \frac{P_2}{P_1} \right)^{\frac{1}{n}}$$

$$= V_s - V_s \left\{ \left( \frac{P_2}{P_1} \right)^{\frac{1}{n}} - 1 \right\} \quad (15)$$

بالتالي مستخدماً المعادلة (15) ،

$$\eta_v = \frac{V_s - V_d}{V_s} = \frac{V_s - V_s \left\{ \left( \frac{P_2}{P_1} \right)^{\frac{1}{n}} - 1 \right\}}{V_s}$$

$$\text{i.e.} \quad \eta_v = 1 - \left\{ \left( \frac{P_2}{P_1} \right)^{\frac{1}{n}} - 1 \right\} \quad (16)$$



سؤال رقم (٩)

من المهم ملاحظة ان هذا التعريف للكفاءة الحجمية يكون متسقاً فقط مع المعادلتان (14) و (15) اذا كانت حالات الضغط ودرجة الحرارة في الاسطوانة اثناء شوط السحب متطابقة مع تلك للهواء الطليق . حقيقة فأن الغاز سيتم تسخينه بواسطة جدران الاسطوانة ، وسيكون هنالك انخفاضاً في الضغط نتيجة لانخفاض الضغط المطلوب لسحب الغاز الى الاسطوانة ضد مقاومة السريان الحتمية . تتطلب هذه التعديلات للحالة المثالية تطبيق بعناية اكثر الصيغ التي اشتقاقها مسبقاً .

كمثال ، كما في السابق اذا تم ترميز الـ F.A.D في الدورة بـ  $V$  عند  $P$  و  $T$

بالتالي :

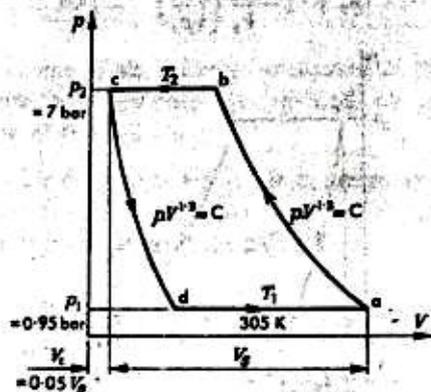
$$m \cdot = \frac{PV}{RT} = \frac{P_1(V_2 - V_1)}{RT_1}$$

$$\text{i.e. F.A.D./cycle, } V = (V_2 - V_1) \frac{T}{T_1} \cdot \frac{P_1}{P} \quad (17)$$

(حيث  $T_1$  و  $P_1$  هما حالات السحب)

مثال (5) :

ضاحط هواء مفرد المرحلة ، مزدوج التشغيل لديه F.A.D. مقداره  $14 \text{ m}^3/\text{min}$  مقاساً عند  $1.013 \text{ bar}$  و  $15^\circ \text{C}$  . يكون الضغط ودرجة الحرارة في الاسطوانة اثناء السحب هما  $0.95 \text{ bar}$  و  $32^\circ \text{C}$  . يكون ضغط التصريف  $7 \text{ bar}$  واس الانضغاط والتمدد ،  $n=1.3$  . احسب القدرة البيانية المطلوبة والكفاءة الحجمية . يكون حجم الخلوص مساوياً لـ  $5\%$  من الحجم المكتسح .



شكل (10)

يتم توضيح مخطط P-V في الشكل (10).

$$m^* = \frac{PV}{RT} \text{ الكتلة المصروفة في الدقيقة}$$

(حيث الـ F.A.D. في الدقيقة هو V عند P و T)

$$\text{i.e. } m^* = \frac{1.013 \times 14 \times 10^5}{0.287 \times 288 \times 10^3} = 17.16 \text{ kg/min}$$

(حيث  $T = 15 + 273 = 288 \text{ K}$ )

$$T_2 = T_1 \left( \frac{P_2}{P_1} \right)^{(n-1)/n}$$

$$\text{i.e. } T_2 = 305 \times \left( \frac{7}{0.95} \right)^{(1.3-1)/1.3} = 305 \times 1.586 = 483.7 \text{ K}$$

(حيث  $T_1 = 32 + 273 = 305 \text{ K}$ )

من المعادلة (12)

$$\text{القدرة البيانية} = \frac{n}{n-1} m^* R (T_2 - T_1)$$

$$= \frac{1.3}{0.3} \times 17.16 \times 0.287 (483.7 - 305)$$

$$= 3813 \text{ kJ/min}$$

$$\therefore \text{i.p.} = \frac{3813}{60} = 63.55 \text{ kW}$$

كما في سابقه

$$V_d = V_s \left( \frac{P_2}{P_1} \right)^{1/n}$$

$$\text{i.e. } V_d = 0.05 v_s \left( \frac{7}{0.95} \right)^{1/1.3} = 0.05 v_s \times 7.369^{0.769}$$

$$= 0.05 v_s \times 4.65 = 0.233 v_s$$

$$\therefore V_u - V_d = v_u - 0.233 v_s = 1.05 v_s - 0.233 v_s = 0.817 v_s$$

مستخدما المعادلة (17)

$$F.A.D./\text{cycle} = (V_u - V_d) \frac{T_1}{P_1} \frac{P_1}{P}$$

$$\text{i.e. } F.A.D./\text{cycle} = 0.817 v_s \times \frac{288}{305} \times \frac{0.95}{1.013} = 0.724 v_s$$

بالتالي من المعادلة (15)

$$\eta_v = \frac{v}{v_s} = \frac{0.724 v_s}{v_s} = 0.724 \text{ أو } 72.4\%$$

لوحظ انه اذا كانت الكفاءة الحجمية في المثال عالية يتم تقويمها باستخدام المعادلة (16) بالتالي،

$$\eta_v = 1 - \frac{V_c}{V_s} \left\{ \left( \frac{P_2}{P_1} \right)^{\frac{1}{n}} - 1 \right\} = 1 - \frac{0.05V_s}{V_s} \left\{ \left( \frac{7}{0.95} \right)^{\frac{1}{1.3}} - 1 \right\}$$

$$\text{i.e. } \eta_v = 1 - 0.05(4.65 - 1) = 1 - 0.183 = 0.817 \text{ أي } 81.7\%$$

يكون هنالك فرقا معتبرا بين القيمتين ، بما ان الاجابة الاخيرة تتجاهل الفرق في درجة الحرارة و الضغط بين حالات الهواء الطليق وحالات السحب .

### الانضغاط متعدد المرحلة: (Multi - Stage Compression)

نقد تم سابقا تأسيس أنه ولشغل أدنى يجب أن يكون اجراء الانضغاط ثابت درجة

الحرارة . عموما فان درجة الحرارة بعد الانضغاط تعطى بالمعادلة

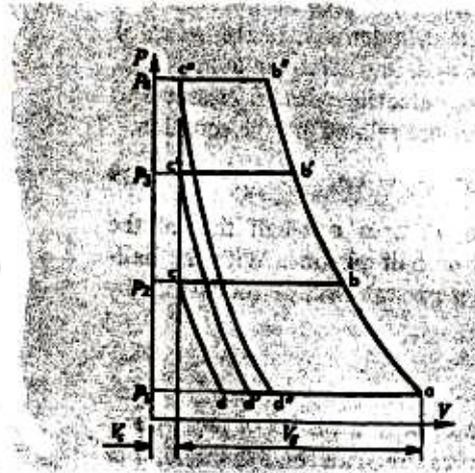
$$T_2 = T_1 \left( \frac{P_2}{P_1} \right)^{\frac{\gamma-1}{\gamma}}$$

**نزيد** درجة حراره التصريف بزيادة نسبة الضغط ، اضافة ، من المعادلة (16) ،

$$\eta_v = 1 - \frac{V_c}{V_s} \left[ \left( \frac{P_2}{P_1} \right)^{\frac{1}{n}} - 1 \right]$$

يمكن ملاحظة أنه كلما زادت نسبة الضغط نقصت الكفاءة الحجمية . هذه يتم توضيحها في

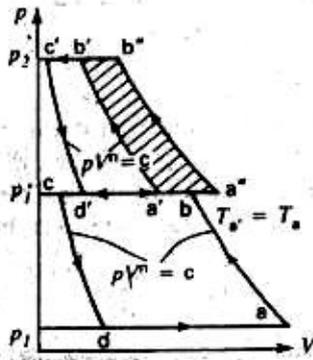
الشكل رقم (11) أدناه



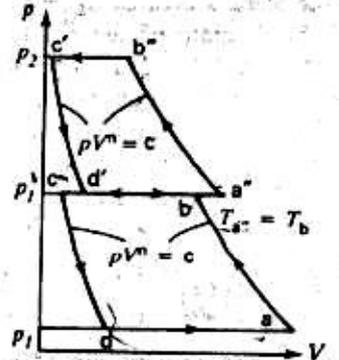
شكل رقم (11)

لإنضغاط من  $p_1$  الى  $p_2$  تكون الدورة  $abcd$  و الـ F.A.D. للدورة  $V_c - V_d$  ؛ لإنضغاط من  $p_1$  الى  $p_3$  تكون الدورة  $ab'c'd'$  و الـ F.A.D. للدورة  $V_c - V_{c'}$  ، لإنضغاط من  $p_1$  الى  $p_4$  تكون الدورة  $ab''c''d''$  ويكون الـ F.A.D. للدورة  $V_c - V_{c''}$  . عليه لـ F.A.D. مطلوب سيزيد مقاس الاسطوانة كلما زادت نسبة الضغط .

يمكن تحسين الكفاءة الحجمية بتنفيذ الانضغاط في مرحلتين . بعد المرحلة الاولى للانضغاط يتم تمرير المائع الى اسطوانة أصغر يتم فيها انضغاط الغاز الى الضغط النهائي المطلوب . اذا كانت هنالك مرحلتان للماكينة سيتم تصريف الغاز عند نهاية المرحلة ، لكن يمكن تصريفه الى اسطوانة ثالثة لنسب ضغط أعلى . تكون اسطوانات المراحل المتعاقبة متناسبة لاختلاف حجم الغاز المصروف من المرحلة السابقة .

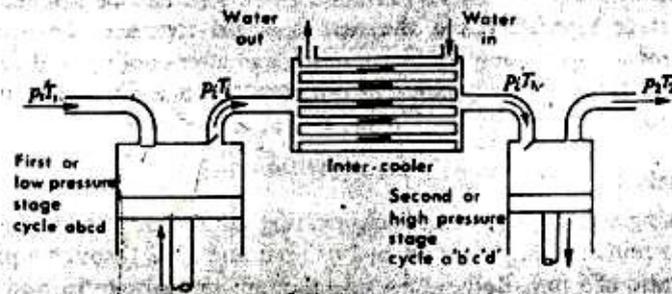


سَكَل (13a)



سَكَل (12)

سَكَل (13b)

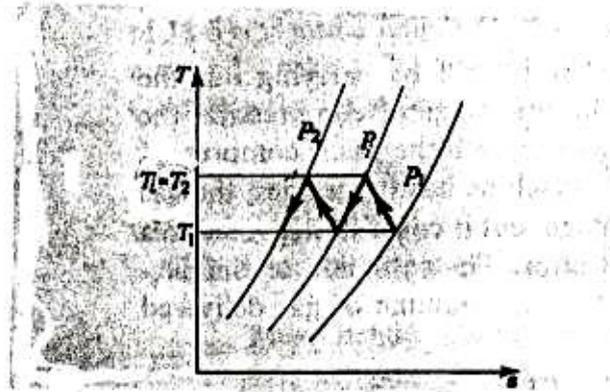


يتم توضيح مخطط البيان لماكينة ذات مرحلتين في الشكل رقم (12) . في هذا المخطط يتم افتراض أن إجراء التصريف من المرحلة الاولى أو مرحلة الضغط المنخفض وإجراء السحب للمرحلة الثانيه أو مرحلة الضغط العالي ، يكونا عند نفس الضغط . يمكن الحصول على انضغاط ثابت لدرجة حراره مثالي فقط اذا كان التبريد المثالي متصلا . هذه من الصعوبة بمكان الحصول عليها اثناء الانضغاط العادي . بانضغاط متعدد المرحلة يتم تبريد الغاز كلما يتم نقله من اسطوانة الى اخرى ، بتمريره خلال مبرد بيني (intercooler). اذا كان التبريد كاملا ، سيدخل الغاز المرحلة الثانيه عند نفس درجة الحراره التي دخل بها المرحلة الاولى . يتم توضيح الشكل المتحصل عليه بالتبريد بيني بالمساحة المظللة في الشكل رقم 13a ، ومخطط المحطة في الشكل رقم 13b . يتم توضيح مخططي البيان abcd و a'b'c'd' بضغط مشترك ،  $P_1$  . هذا لا يحدث في ماكينة فعليته

لان هنالك هبوط صغير في الضغط بين الاسطوانتين . يمكن تركيب مبرد بعدى (after cooler) بعد اجراء التصريف لتبريد الغاز . تعطى درجات حرارة التصريف من المرحلتين بـ

$$T_1 = T_1 \left( \frac{P_1}{P_1} \right)^{(n-1)/n}, \quad T_2 = T_1 \left( \frac{P_2}{P_1} \right)^{(n-1)/n}$$

على الترتيب . هذا يفترض أن الغاز يتم تبريده في المبرد البيني الى درجة حراره المدخل ، ويسمى بالتبريد الكامل . لحساب الـ i.p يمكن تطبيق المعادلات (12) و(13) لكل مرحلة بانفصال واطافة النتائج لبعضها . يتم تمثيل الانضغاط ثنائي المرحلة بتبريد بيني كامل وتبريد بعدى ، ونسب ضغوط متساوية في كل مرحلة على مخطط T-S في الشكل رقم (14).



الشكل (14)

مثال 6:-

في ضاغط هواء ترددي مفرد لتشغيل - ثنائي المرحلة يتم انضغاط 4.5kg من الهواء في الدقيقة من 1.013bar و 15°C خلال نسبة ضغط مقدارها 9/1 . كلا المرحلتين لها نفس نسبة الضغط ، ويكون قانون الانضغاط والتمدد في كلا المرحلتين هو  $PV^{1.5} = \text{const}$  . اذا كان التبريد البيني كاملا ، أحسب القدرة البيانيه والحجوم المكتسحة المطلوبة للاسطوانة . أفترض أن حجوم الخلويس لكلا المرحلتين هما 5% من حجومها المكتسحة وأن الضاغط يشتغل بسرعة مقدارها 300rev/min .

يتم توضيح مخططا البيان مترابين في الشكل رقم (15) . تكون دورة مرحلة الضغط

المنخفض هي abcd ودورة الضغط العالي هي a'b'c'd'

$$\therefore P_2 = 9P_1$$

$$P_2/P_1 = 9 \quad \text{الترتيب}$$

أيضاً

$$P_2/P_1 = P_3/P_1$$

$$\therefore P_2^2 = P_1 P_3 = P_1 9P_1$$

$$\therefore P_2^2 = 9P_1^2 \therefore \frac{P_2}{P_1} = \sqrt{9} = 3$$

مستخدما المعادلة التالية:-

$$\frac{T_2}{T_1} = \left( \frac{P_2}{P_1} \right)^{(n-1)/n} \quad \therefore \frac{T_2}{288} = 3^{(1.3-1)/1.3}$$

(حيث  $T_1 = 15 + 273 = 288K$  و  $T_2$  هي درجة حرارة الهواء الداخل للمبرد البيئي)

$$\text{i.e. } T_2 = 288 \times 1.289 = 371K$$

الآن بما أن  $n$ ،  $\dot{m}$ ، و فرق درجة الحرارة هي نفسها لكلا المرحلتين ، بالتالي فإن الشغل المبذول في كل مرحلة هو نفسه ، i.e. ، مستخدما المعادلة (12) ،

$$\begin{aligned} \text{الشغل الكلي المطلوب في الدقيقة} &= 2 \times \frac{n}{n-1} \dot{m} R (T_2 - T_1) \\ &= 2 \times \frac{1.3}{1.3-1} \times 4.5 \times 0.287 (371 - 288) \\ &= 930 \text{ kJ/min} \end{aligned}$$

$$\therefore \text{القدرة البيانية} = \frac{930}{60} = 15.5 \text{ kW}$$

يلعب معدل سريره الكتلية في الدورة دوراً

$$\dot{m} = \frac{4.5}{300} = 0.015 \text{ kg/cycle}$$

يتم تمرير الكتلة خلال كل مرحلة على الترتيب ،

لاسطوانة الضغط المنخفض ، بالرجوع للشكل (16) ،

$$V_a - V_d = \frac{\dot{m} R T_1}{P} = \frac{0.015 \times 287 \times 288}{1.013 \times 10^5} = 0.0122 \text{ m}^3/\text{cycle}$$

مستخدما المعادلة (16)

$$\eta_v = \frac{V_a - V_d}{V_s} = 1 - \frac{V_c}{V_s} \left[ \left( \frac{P_2}{P_1} \right)^{\frac{1}{n}} - 1 \right] = 1 - 0.05 (3^{0.769} - 1)$$

$$\therefore \eta_v = 1 - 0.066 = 0.934$$

$$\therefore V_s = \frac{V_a - V_d}{0.934} = \frac{0.0122}{0.934} = 0.0131 \text{ m}^3/\text{cycle}$$

i.e. الحجم المكشوح لاسطوانة الضغط المنخفض =  $0.0131 \text{ m}^3$

لمرحلة الضغط العالي ، يتم سحب كتلة مقدارها 0.015kg/cycle عند 15c" وضغط مقداره

$$P_1 = 3 \times 1.013 = 3.039 \text{ bar}$$

$$\text{i.e. الحجم المسحوب} = \frac{0.015 \times 287 \times 288}{3.039 \times 10^5}$$

$$= 0.00406 \text{ m}^3 / \text{cycle}$$

مستخدما المعادلة (16) لمرحلة الضغط العالي ،

$$\eta_v = 1 - \frac{V_c}{V_s} \left[ \left( \frac{P_2}{P_1} \right)^{\frac{1}{n}} - 1 \right]$$

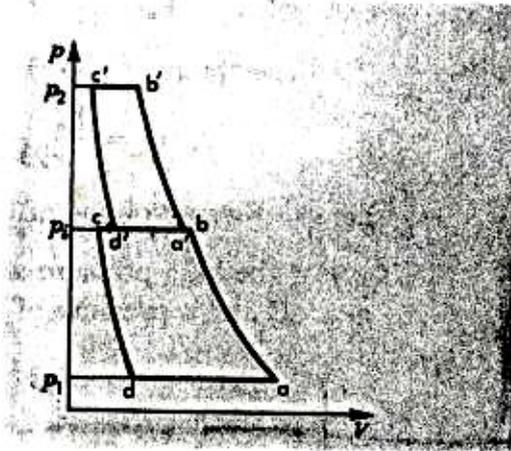
وبما أن  $V_c/V_s$  هي نفسها كما لمرحلة الضغط المخفض وايضا  $P_2/P_1 = P_1/P_1$  وبالتالي  $\eta_v$  تكون 0.934 كما في اعليه .

$$\therefore \text{الحجم المكتسح لمرحلة الضغط العالي} = \frac{0.00406}{0.934} = 0.00436 \text{ m}^3$$

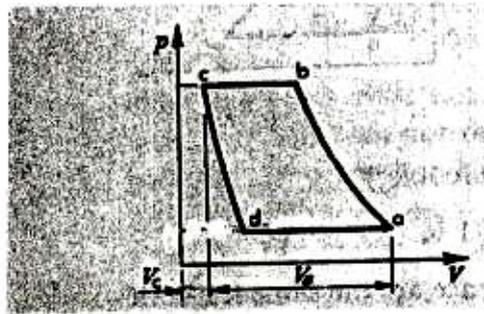
لاحظ أن نسبة الخلوص هي نفسها في كل أسطوانة، ودرجات حراره السحب هي نفسها بما أن التبريد البينى يكون كاملاً ، عيه فان الحجم المكتسح تكون في نسبة ضغوط السحب.

$$\text{i.e. } V_H = \frac{V_L}{3} = \frac{0.0131}{3} = 0.00436 \text{ m}^3$$

سَد (15)



سَد (16)

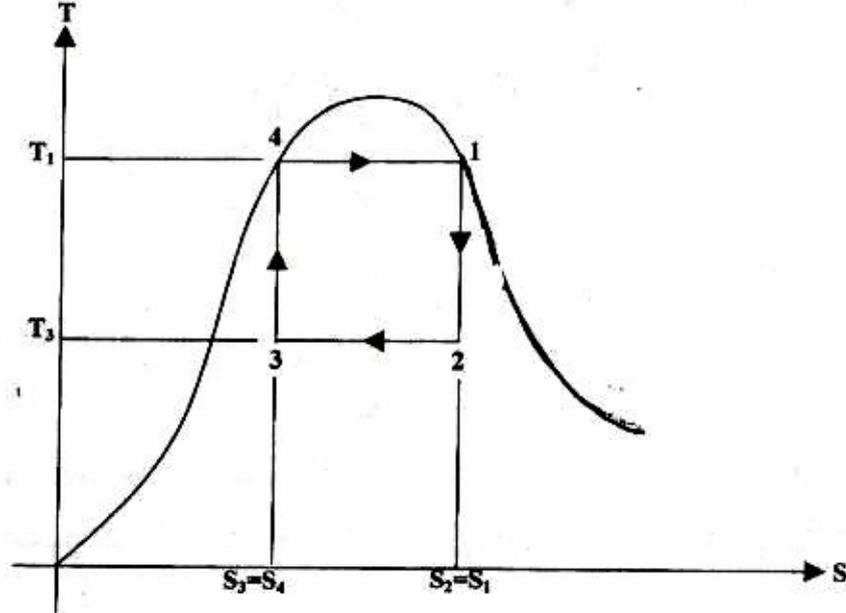


## العنصر السابع محطات القدرة البخارية

7- محطات القدرة البخارية {steampower plants} :-

أ/ دورة كارنو :- {Carnot cycle}

هي الدورة الأكبر كفاءة بالنسبة لدرجات حرارة المصدر والعاظم . يمكن تطبيقها في حالة الغازات والبخار . يمكن متابعة دورة كارنو للبخار الرطب في الشكل رقم (1) أدناه ، الذي يمكن تلخيص الملامح الرئيسية له في الآتي :-



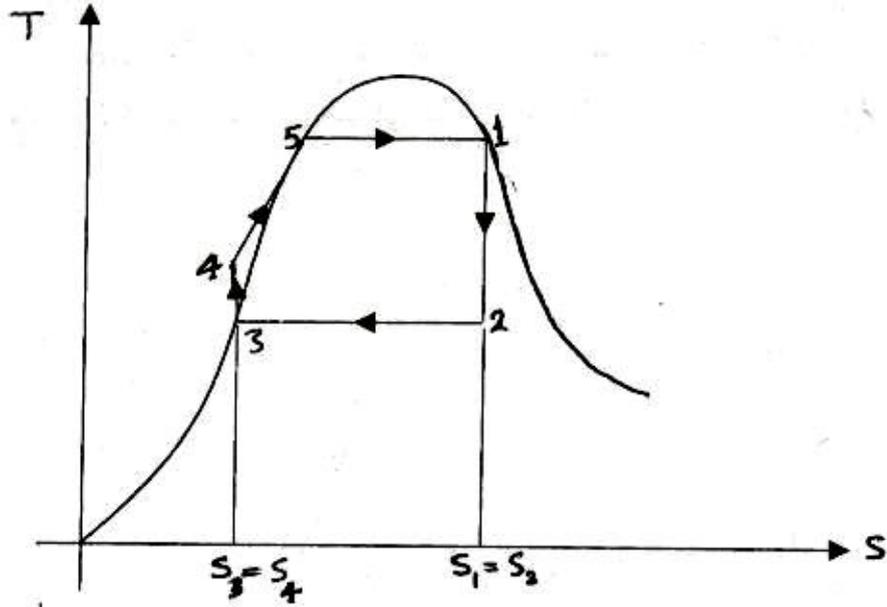
شكل رقم (1)

1-4 تسخين بثبات درجة الحرارة والضغط . e.g. الفيزانات ، المولدات والمفاعلات النووية .  
2-1 يتمدد البخار بإجراء انعكاسي ثابت القصور الحراري من الضغط العالي ودرجة الحرارة العالية إلى الضغط المنخفض وبهذا يكون قد أنتج شغلاً وهو الغرض الرئيسي من هذه الدورة . e.g. الآلة البخارية أو التوربين البخاري .

3-2 فقد حراري بالتبريد عند ضغط ودرجة حرارة ثابتين . e.g. المكثف .  
4-3 انضغاط بإجراء انعكاسي ثابت القصور الحراري من ضغط ودرجة حرارة منخفضة إلى ضغط عالي ، e.g. الطلمبة أو الضاغط . وتتواصل الدورة .

ب/ دورة رانكن {Rankine Cycle} :-

يتم توضيح الدورة في الشكل رقم (2) أدناه .



شكل رقم (2)

1-4 الغلاية ، 4-5 إضافة حرارة (تسخين) بثبات الضغط وباختلاف درجة الحرارة وذلك لتغيير الماء من الحالة 4 (ماء غير مشبع) إلى الحالة 5 (ماء مشبع) حتى يصل إلى درجة الحرارة والضغط اللزمين لدخوله إلى الغلاية .

1-5 تسخين بثبات درجة الحرارة والضغط .

2-1 التوربين ، يتمدد البخار بإجراء انعكاسي ثابت القصور الحراري من الحالة (1) بخار جاف مشبع إلى الحالة (2) بخار رطب .

3-2 المكثف ، تكثيف كامل للبخار بالتبريد من الحالة (2) بخار رطب إلى الحالة (3) سائل مشبع لتسهيل عملية ضخه إلى الحالة (4) باستخدام المضخات العادية .

4-3 انضغاط للبخار بإجراء انعكاسي ثابت القصور الحراري من الحالة (3) سائل مشبع إلى الحالة (4) سائل غير مشبع . تتواصل الدورة .

من معادلة طاقة السريان المستقر (S.S.F.E.E) أناه ،

$$h_1 + \frac{c_1^2}{2} + z_1 g + Q = h_2 + \frac{c_2^2}{2} + z_2 g + W \quad (1)$$

$$\frac{C_2^2}{2} - \frac{C_1^2}{2} = 0 \text{ i.e. } \text{أجعل التغير في طاقة السرعة يساوي صفراً}$$

$$Z_2 g - Z_1 g = 0 \text{ i.e. } \text{أجعل التغير في طاقة الوضع يساوي صفراً}$$

حيث تصبح المعادلة (1) كالآتي :-

$$h_1 + Q = h_2 + W \quad (2)$$

الغلاية :- من المعادلة (2) ،

$$Q_{\text{supp}} = Q_{451} = (h_1 - h_4) + W$$

وبما أن  $W = 0$  ،  $Q_{451} = h_1 - h_4$  ،

التوربين :- من المعادلة (2) ،

$$W_{o/p} = (h_1 - h_2) + Q$$

وبما أن  $Q = 0$  (تمدد أديباتي انعكاسي) ،  $s_1 = s_2$  ،

$$W_{o/p} = W_{12} = h_1 - h_2$$

المكثف :- من المعادلة (2) ،

$$Q_{\text{rej}} = Q_{23} = (h_2 - h_3) + W$$

وبما أن  $W = 0$  ،

$$Q_{\text{rej}} = Q_{23} = h_2 - h_3$$

المضخة :- من المعادلة (2) ،

$$W_{i/p} = W_{34} = (h_4 - h_3) + Q$$

وبما أن  $Q = 0$  (تمدد أديباتي انعكاسي) ،  $s_3 = s_4$  ،

$$W_{34} = h_4 - h_3$$

صافي الشغل في الدورة  $W_{\text{net o/p}} = W_{12} - W_{34}$  ،

$$\therefore W_{\text{net o/p}} = (h_1 - h_2) - (h_4 - h_3) \quad (3)$$

إذا تم تجاهل شغل مضخة التغذية ، نظراً لأن شغل خرج التوربين كبير جداً مقارنة بشغل المضخة ، فإن

المعادلة (3) تصبح كالآتي ،

$$W_{\text{net o/p}} = h_1 - h_2$$

كفاءة دورة رانكن ، صافي شغل الخرج ،

الحرارة المكتسبة في الغلاية

$$\eta_R = \frac{(h_1 - h_2) - (h_4 - h_3)}{h_1 - h_4} = \frac{(h_1 - h_2) - (h_4 - h_3)}{(h_1 - h_3) - (h_4 - h_3)} \quad (4)$$

وإذا تم تجاهل شغل مضخة التغذية i.e.  $h_4 - h_3 = 0$  فتصبح المعادلة كالآتي :-

$$\eta_R = \frac{h_1 - h_2}{h_1 - h_3} \quad (5)$$

وإذا تم اعتبار مضخة التغذية ،

$$\therefore W_{34} = h_4 - h_3$$

للسوائل غير الانضغاطية ، من الحالة (3) إلى الحالة (4)  $v = \text{constant}$

$$\therefore h_4 - h_3 = v(p_4 - p_3) \quad (6)$$

لاثبات المعادلة (6) عاليه ، من معادلة طاقة الاسريان

$$dQ = du + dw$$

ولأي إجراء انعكاسي ،  $dw = pdv$

ولالإجراء الادبياتي الانعكاسي ،

$$dQ = du + pdv = 0$$

$$h = u + pv$$

وبما أن

بتفاضل المعادلة عاليه نحصل على ،

$$dh = du + pdv + vdp$$

$$du + pdv = dh - vdp$$

$$\therefore dQ = dh - vdp = 0$$

$$\therefore dh = vdp$$

وبإعادة ترتيبها ،

بتكامل المعادلة عاليه فيما بين الحالتين 3 و 4

$$\int_3^4 dh = v \int_3^4 dp$$

$$\therefore h_4 - h_3 = v(p_4 - p_3)$$

∴ شغل دخل المضخة ،

$$W_{34} = h_4 - h_3 = v(p_4 - p_3)$$

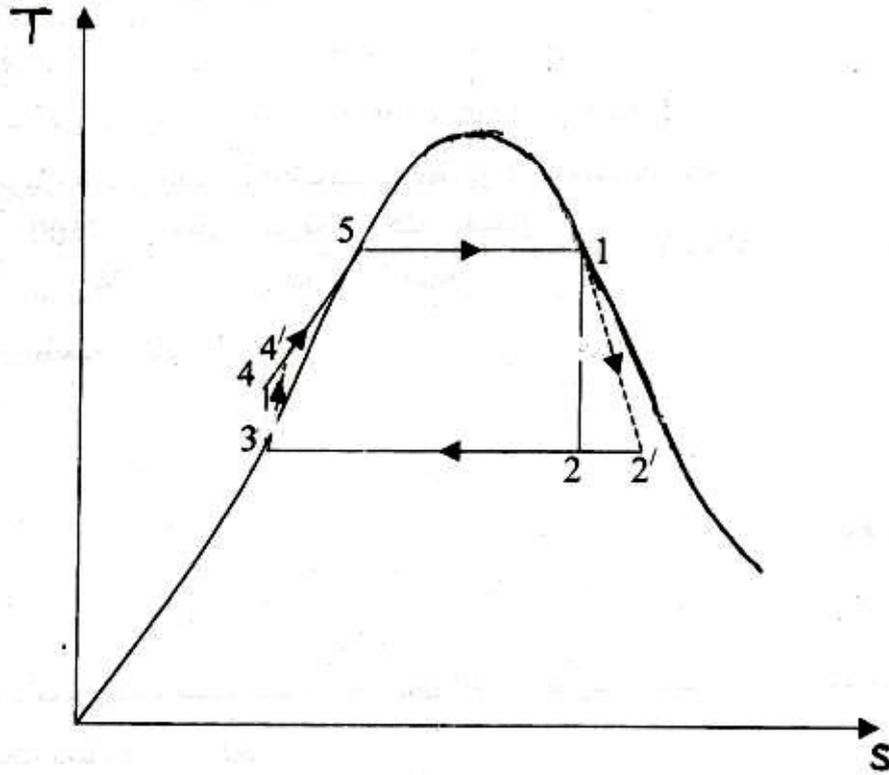
(تؤخذ قيمة  $v$  من جداول البخار عند ضغط  $p_3$ )

ويمكن أخذها كقيمة متوسطة مساوية لـ  $0.001 \text{ m}^3/\text{kg}$

نسبة الكفاءة :- {Efficiency Ratio}

نسبة الكفاءة = كفاءة الدورة الفعلية

كفاءة دورة رانكن



شكل رقم (3)

في الشكل رقم (3) عاليه ،  
 يكون التمدد الفعلي لا انعكاسياً (1-2') .  
 ويكون الانضغاط الفعلي لا انعكاسياً (3-4') .  
 بالنسبة لإجراء التمدد ، يمكن تعريف كفاءة ثابت القصور الحراري كالاتي :-  
 كفاءة ثابت القصور الحراري للتوربين (Isenfropic efficiency) = الشغل الفعلي  
 الشغل ثابت القصور الحراري

$$\text{i.e. } \eta_{\text{isen, T}} = \frac{W_{12}'}{W_{12}} = \frac{h_1 - h_2'}{h_1 - h_2}$$

وبالنسبة لإجراء الانضغاط ،  
 كفاءة ثابت القصور الحراري للضاغط = الشغل ثابت القصور الحراري  
 الشغل الفعلي

$$\text{i.e. } \eta_{\text{isen, C}} = \frac{W_{34}}{W_{34}'} = \frac{h_4 - h_3}{h_4' - h_3}$$

نسبة الشغل :- {Work Ratio}  
 يتم تعريفها كالاتي ،

صافي الشغل = WR نسبة الشغل

إجمالي الشغل

الاستهلاك النوعي للبخار :- (specific steam consumption)

هو معدل سريان البخار بالـ kg/h المطلوب لتطوير قدرة مقدارها 1kw .

$$ssc = \frac{\text{معدل سريان كتلة البخار}}{\text{القدرة المنتجة}} = \frac{3600}{W_{\text{net o/p}}} \text{ kg/kwh}$$

بتجاهل شغل طلمبة التغذية ،

$$h_4 - h_3 = 0$$

$$\therefore w = h_1 - h_2$$

$$\therefore ssc = \frac{3600}{h_1 - h_2} \text{ kg/kwh}$$

مثال (1) :-

i / يتم إمداد بخار جاف مشبع عند ضغط 40 bar إلى توربينة حيث يكون ضغط المكثف 0.035 bar . إذا

كانت المحطة تعمل بدورة رانكن ،

أحسب لكل kg من البخار الآتي :-

1/ الشغل الناتج متجاهلاً شغل مضخة التغذية .

2/ الشغل المطلوب لمضخة التغذية .

3/ كمية الحرارة المنتقلة إلى ماء التبريد بالمكثف ، وكمية ماء التبريد المطلوبة للمكثف

إذا كان الارتفاع في درجة حرارة الماء هو 5.5k .

4/ كمية الحرارة المكتسبة .

5/ كفاءة دورة رانكن .

6/ الاستهلاك النوعي للبخار ( بتجاهل شغل مضخة التغذية ) .

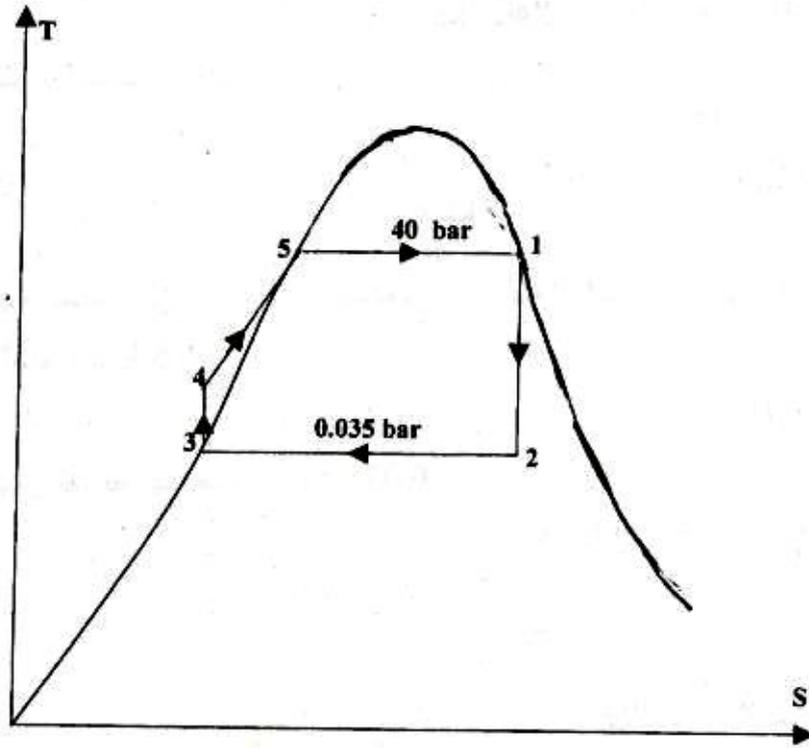
ii / لنفس حالات البخار السابقة ، أحسب الآتي :-

7 / كفاءة دورة كارنو .

8 / الاستهلاك النوعي للبخار .  
لدورة كارنو تعمل في البخار الرطب .

حل :- من الشكل رقم (4) أدناه ،

i /



الشكل (4)

1 / الشغل الناتج متجاهلاً شغل مضخة التغذية ،

من جدول البخار المشبع عند ضغط 40 bar ،

وعند ضغط 0.035 bar ،

$$W_{\text{Gross}} = W_{12} = h_1 - h_2$$

$$h_1 = h_g = 2801 \text{ kJ/kg}$$

$$s_g = s_1 = s_2 = 6.07 \text{ kJ/kgk}$$

$$s_2 = s_1 = s_{f2} + x_2 s_{fg2}$$

$$sf_2 = 0.391 \text{ kJ/kgk}, sfg_2 = 8.13 \text{ kJ/kgk}$$

$$\therefore s_2 = s_1 = 6.07 = 0.391 + x_2(8.13)$$

$$\therefore x_2 = \frac{6.07 - 0.391}{8.13} = \underline{0.699} \approx \underline{0.7}$$

$$\therefore h_2 = hf_2 + x_2 hfg_2$$

$$hf_2 = 112 \text{ kJ/kg}, hfg_2 = 2438 \text{ kJ/kg}$$

$$\therefore h_2 = 112 + 0.7 \times 2438 = \underline{1818.6} \text{ kJ/kg}$$

$$\therefore W_{12} = h_1 - h_2 = 2801 - 1818.6 = \underline{982.4} \text{ kJ/kg}$$

/2 الشغل المطلوب لمضخة التغذية ،

$$W_{34} = h_4 - h_3 = v(p_4 - p_3)$$

$$= \frac{1}{\rho}(p_4 - p_3) = \frac{0.001(40 - 0.035) \times 10^5}{10^3} = \underline{4} \text{ kJ/kg}$$

/3 كمية الحرارة المنقولة إلى ماء التبريد بالمكثف ، وكمية ماء التبريد المطلوبة للمكثف إذا كان الارتفاع في درجة حرارة الماء هو 5.5 k .

$$Q_{rej} = Q_{23} = T_2(s_2 - s_3)$$

من جداول البخار المشبع عند ضغط 0.035 bar

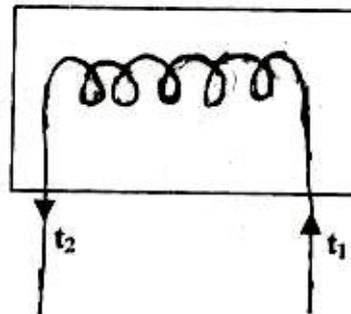
$$T_2 = T_s = 26.7^\circ \text{C} = 26.7 + 273 = \underline{299.7} \text{ k}$$

$$s_2 = s_1 = 6.07 \text{ kJ/kgk}$$

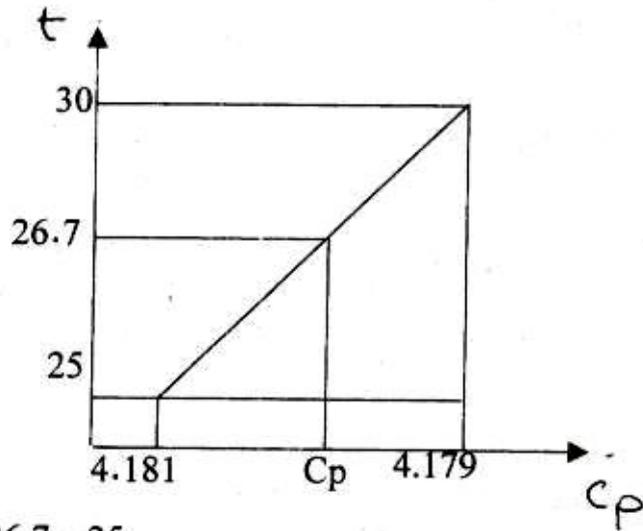
$$s_3 = sf = 0.391 \text{ kJ/kgk}$$

$$\therefore Q_{23} = 299.7(6.07 - 0.391) = \underline{1702} \text{ kJ/kg}$$

أيضاً  $Q = m c_p dT$



يتم إيجاد قيمة  $c_p$  من جداول البخار المشبع عند درجة حرارة  $26.7^\circ \text{C}$  باستخدام أسلوب الاستكمال (Interpolation) كالاتي ،



$$\therefore c_p = 4.181 + \frac{26.7 - 25}{30 - 25} (4.179 - 4.181) = \underline{4.18 \text{ kJ/kg}}$$

$$\therefore Q_{23} = 1702 = m \times 4.18 \times 5.5$$

$$\therefore m = \frac{1702}{4.18 \times 5.5} = \underline{74 \text{ kg}}$$

4 / كمية الحرارة المكتسبة ،

$$Q_{\text{sup}} = Q_{451} = h_1 - h_4$$

باستخدام المعادلة التالية لإيجاد  $h_4$

$$W_{34} = h_4 - h_3 = \sqrt{p_4 - p_3} = 4 \text{ kJ/kg}$$

من جدول البخار المشبع عند ضغط 0.035 bar ،

$$h_3 = h_f = 112 \text{ kJ/kg}$$

$$\therefore h_4 = 4 + 112 = 116 \text{ kJ/kg}$$

$$\therefore Q_{\text{supp}} = 2801 - 116 = \underline{2685 \text{ kJ/kg}}$$

5 / كفاءة دورة رانكن ،

$$\eta_R = \frac{(h_1 - h_2) - (h_4 - h_3)}{(h_1 - h_3) - (h_4 - h_3)} = \frac{982.4 - 4}{(2801 - 112) - 4} = 0.3644 \approx 36.4\%$$

6 / الاستهلاك النوعي للبخار (بتجاهل شغل مضخة التغذية)

$$SSC = \frac{3600}{W_{\text{neto/p}}}$$

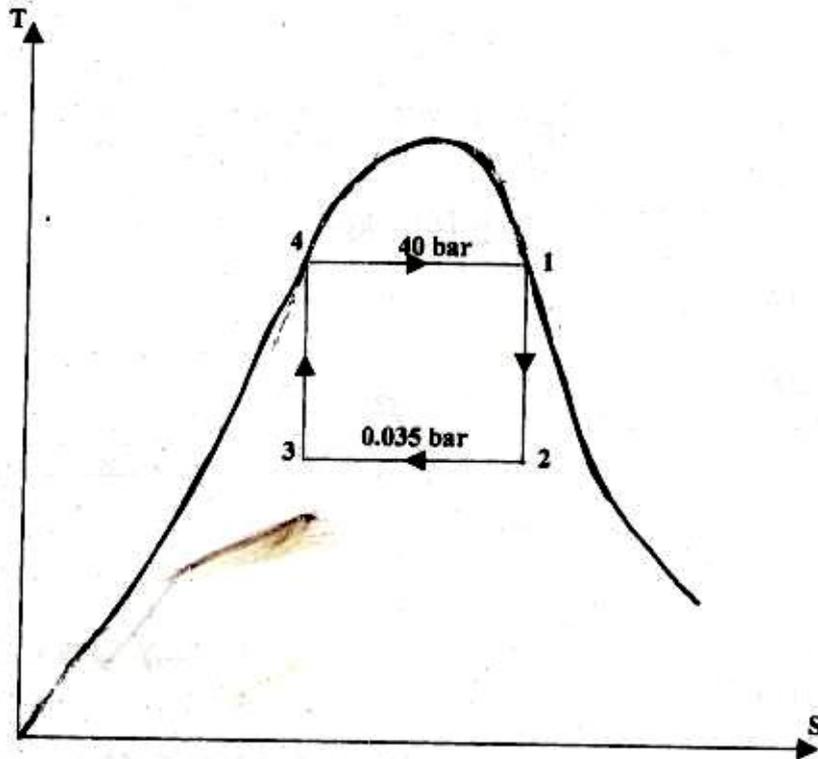
$$W_{\text{neto/p}} = W_{12} - W_{34}$$

$$\hookrightarrow W_{34} = 0 \quad \text{بمان}$$

$$\therefore W_{\text{neto/p}} = W_{12} = h_1 - h_2 = 982.4 \text{ kJ/kg}$$

$$SSC = \frac{3600}{982.4} = \underline{\underline{3.66 \text{ kg/kwh}}}$$

/ ii



7 / كفاءة دورة كارنو ،

$$\eta_{\text{carnot}} = \frac{T_1 - T_2}{T_1}$$

من جداول البخار المشبع عند ضغط 40 bar ،

$$T_s = T_1 = 250.3^\circ \text{C}$$

$$= 250.3 + 273 = 523.3 \text{K}$$

$$\therefore \eta_{\text{carnot}} = \frac{523.3 - 299.7}{523.3} = \underline{\underline{0.427 \text{ or } 42.7\% \approx 43\%}}$$

8 / الاستهلاك النوعي للبخار ،

$$SSC = \frac{3600}{W_{net o/p}}$$

$$W_{net o/p} = W_{12} - W_{34} = (h_1 - h_2) - (h_4 - h_3)$$

$$W_{12} = h_1 - h_2 = \underline{982.4 \text{ kJ/kg}}$$

من جدول البخار المشبع عند ضغط 40 bar ،

$$h_4 = h_f = \underline{1087 \text{ kJ/kg}}$$

$$s_4 = s_3 = s_f = \underline{2.797 \text{ kJ/kgk}}$$

من جدول البخار المشبع عند ضغط 0.035 bar ،

$$s_3 = s_4 = 2.797 = sf_3 + x_3 sfg_3$$

$$sf_3 = 0.391 \text{ kJ/kgk} \quad , \quad sfg_3 = 8.13 \text{ kJ/kgk}$$

$$\therefore 2.797 = 0.391 + x_3(8.13)$$

$$\therefore x_3 = \frac{2.797 - 0.391}{8.13} = \underline{0.296}$$

$$\therefore h_3 = hf_3 + x_3 hfg_3$$

$$hf_3 = 112 \text{ kJ/kg} \quad , \quad hfg_3 = 2438 \text{ kJ/kg}$$

$$\therefore h_3 = 112 + 0.296 \times 2438 = 833.65 \text{ kJ/kg}$$

$$W_{34} = h_4 - h_3 = 1087 - 833.65 = 253.35 \text{ kJ/kg}$$

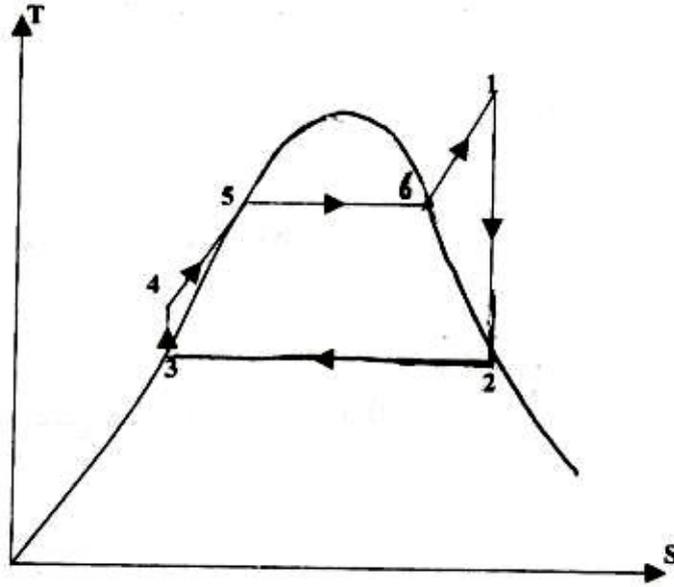
$$W_{net o/p} = 982.4 - 253.35 = 729.05 \text{ kJ/kg}$$

$$\therefore ssc = \frac{3600}{729.05} = \underline{4.94 \text{ kg/kwh}}$$

تعديلات دورة رانكن :- {modifications of Rankine cycle}

أ / دورة رانكن مع التحميص :- {Rankine cycle with superheat}

يمكن زيادة درجة الحرارة المتوسطة التي يتم إمدادها إلى الغلاية بتحميم البخار وذلك بتمرير البخار الجاف المشبع في مجموعة مواسير صغيرة المقطع ليتم تسخينها إضافياً بثبوت الضغط وبتفاوت درجة الحرارة في فرن الغلاية حتى يصل البخار إلى درجة الحرارة المطلوبة لدخوله إلى التوربين ( شكل رقم (5) أدناه .



شكل رقم (5)

ب / دورة إعادة التسخين {The reheat cycle} :-

يتم إعادة تسخين البخار عند ضغط ثابت ودرجة حرارة متغيرة من الحالة (2) إلى الحالة (6) وذلك إما بإعادة البخار إلى الغلاية وتميره خلال مجموعة من المواسير بالقرب من مواسير التحميص أو باستخدام فرن إعادة تسخين (reheater) يوجد بالقرب من التوربينة .

من مخطط T-S أدناه شكل رقم (6) يمكن توضيح الآتي :-

1-2 تمدد انعكاسي بثبوت القصور الحراري في التوربين ذو الضغط العالي .

2-6 إعادة تسخين البخار بثبوت الضغط وبتفاوت درجة الحرارة .

6-7 تمدد انعكاسي بثبوت القصور الحراري في التوربين ذو الضغط المنخفض .

دواعي استخدام دورة إعادة التسخين :-

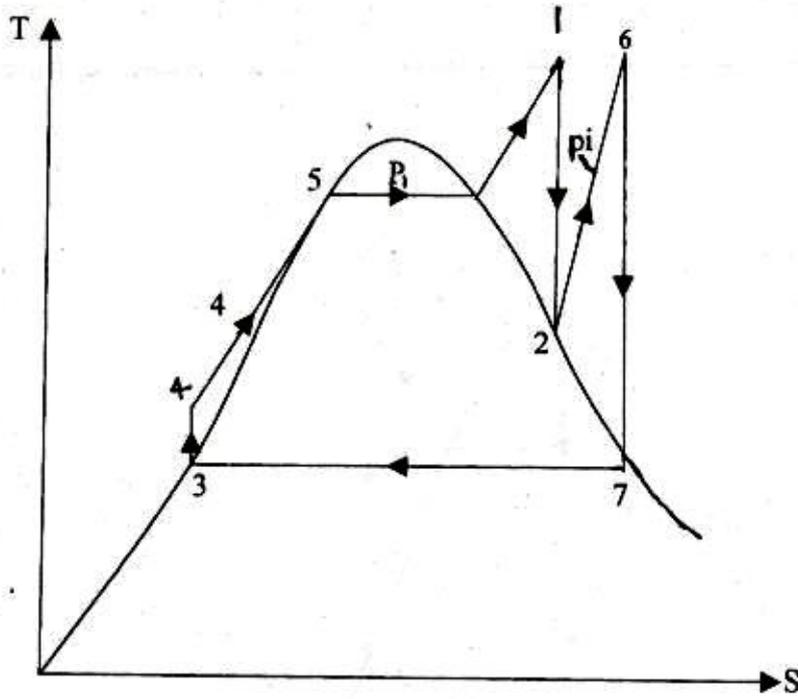
1/ تخفيض الرطوبة عند مخرج التوربين بحيث لا تتعدى نسبتها 10% .

2/ إمكانية استخدام غلايات ذات ضغط عالي لزيادة الكفاءة وتقليل حجم المحطة .

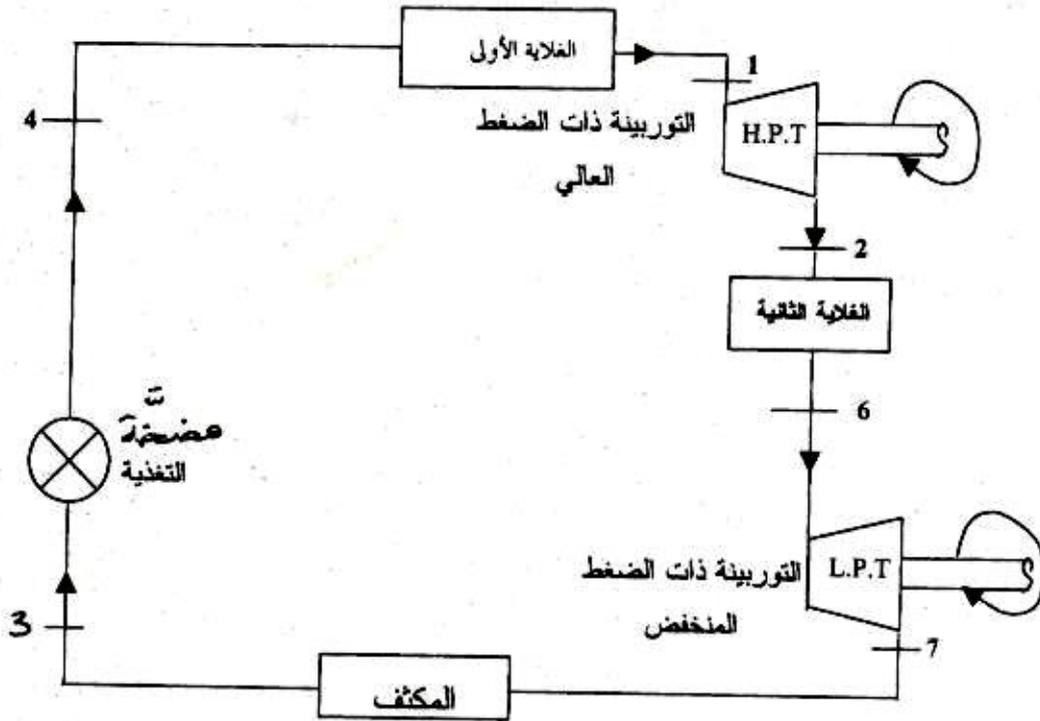
وذلك لأن التمدد إذا تم في مرحلة واحدة فإن البخار الخارج من التوربينة سيحتوي على رطوبة ، عليه سيتم التمدد على مرحلتين .

3/ تحسين الاستهلاك النوعي للبخار

يتم توضيح المخطط الكتلي لدورة إعادة التسخين في الشكل رقم (7) أدناه .



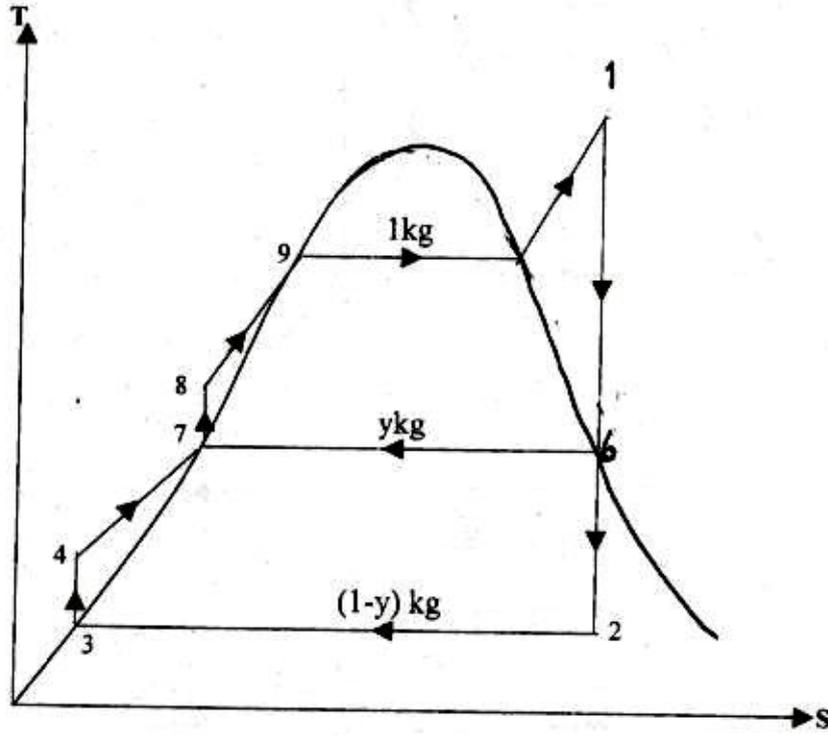
شكل رقم (6)



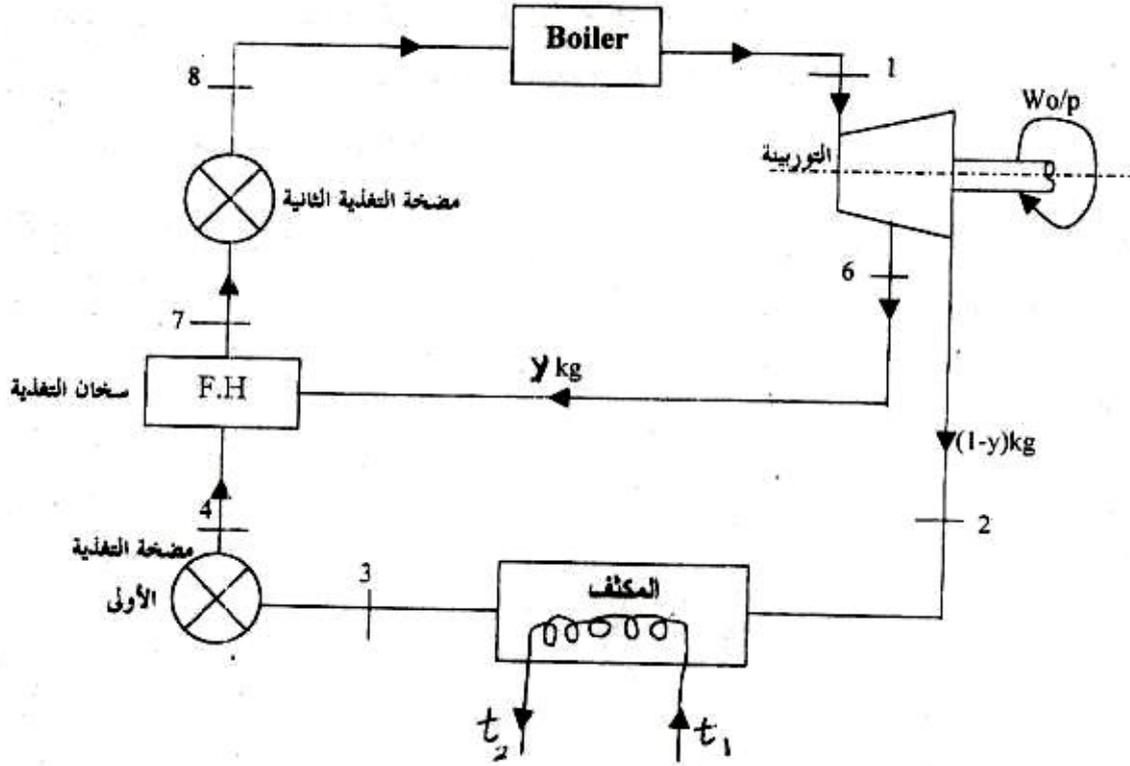
شكل رقم (7) مخطط دورة إعادة التسخين

ج / دورة الاسترجاع {Regenerative cycle} أو الدورة التجديدية :-

هي الدورة التي يتم فيها زيادة درجة حرارة الماء الداخلة إلى الغلاية وذلك بتزيف بعض البخار عند ضغط وسيط من داخل التوربينة وخلطة مع الماء الخارج من المكثف في سخان تغذية او خلط feed { heater or mixer } يتم توضيح مخطط T-S والمخطط الكتلي للدورة في الأشكال (8) و(9) على الترتيب .



شكل رقم (8)



شكل رقم (9)

يتمدد البخار من الحالة (1) إلى الحالة (2) خلال التوربين . وعند ضغط وسيط P6 يتم استنزاف كمية من البخار من التوربينة بمقدار  $y$  kg لكل kg من البخار ويتم إمداده إلى سخان التغذية (F.H) . المتبقي من البخار يكمل إجراء التمدد في التوربينة ويخرج منها عند الحالة (2) حيث يتم تكثيفه في المكثف حتى الحالة (3) التي عندها يتم ضخه بواسطة مضخة التغذية الأولى إلى الحالة (4) ماء غير مشبع وبعدها يتم تمريره إلى سخان التغذية عند نفس ضغط البخار المستنزف حيث يتم خلطه مع البخار المستنزف لرفع درجة حرارة الماء ليصبح ماءً مشبعاً عند الحالة (7) التي عندها يتم ضخه بواسطة مضخة التغذية الثانية إلى الحالة (8) ماء غير مشبع ، بعدها يدخل إلى الغلاية ليتم تسخينه بضغط ثابت . يتم حساب درجة حرارة النزيف بالمعادلة ،

$$t_{\text{bleed}} = \frac{t_5 + t_2}{2}$$

درجة حرارة النزيف

مثال (2): -

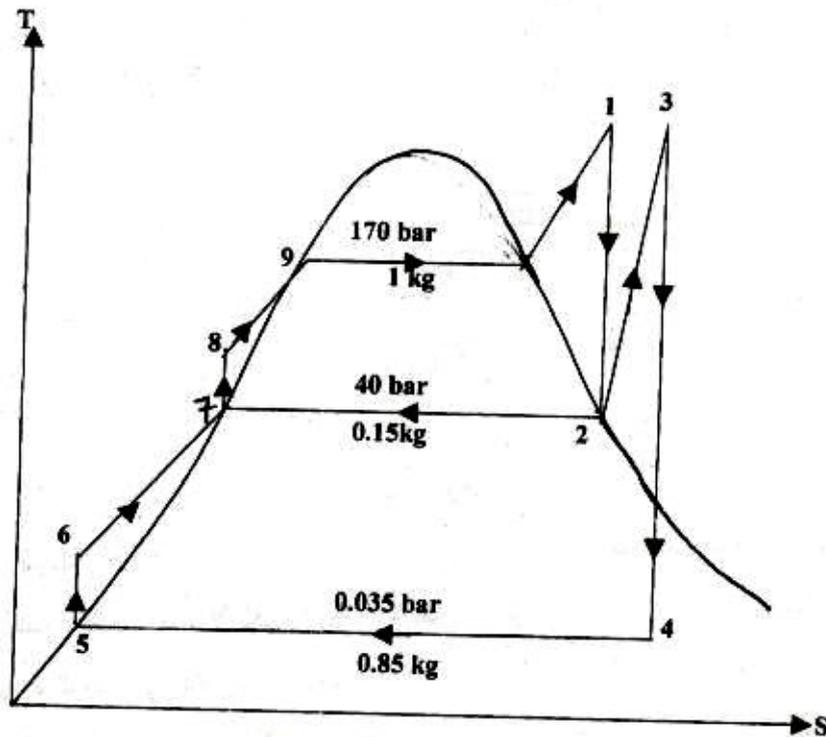
محطة توليد قدرة كهربائية تعطي خرجاً مقداره 200 MW . يكون الضغط المحمص الخارج من الغلاية هو 170 bar ودرجة الحرارة  $600^\circ\text{C}$  . بعد التمدد خلال توربينة المرحلة الأولى إلى ضغط 40 bar ، يتم استنزاف 15% من البخار إلى سخان التغذية ، والمتبقي يتم إعادة تسخينه إلى درجة حرارة

600°C ومن بعد يتمدد خلال توربينة المرحلة الثانية لضغط مكثف مقداره 0.035 bar. للحسابات الأولية افترض أن الدورة الفعلية لها نسبة كفاءة مقدارها 70% ، وتكون الكفاءة الميكانيكية والكهربائية هي 95% . أحسب أقصى معدل سريان إلى الغلاية بالـ kg/h .

الحل :-

$$P_o/p = 200\text{MW} = 200 \times 10^6 \text{ W}$$

$$= \underline{200 \times 10^3 \text{ KW}}$$



من جدول البخار المحمص عند ضغط 170 bar ودرجة حرارة 600° C

$$h_1 = 3564 \text{ kJ/kg}$$

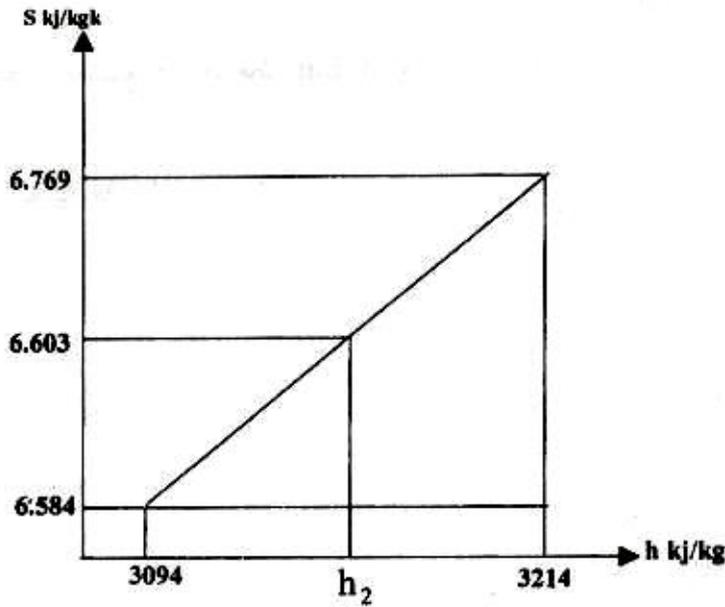
$$S_1 = 6.603 \text{ kJ/kgk} = S_2$$

من جدول البخار المشبع عند ضغط 40 bar ،

$$S_g = 6.07 \text{ kJ/kgk} < S_2$$

عليه سيكون البخار محمصاً عند الحالة (2)

من جداول البخار المحمص عند ضغط 40 bar وقصور حراري 6.603 kJ/kgk وباستخدام طريقة الاستكمال ،



$$h_2 = 3094 + \left( \frac{6.603 - 6.584}{6.769 - 6.584} \right) \times (3214 - 3094) = \underline{3106.3 \text{ kJ/kg}}$$

لإيجاد قيمة  $h_3$  ، من جداول البخار المحمص عند الضغط 40 bar ودرجة حرارة  $600^\circ\text{C}$

$$h_3 = 3674 \text{ kJ/kg}$$

$$S_3 = S_4 = 7.368 \text{ kJ/kgk}$$

من جدول البخار المشبع عند ضغط 0.035 bar .

$$S_g = 8.521 \text{ kJ/kgk} > S_4$$

عليه سيكون البخار رطباً عند الحالة (4) ،

$$S_4 = S_{f4} + X_4 S_{fg4}$$

$$7.368 = 0.391 + X_4 (8.13)$$

$$\therefore X_4 = \frac{7.368 - 0.391}{8.13} = \underline{0.86}$$

$$\therefore h_4 = h_{f4} + X_4 h_{fg4}$$

$$= 112 + 0.86 \times 2438 = \underline{2208.7 \text{ kJ/kg}}$$

أيضاً من جداول البخار المشبع عند ضغط 0.035 bar ،

$$h_5 = h_f = \underline{112 \text{ kJ/kg}}$$

شغل مضخة التغذية الأولى ،

$$W_{56} = h_6 - h_5 = \sqrt{p_6 - p_5}$$

$$= \frac{0.001(40 - 0.035) \times 10^5}{10^3} = 4 \text{ kJ/kg}$$

$$\therefore h_6 = W_{56} + h_5 = 4 + 112 = 116 \text{ kJ/kg}$$

من جداول البخار المشبع عند ضغط 40 bar ،

$$h_7 = h_f = 1087 \text{ kJ/kg}$$

شغل مضخة التغذية الثانية ،

$$W_{78} = h_8 - h_7 = \sqrt{p_8 - p_7}$$

$$= \frac{0.001(170 - 40) \times 10^5}{10^3} = 13 \text{ kJ/kg}$$

$$h_8 = W_{78} + h_7 = 13 + 1087 = 1100 \text{ kJ/kg}$$

$$\eta_R = \frac{W_{\text{net o/p}}}{Q_{\text{sup}}}$$

$$W_{\text{net o/p}} = W_{12} + W_{34} - (W_{56} + W_{78})$$

$$= 1(h_1 - h_2) + 0.85(h_3 - h_4) - 0.85(h_6 - h_5) - 1(h_8 - h_7)$$

$$= 1(3564 - 3106.3) + 0.85(3674 - 2208.7) - 0.85 \times 4 - 1(13) = 1686.8 \text{ kJ/kg}$$

$$Q_{\text{sup}} = 1(h_1 - h_8) + 0.85(h_3 - h_2)$$

$$= 1(3564 - 1100) + 0.85(3674 - 3106.3)$$

$$= 2946.55 \text{ kJ/kg}$$

$$\eta_R = \frac{1686.8}{2946.55} = 0.572 \text{ or } \underline{57.2\%}$$

نسبة الكفاءة = كفاءة الدورة الفعلية = 0.7

كفاءة دورة رانكن

$$\eta_{\text{act}} = 0.7 \times \eta_R = 0.7 \times 0.572 = 0.4 \text{ او } \underline{40\%}$$

كفاءة الدورة الفعلية ،

صافي الشغل الفعلي في الدورة ،

$$W_{\text{net o/p act}} = \eta \cdot Q_{\text{sup}} = 0.4 \times 2946.55 = 1178.6 \text{ kJ/kg}$$

$$\therefore \text{ssc} = \frac{3600}{\text{act. } W_{\text{net o/p}}} = \frac{3600}{1178.6} = \underline{3.054 \text{ kg/kwh}}$$

$$\eta_{\text{mech, elect}} = 0.95 \quad \text{معطى}$$

$$\therefore P_{i/p} = \frac{P_{o/p}}{\eta_{\text{mech, elect}}} = \frac{200 \times 10^3}{0.95} = 210.53 \times 10^3 \text{ kw}$$

بالتحليل البعدي ، معدل السريان إلى الغلاية  $m^*$  ،

$$m^{\circ} = P_{\text{v.p}} \times \text{SSC} = \text{kwh} \times \frac{\text{kg}}{\text{kwh}} = \text{kg/h}$$

$$= 210.53 \times 10^3 \times 3.054 = 643 \times 10^3 \text{kg/h}$$

$$= \underline{643000 \text{kg/h}}$$

**مسائل :-**

1/ يتم إمداد بخار لتوربينة ذات مرحلتين عند 40 bar و 350°C يتمدد البخار في التوربينة الأولى حتى يصبح جافاً مشبعاً <sup>عندها</sup> يتم إعادة تسخينه إلى 350°C ومن ثم يتمدد خلال توربينة المرحلة الثانية .  
يكون ضغط المكثف 0.035 bar . أحسب شغل الخرج والحرارة المكتسبة لكل kg من البخار للمحطة ، مفترضا إجراءات مثالية ومتجاهلاً شغل طلمبة التغذية . أحسب أيضاً الاستهلاك النوعي للبخار وكفاءة الدورة .

Ans.(1290kj ; 3362 kj ; 2.79 kg/kwh ; 38.4%)

2/ إذا كانت لإجراءات التمدد في التوربينات للمسألة (1) كفاءات ثابتة قصور حراري مقدارها 84% / 78% على الترتيب ، في المرحلتين الأولى والثانية ،  
أحسب شغل الخرج والحرارة المكتسبة لكل kg من البخار ، الكفاءة الحرارية والاستهلاك النوعي للبخار .  
قارن الكفاءات واستهلاكات الوقود النوعية المتحصل عليها من المسائل (1) و(2) . قارن أيضاً رطوبة البخار المغادر للتوربينة في كل حالة .

Ans.(1026kj ; 3311kj ; 31.1% ; 3.51kg/kwh)

3/ توربينة بخار تعمل على دورة استرجاع بسيطة . يتم إمداد بخار جاف مشبع عند 40 bar ، ويستنفذ إلى مكثف عند 0.07 bar . يتم ضخ البخار المكثف إلى ضغط 3.5 bar . عنده يتم خلطه مع البخار المستنزف من التوربينة عند 3.5 bar . يتم من بعد ضخ الماء الناتج الذي يكون عند درجة حرارة التشبع إلى الغلاية . للدورة المثالية متجاهلاً شغل مضخة التغذية ، أحسب ،  
a/ مقدار البخار المستنزف المطلوب لكل kg من بخار الإمداد ،  
b / الكفاءة الحرارية للمحطة ،

c / الاستهلاك النوعي للبخار ، Ans.(0.1906 ; 37% ; 4.39kg/kwh)

4/ يتم إمداد بخار لتوربينة ذات مرحلتين عند 40 bar و 500°C . يتمدد البخار في المرحلة الأولى بإجراء ثابت القصور الحراري إلى ضغط 3.0 bar الذي يتم عنده استخلاص 2500kg/h من البخار لشغل العملية . يتم إعادة تسخين المتبقي إلى 500°C ومن بعد يتمدد بإجراء ثابت القصور الحراري إلى 0.06 bar . يتطلب أن تكون قدرة الناتج الثانوي للمحطة مساوية لـ 6000kw أحسب مقدار البخار المطلوب من الغلاية ، والحرارة المكتسبة بالـ kw . تجاهل شغل مضخة التغذية ، وافترض أن البخار المستنزف يعود عند درجة حرارة التشبع ليختلط ادبياتياً مع البخار المكثف من المكثف . (15,000kg/h ; 15620kw)

## الفضل التاسع التوربينات الغازية

### 8- التوربينات الغازية :- {Gas turbines}

تستخدم التوربينات الغازية عموماً في أيامنا الحاضرة في مجال صناعة الطائرات ، ويرجع الفضل لإختراع أول محرك نفاث للعالم ( sir Frank whittle ) قبيل اندلاع الحرب العالمية الثانية (1939-1945) حيث تطورت صناعة وحدة التوربينة الغازية بصورة سريعة ومذهلة . تستخدم وحدات التوربينات الغازية المعخمة في توليد القدرة الكهربائية وفي محركات الدفع البحري ولكن يكون استخدام محركات الزيت والتوربينات البخارية أكثر تكراراً في مثل هذه المجالات .

عدم الكفاية لإجراءات الأضغاط والتمدد يكون أكبر في الوحدات التوربينية الصغيرة ولذلك من الضروري استخدام مبادل حراري لتحسين الكفاءة الحرارية للتوربينات الغازية حتى تستطيع منافسة محركات الزيت الصغيرة والمحركات البترولية من الناحية الاقتصادية .

التوربينة الغازية ل (Halz warth) والتي تم بناؤها سنة 1905م تعمل باحتراق ثابت الحجم ، وهذا يتطلب استخدام صمامات وبالتالي تشغيل متقطع .

استخدام احتراق ثابت الضغط مع ضاغط دوار يتم أدارته بواسطة توربينة دوارة مركبة في عمود مشترك يُعطى توافقاً مثالياً لسريان كتلة مستقر في مدى تشغيل واسع .

### الدورة العملية للتوربينة الغازية :-

#### (The practical Gas turbine cycle)

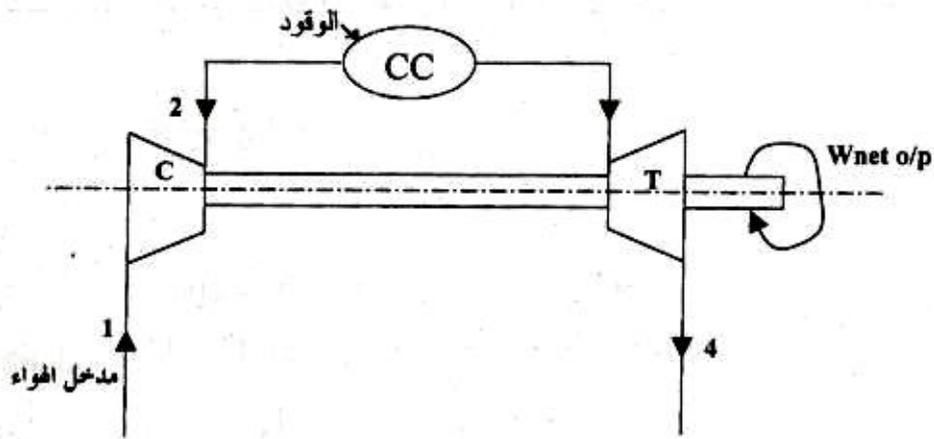
وحدة التوربينة الغازية الأساسية الأكثر استخداماً هي تلك التي تعمل بدورة مفتوحة الحلقة وتتكون من ضاغط دوار وتوربينة مركبين في عمود مشترك كما هو واضح في الشكل التخطيطي أدناه (شكل رقم 1) يتم سحب الهواء إلى الضاغط C وبعد الانضغاط يُمرَّر إلى غرفة الاحتراق CC . يتم إمداد الطاقة في غرفة الاحتراق برش الوقود في جدول من الهواء ، وتتمدد الغازات الساخنة الناتجة خلال التوربينة T ، إلى الهواء الجوي . ولتحقيق صافي شغل خرج من الوحدة ، يجب أن يكون شغل الخرج الإجمالي الناتج من التوربينة أكبر من الشغل المطلوب لتشغيل الضاغط وتجاوز الفقد الميكانيكي في الإدارة .

يمكن استخدام إما ضاغط طرد مركزي أو ضاغط سريان محوري ، حيث يكون إجراء الانضغاط لا انعكاسي ولكنه تقريباً أديباتي (كاظم للحرارة) وبالمثل فإن إجراء التمدد في التوربينة يكون لا انعكاسياً ولكنه كاظم للحرارة .

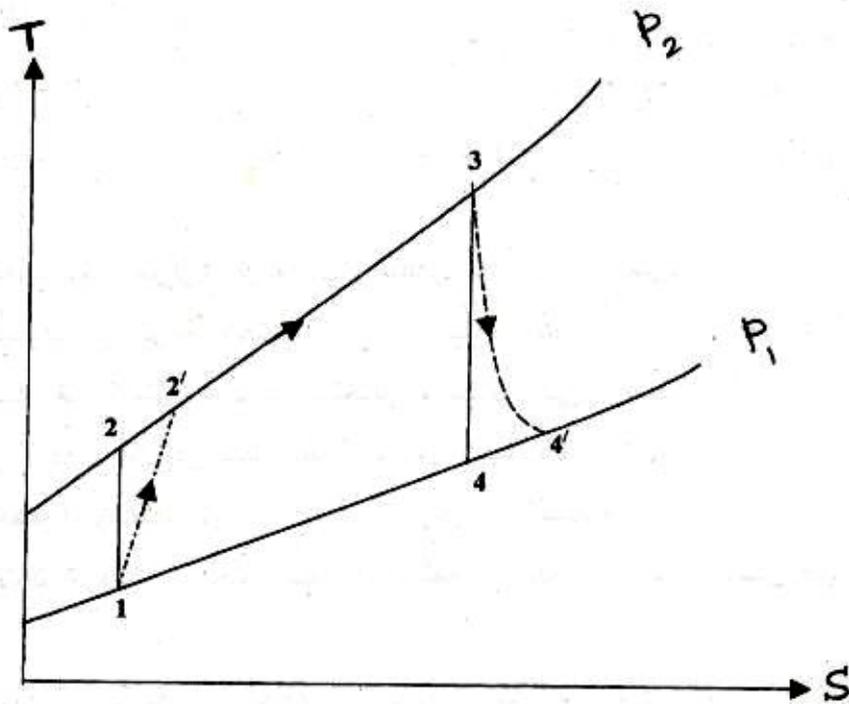
ونتيجة لهذه اللانعكاسية فإننا نحتاج لشغل أكبر لإجراء الانضغاط لنسبة ضغط معطاة، ولشغل ناتج أقل لإجراء التمدد . لتحسين تصميم الضاغط و التوربينة يجب بقدر الإمكان قطع اللانعكاسية التي تبطن تطوير وحدة التوربينة الغازية .

لا يمكن مقارنة التوربينة الغازية مفتوحة الحلقة مباشرة مع دورة الضغط الثابت المثالي فالدورة الفعلية تشمل على تفاعل كيميائي في غرفة الاحتراق يتسبب في نواتج ذات درجة حرارة عالية متباينة كيميائياً عن

المواد المتفاعلة . لا يكون هناك تبادل للطاقة مع البيئة المحيطة أثناء الاحتراق ونتيجة لذلك سيكون هناك انخفاض تدريجي في الطاقة الكيميائية مع زيادة مقابلة في المحتوى الحراري لمائع التشغيل .  
 سوف لن يتم تناول تفاعل الاحتراق بالتفصيل في هذا المنعطف وسيتم تبسيطة بافتراض أن الطاقة الكيميائية المتحررة من الاحتراق تساوي انتقال الحرارة عند ضغط ثابت لمائع التشغيل ثابت متوسط الحرارة النوعية .  
 هذا التقارب المبسط يسمح بمقارنة الإجراء الفعلي مع المثالي وبإمكانية تمثيلة في مخطط T-S كما موضح في الشكل رقم (2) أدناه .



شكل رقم (1)



شكل رقم (2)

الخط 1-2' يمثل انضغاطاً لاإنعكاسياً كاذم للحرارة .

الخط 3 - 2' يُمثل إمداد حراري ثابت للضغط في غرفة الاحتراق  
الخط 4' - 3 يُمثل تمدد لاإنعكاسي كاظم للحرارة .

الإجراء 2 - 1 يُمثل انضغاط مثالي ثابت القصور الحراري بين الضغوط  $P_2, P_1$   
وبالمثل فإن الإجراء 4 - 3 يُمثل تمدد مثالي ثابت القصور الحراري بين الضغوط  $P_1, P_2$  .  
سيتم افتراض أن التغيير في طاقة الحركة في النقاط المختلفة للدورة صغير جداً بحيث يمكن تجاهله مقارنة  
بتغيير المحتوى الحراري .

بتطبيق معادلة طاقة السريان للحالة المستقرة (S.S.F.E.E.) لكل جزء من الدورة لكل Kg نحصل على  
 $h_1 + Q = h_2 + W$   
والمحتوى الحراري النوعي ، h ،

$$h = C_p dt$$

بالتالي ،

للضاغط :-  $w_{i/p} = h'_2 - h_1 = cp(T'_2 - T_1)$  شغل الدخل  
لغرفة الاحتراق :-  $Q_{supp} = cp(T_3 - T'_2)$  الحرارة المكتسبة  
للتوربين :-  $w_{o/p} = cp(T_3 - T'_4)$  شغل الخرج  
بالتالي ،

$$\text{صافي شغل الخرج } W_{net o/p} = cp(T_3 - T'_4) - cp(T'_2 - T_1)$$

$$\text{الكفاءة الحرارية } \eta_{th} = \frac{\text{صافي شغل الخرج}}{\text{الحرارة المكتسبة}} = \frac{W_{net o/p}}{Q_{supp}} \\ = \frac{cp(T_3 - T'_4) - cp(T'_2 - T_1)}{cp(T_3 - T'_2)}$$

تتغير سعة الحرارة النوعية لغاز حقيقي بتغير درجة الحرارة . في الدورة المفتوحة ، فإن الحرارة  
النوعية للغازات في غرفة الاحتراق وفي التوربينة تختلف عن تلك التي في الضاغط وذلك لأنه تمت إضافة  
وقود وحدث تغير كيميائي . يمكن استخدام المنحنيات التي توضح اختلاف Cp مع درجة الحرارة ونسبة  
الهواء إلى الوقود ، ويمكن إيجاد القيمة المتوسطة لـ Cp و  $\gamma$  . من المعتاد في تطبيقات التوربينات الغازية  
افتراض القيم المتوسطة الثابتة لـ Cp و  $\gamma$  لإجراء الانضغاط .

لإجراء الاحتراق يمكن استخدام المخططات المعينة ، للحساب المبسط يمكن افتراض القيمة المتوسطة لـ  
Cp .

في التوربينة الغازية مفتوحة الحلقة يكون سريان كتلة الغازات في التوربينة أكبر من ذلك للضاغط وذلك  
نتيجة لكتلة الوقود المحترق . يمكن تجاهل كتلة الوقود وذلك لأن النسب المستخدمة للهواء إلى الوقود كبيرة  
. أيضا يتم في حالات كثيرة استنزاف هواء من الضاغط لأغراض التبريد حيث يستخدم الهواء المستنزف

لمنع التجه وتكييف الكابينة في حالة طائرات عند ارتفاع عالٍ. هذه الكمية من الهواء المستنزف تكون مساوية تقريباً لكمية الوقود التي يتم حقنها في غرفة الاحتراق. يتم تعريف كفاءة ثابت القصور الحراري للمضاغط كنسبة شغل الدخل المطلوب في الانضغاط ثابت القصور الحراري بين  $P_2, P_1$  والشغل الفعلي المطلوب.

بتجاهل التغير في طاقة الحركة.

$$\eta_{isen, C} = \frac{C_p(T_2 - T_1)}{C_p(T_2' - T_1)} = \frac{T_2 - T_1}{T_2' - T_1}$$

وبالمثل يمكن تعريف كفاءة ثابت القصور الحراري للتوربين كنسبة شغل الخرج الفعلي إلى شغل الخرج ثابت القصور الحراري بين  $P_1, P_2$ .

بتجاهل التغير في طاقة الحركة،

$$\eta_{isen, T} = \frac{c_p(T_3 - T_4')}{c_p(T_3 - T_4)} = \frac{T_3 - T_4'}{T_3 - T_4}$$

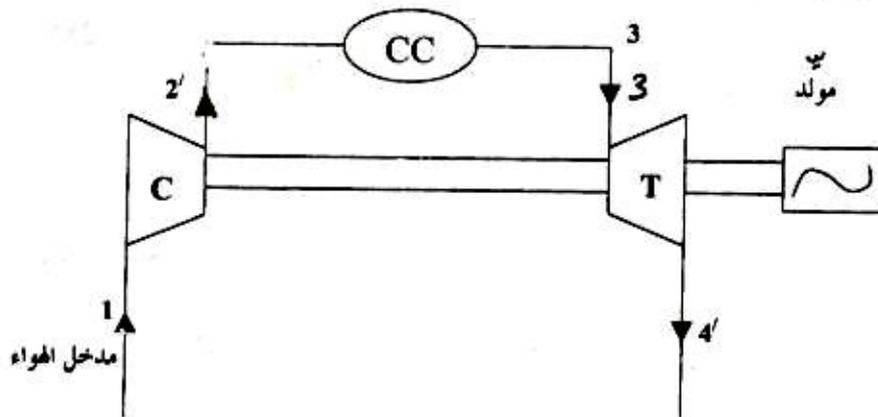
مثال (1) :-

وحدة توربينية غاز لها نسبة ضغط مقدارها 6/1 ودرجة حرارة قصوى قدرها  $600^\circ\text{C}$ .

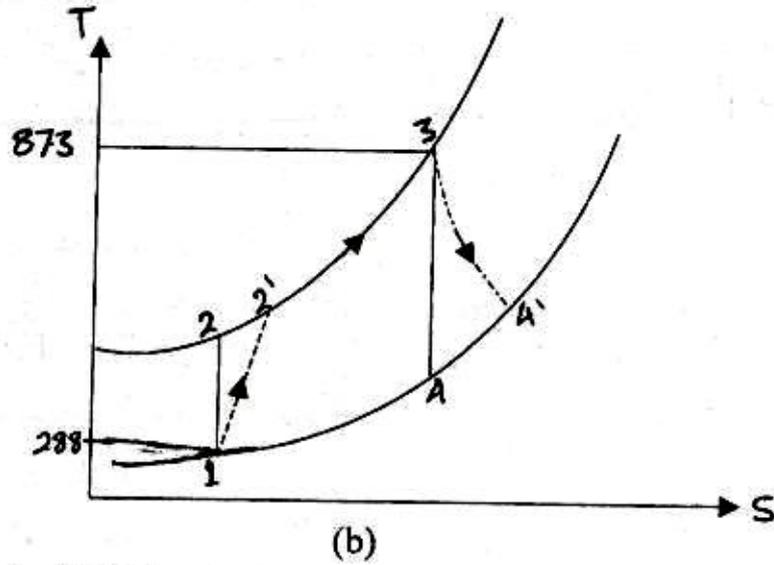
تكون كفاءات ثابت القصور الحراري للمضاغط والتوربينة هي على الترتيب 0.82 و 0.85، أحسب قدرة الخرج بالكيلو واط لمولد كهربائي معشق مع التوربينة عندما يدخل الهواء إلى المضاغط عند  $15^\circ\text{C}$  بمعدل سريان مقدارها  $15\text{kg/s}$ . خذ  $c_p = 1.005\text{ kJ/kgK}$  و  $\gamma = 1.4$  لإجراء الانضغاط، وخذ

$$C_p = 1.11\text{ kJ/kgK}$$

و  $\gamma = 1.333$  لإجراء التمدد.



(a)



لحساب شغل صافي الخرج ، من الضروري حساب درجات الحرارة  $T_2'$  ،  $T_4'$  ،  $T_2'$  لحساب  $T_2'$  يجب في البداية حساب  $T_2$  وبعدها استخدام كفاءة ثابت القصور الحراري .

$$\frac{T_2}{T_1} = \left( \frac{P_2}{P_1} \right)^{(\gamma-1)/\gamma} \quad \text{للإجراء ثابت القصور الحراري للضاغط ،}$$

$$\therefore T_2 = T_1 \times \left( \frac{P_2}{P_1} \right)^{(\gamma-1)/\gamma}$$

$$= 288 \times 6^{0.4/1.4} = 288 \times 1.67 = \underline{481K}$$

$$\text{كفاءة ثابت القصور الحراري للضاغط ، } \eta_{isen, C} = \frac{T_2 - T_1}{T_2' - T_1} = \frac{481 - 288}{T_2' - 288} = \underline{0.82}$$

$$T_2' - 288 = \frac{193}{0.82} = \underline{235.5k}$$

$$\therefore T_2' = 288 + 235.5 = \underline{523.5k}$$

بالمثل ، بالنسبة للتوربينة

$$\frac{T_3}{T_4} = \left( \frac{P_2}{P_1} \right)^{(\gamma-1)/\gamma}$$

$$\therefore T_4 = \frac{T_3}{\left(\frac{P_2}{P_1}\right)^{(\gamma-1)/\gamma}} = \frac{873}{6^{0.333/1.333}} = \frac{873}{1.564} = \underline{558k}$$

$$\text{للتوربين كفاءة ثابت القصور الحراري } \eta_{isen, T} = \frac{T_3 - T_4'}{T_3 - T_4} = \frac{873 - T_4'}{873 - 558} = 0.85$$

$$873 - T_4' = 315 \times 0.85 = \underline{268k}$$

$$\therefore T_4' = 873 - 268 = 605k$$

$$\text{شغل الدخل للضاغط } W_{i/p} = CP_a(T_2' - T_1) = 1.005(523.5 - 288)$$

$$= 1.005 \times 235.5 = \underline{236.2kj/kg}$$

$$\text{للتوربين شغل الخرج } W_{o/p} = cp_g(T_3 - T_4') = 1.11(873 - 605) = 1.11 \times 268 = \underline{297.5kj/kg}$$

$$\text{صافي شغل الخرج } W_{neto/p} = W_{o/p} - W_{i/p} = 297.5 - 236.2 = \underline{61.3kj/kg}$$

$$\text{بالكيلوواط القدرة } P = W_{neto/p} \times \dot{m} = 61.3 \times 15 = 920kj/s = \underline{920 kw}$$

مثال (2) :-

أحسب الكفاءة الحرارية ونسبة الشغل للمحطة في المثال (1) ، بافتراض أن cp لإجراء الاحتراق تساوي 1.11kj/kgk .

$$\text{الكفاءة الحرارية } \eta_{th} = \frac{W_{neto/p}}{\text{الحرارة المكتسبة}}$$

$$\text{الحرارة المكتسبة } Q_{supp} = CP_g(T_3 - T_2') = 1.11(873 - 523.5) = 1.11 \times 349.5 = 388kj/kg$$

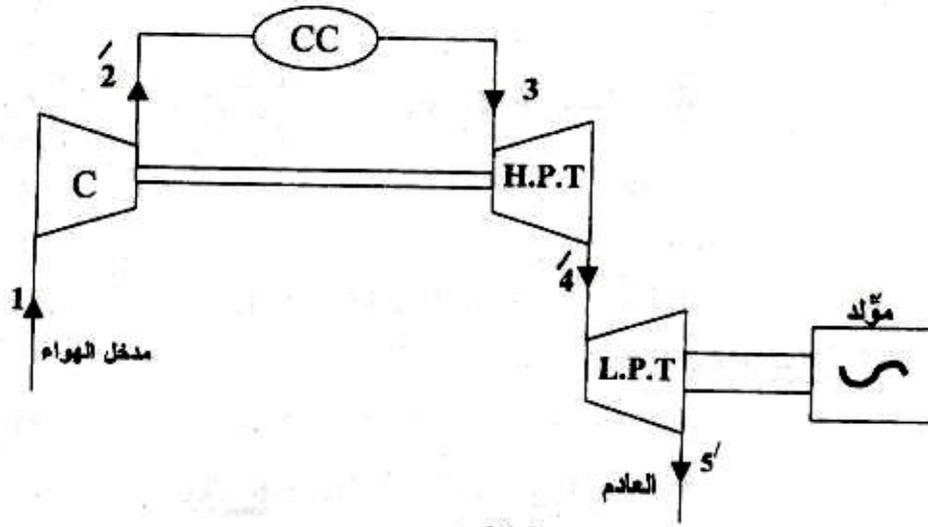
$$\therefore \eta_{th} = \frac{61.3}{388} = 0.158 \text{ أو } \underline{15.8\%}$$

نسبة  
من تعريف الشغل ،

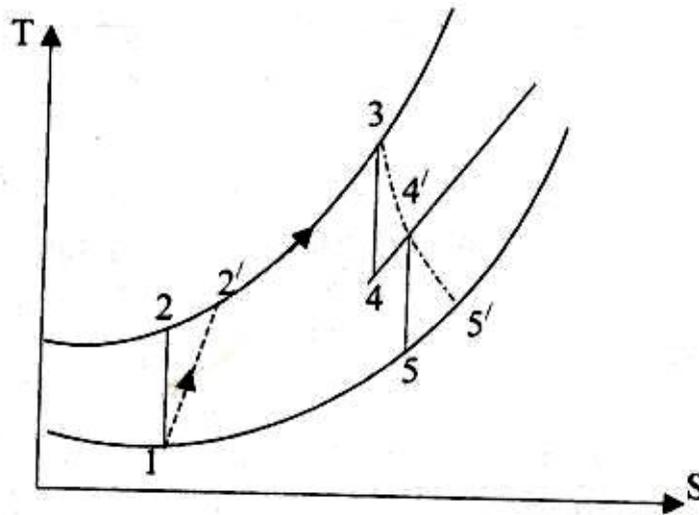
$$\text{نسبة الشغل } WR = \frac{W_{neto/p}}{W_{crosso/p}} = \frac{61.3}{297.5} = \underline{0.206}$$

في المثالين (1) و(2) تم ترتيب التوربينة لإدارة الضاغط ولتوليد صافي قدرة خرج . في بعض الأحيان من الملائم استخدام توربينتين منفصلتين ، إحداهما تُدير الضاغط و الأخرى تعطي قدرة الخرج . التوربينة الأولى أو التوربينة ذات الضغط العالي تسمى بتوربينة الضاغط ، بينما التوربينة الثانية أو التوربينة ذات الضغط المنخفض تسمى بتوربينة القدرة .

يتم توضيح الترتيبية ومخطط T-S في الشكل رقم (3a) و (3b) على الترتيب .



3(a)



3(b)

افترض ان لكل توربينة كفاءة ثابت قصور حراري خاصة بها ، تجاهل التغير في طاقة السرعة ،

شغل الدخل إلى الضاغط = شغل الخرج من توربينة الضغط العالي .

$$CPg(T_3 - T_4') = CPa(T_2' - T_1)$$

حيث  $CPg$  = سعة الحرارة النوعية بثبوت الضغط للغازات في التوربينة .

$CPd$  = سعة الحرارة النوعية بثبوت الضغط للهواء في الضاغط .

عليه فان صافي شغل الخرج يعطي بتوربينة الضغط المنخفض كالآتي ،

$$\text{i.e. } W_{\text{net o/p}} = Cpg(T_4' - T_5')$$

### مثال (3):-

وحدة توربينة غازية تأخذ الهواء عند  $17^\circ\text{C}$  و  $1.01 \text{ bar}$  ونسبة ضغط  $8/1$ . يُدار الضاغط بواسطة توربينة ضغط عالي وتُدبر توربينة الضغط المنخفض عمود قدرة منفصل. تكون كفاءات للضاغط، توربينة الضغط العالي وتوربينة الضغط المنخفض هي  $0.8$ ،  $0.85$  و  $0.83$ ، على الترتيب. أحسب الضغط ودرجة الحرارة للغازات الداخلة لتوربينة القدرة، صافي القدرة المتولدة بالوحدة لكل  $\text{kg/s}$  من معدل السريان، نسبة الشغل والكفاءة الحرارية للوحدة، تكون درجة الحرارة القصوى في الدورة هي  $650^\circ\text{C}$ . لإجراء الانضغاط خذ  $\gamma = 1.4$ ,  $c_p = 1.005 \text{ kJ/kgK}$ ، ولإجراء الاحتراق، ولإجراء التمدد خذ  $\gamma = 1.333$ ,  $C_p = 1.15 \text{ kJ/kgK}$ . تجاهل كتلة الوقود.

الحل:-

تكون الوحدة كما موضحة في الأشكال 3(a) و 3(b).  
للإجراء ثابت القصور الحراري في الضاغط

$$\frac{T_2}{T_1} = \left( \frac{P_2}{P_1} \right)^{(\gamma-1)/\gamma}$$

$$\text{i.e. } T_2 = \left( \frac{P_2}{P_1} \right)^{(\gamma-1)/\gamma} \cdot T_1 = 8^{0.4/1.4} \times 290 = \underline{525\text{K}}$$

$$\eta_{\text{isen}, C} = \frac{T_2 - T_1}{T'_2 - T_1} = \frac{525 - 290}{T'_2 - 290} = 0.8$$

$$\therefore T'_2 - 290 = \frac{235}{0.8}$$

$$\text{i.e. } T'_2 = 290 + 294 = \underline{584\text{k}}$$

$$\begin{aligned} \text{شغل الدخل للضاغط} &= C_p a (T'_2 - T_1) = 1.005(584 - 290) \\ &= 1.005 \times 294 = 295.5 \text{ kJ/kg} \end{aligned}$$

والآن فان شغل الخرج من توربينة الضغط العالي (H.P.T) يجب ان يكون كافيا لإدارة الضاغط.

$$(H.P.T) \text{ شغل الخرج من توربينة الضغط العالي} = C_{pg}(T_3 - T'_4) = \underline{295.5 \text{ kJ/kg}}$$

$$\therefore T_3 - T'_4 = \frac{295.5}{1.15} = 257 \text{ K}$$

$$\therefore T'_4 = T_3 - 257 = 923 - 257 = \underline{666 \text{ K}}$$

$$\eta_{\text{isen, H.P.T}} = \frac{T_3 - T'_4}{T_3 - T_4} = \frac{923 - 666}{923 - T_4} = 0.85$$

$$923 - T_4 = \frac{257}{0.85} = \underline{302.5 \text{ K}}$$

$$\therefore T_4 = 923 - 302.5 = \underline{620.5 \text{ K}}$$

$$\frac{T_3}{T_4} = \left( \frac{P_3}{P_4} \right)^{(\gamma-1)/\gamma} \quad \text{للإجراء ثابت القصور الحراري في التوربينة}$$

$$\text{أو } \frac{P_3}{P_4} = \left( \frac{T_3}{T_4} \right)^{\gamma/(\gamma-1)} = \left( \frac{923}{620.5} \right)^{1.333/0.333} = 1.488^4 = \underline{4.9}$$

$$\therefore P_4 = \frac{P_3}{4.9} = \frac{8 \times 1.01}{4.9} = 1.651 \text{ bar}$$

عليه فإن الضغط ودرجة الحرارة عند مدخل توربينة الضغط المنخفض (L.P.T) هي 1.65 bar و

$$t'_4 = 666 - 273 = 393^\circ \text{ C}$$

لإيجاد قدرة الخرج من الضروري حساب  $T_5'$  ،

نسبة الضغط  $P_4/P_5$  يمكن إيجادها كالآتي ،

$$\frac{P_4}{P_5} = \frac{P_4}{P_3} \times \frac{P_3}{P_5}$$

$$P_3 = P_2$$

$$P_5 = P_1$$

بما أن ،

$$\frac{P_4}{P_5} = \frac{P_4}{P_3} \times \frac{P_2}{P_1}$$

$$\therefore \frac{P_4}{P_5} = \frac{1}{4.9} \times 8 = \frac{8}{4.9} = \underline{1.63}$$

$$\frac{T'_4}{T_5} = \left( \frac{P_4}{P_5} \right)^{(\gamma-1)/\gamma} = 1.63^{0.333/1.333} = \underline{1.131}$$

فإن المعادلة عالية يمكن كتابتها كالآتي ،

$$\eta_{\text{isent, LPT}} = \frac{T'_4 - T'_5}{T'_4 - T_5} = \underline{0.83}$$

$$T'_4 - T'_5 = 0.83(666 - 588) = 0.83 \times 78 = \underline{64.8K}$$

$$W_{O/P}(\text{LPT}) = Cp(T'_4 - T'_5) = 1.15 \times 64.8 = \underline{74.5kJ/kg}$$

شغل الخرج من توربينة الضغط المنخفض .  
صافي قدرة الخرج =  $74.5 \times 1 = \underline{74.5kw}$

$$\text{نسبة الشغل } WR = \frac{W_{\text{net o/p}}}{W_{\text{grosso/p}}} = \frac{74.5}{74.5 + 295.5} = \frac{74.5}{370} = 0.201$$

$$\text{المكتسبة الحرارة } Q_{\text{supp}} = Cp(T_3 - T'_2) = 1.15(923 - 584)$$

$$= 1.15 \times 339 = \underline{390kJ/kg}$$

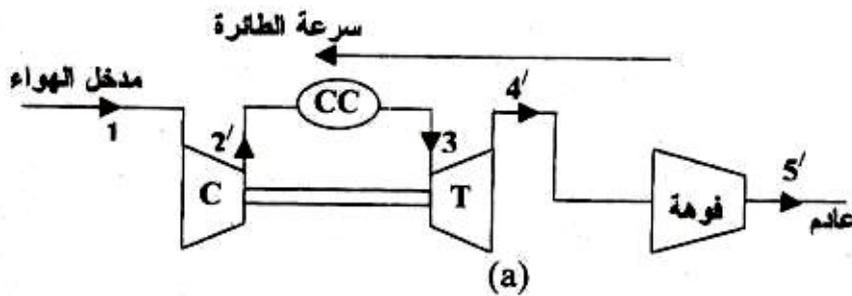
$$\text{الكفاءة الحرارية } \eta_{\text{th}} = \frac{W_{\text{net o/p}}}{Q_{\text{supp}}} = \frac{74.5}{390} = \underline{0.191} \text{ او } \underline{19.1\%}$$

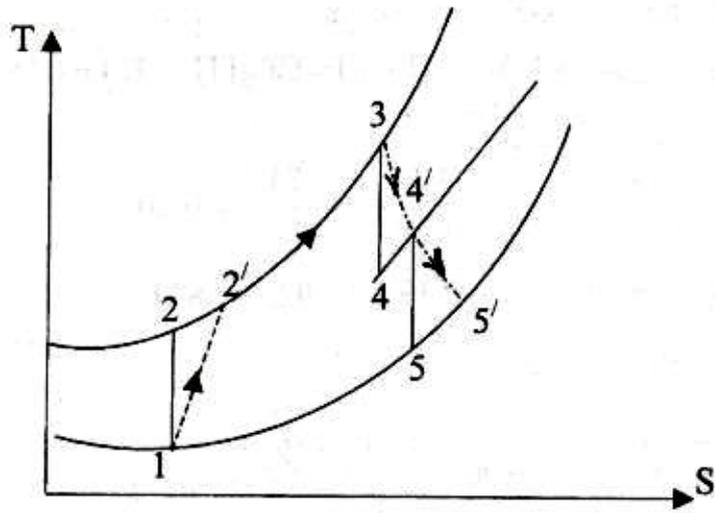
في المحركات النفاثة (Jet engines) فان فوهة الدفع تحل محل توربينة الضغط المنخفض كما هو واضح تخطيطيا في الشكل رقم 4(a) . يتم توضيح الدورة على مخطط T-S في الشكل رقم 4(b) ، والذي يلاحظ انه متطابق مع الشكل 3(b) . تستمد الطائرة قدرتها بالدفع الردي فعلي لنفث الغازات المغادر للفوهة ، ويتم الحصول على هذه السرعة العالية للنفث على حساب هبوط المحتوى الحراري من 4 إلى 5 . تولد التوربينة شغل يكفي فقط لادارة الضاغط وتجاوز الفقدوات الميكانيكية . في محرك الرفع التوربيني ، تدبر التوربينة الضاغط وأيضا اللولب الهوائي {air screw} عمود الرفع (propeller) ، كما موضح في الأشكال 5(a) ، 5(b) . يعطي صافي شغل المتاح لادارة عمود الرفع بـ ،

$$W_{\text{net}} = Cp(T_3 - T'_4) - Cp(T'_2 - T_1)$$

صافي الشغل

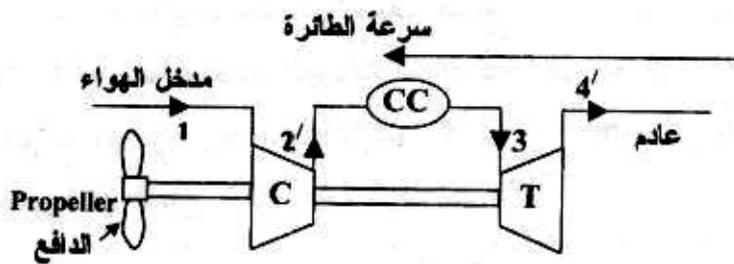
(بتجاهل الفقدوات الميكانيكية) .



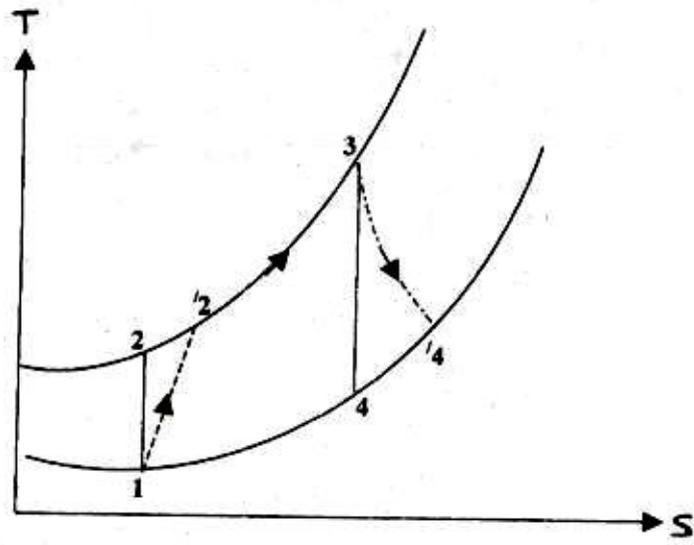


(b)

شكل رقم (4)

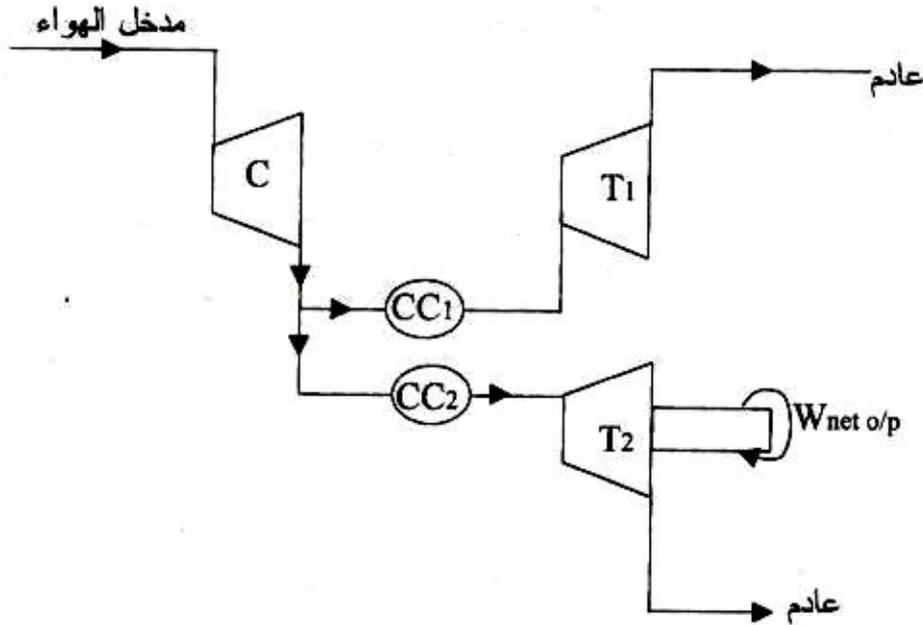


(a)



(b) شكل رقم (5)

عملياً فإن هنالك دفع نفثي صغير يتم إنتاجه في طائرات الدفع التوربيني . في بعض الوحدات الصناعية ووحدات التوربينة الغازية البحرية ، فإن سريان الهواء ينشطر إلى جدولين بعد اكتمال إجراء الانضغاط . يمرر بعض الهواء إلى غرفة الاحتراق التي تمد الغازات الساخنة إلى التوربينة التي تدير الضاغط ، بينما يمرر باقي الهواء إلى غرفة الاحتراق الثانية ومنها لتوربينة القدرة . يتم توضيح المنظومة مخططياً في الشكل رقم (6) أدناه . وتسمى بوحدة السريان المتوازي (parallel flow unit) .



شكل رقم (6)

في هذه المنظومة فإن كل توربينة تمدد الغازات التي تستقبلها خلال نسبة الضغط الكاملة {Full pressure ratio} . توربينات السريان المتوازي ليست شائعة ، عليه فإننا لن نعوص في تفاصيلها .

### تعديلات الدورة الأساسية :- {Modifications to the basic cycle}

a/ التبريد البيني {Intercooling} :-

عندما يتم أداء الانضغاط في مرحلتين بمبرد بيني بين المراحل ، بالتالي ينخفض شغل الدخل لنسبة ضغط وسريان كتلة معطيان . اعتبر نظاماً كما موضح في الشكل (a) 7 ، يتم توضيح مخطط T-S للوحدة في الشكل رقم (b) 7 . تكون إجراءات الدورة الفعلية هي 1-2' في ضاغط الضغط المنخفض ، 2-3' في المبرد البيني ، 3-4' في ضاغط الضغط العالي ، 4'-5 في غرفة الاحتراق ، و 5-6' في التوربين . تكون الدورة المثالية لهذه الترتيبية هي 1-2-3-4-5-6 ؛ يتم توضيح إجراء الانضغاط بدون تبريد بيني كـ 1-A' في الحالة الفعلية ، و 1-A في الحالة المثالية ثابتة القصور الحراري .

يُعطى شغل الدخل بتبريد بيني بـ

$$\text{شغل الدخل} = cp(T_2' - T_1) + cp(T_4' - T_3)$$

بتبريد بيني

يعطي شغل الدخل بدون تبريد بيني بـ

$$= cp(T'_A - T_1)$$

$$= cp(T'_2 - T_1) + cp(T'_A - T'_2)$$

بمقارنة هذه المعادلة مع المعادلة السابقة ، يمكن ملاحظة ان شغل الدخل بتبريد بيني يكون أقل من شغل الدخل بدون تبريد بيني ، عندما  $cp(T'_4 - T_3)$  تكون أقل من  $cp(T'_A - T'_2)$  . هذا يكون كذلك إذا تم افتراض ان الكفاءات ثابتة القصور الحراري للضاغطين اللذين يشتغلا بانفصال ، تكون كل منهما مساوية لكفاءة ثابتة القصور الحراري لضاغط مفرد الذي سيكون مطلوباً إذا لم يتم استخدام تبريد بيني . بالتالي ،

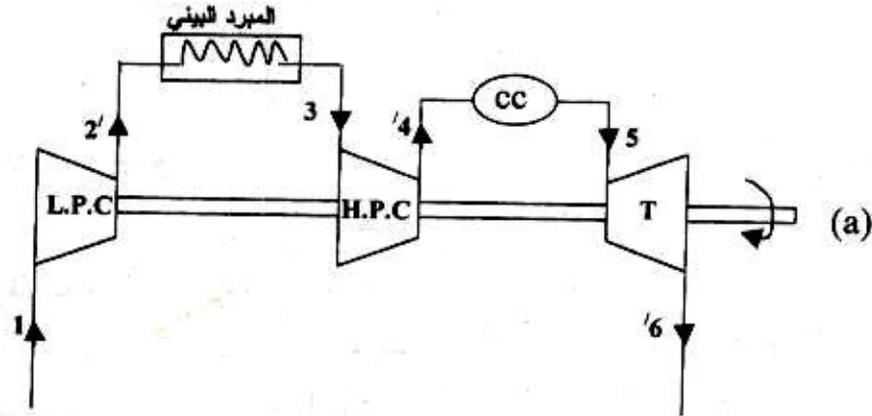
$$(T'_4 - T_3) < (T'_A - T'_2)$$

يمكن توضيح ان الضغط البيني الأفضل هو ذلك الذي يعطي نسب ضغط متساوية في كل مرحلة

للانضغاط ، بالرجوع للشكل 7(b) هذا يعني ان  $\frac{P_2}{P_1} = \frac{P_4}{P_3}$  يكون شغل الدخل المطلوب أدنى ما

يمكن عندما تكون نسبة الضغط في كل مرحلة هي نفسها ، وعندما يتم تبريد درجة حرارة الهواء في المبرد

البيني الى القيمة عند مدخل الوحدة ( i.e بالرجوع للشكل 7(b)  $T_3 = T_1$  ) .





احتراق ثانية بين مرحلتي التوربين لكي يتم تسخين الغازات المغادرة لتوربينة الضغط العالي . يتم توضيح المنظومة تخطيطيا في الشكل رقم 8(a) ، ويتم تمثيل الدورة على مخطط T-S في الشكل 8(b) . يُمثل الخط  $4' - A'$  التمدد في توربينة الضغط المنخفض إذا لم يتم استخدام إعادة التسخين . كما سابقا ، فإن شغل الخرج لتوربينة الضغط العالي يجب ان يكون بالضبط مساويا لشغل الدخل المطلوب للضاغط ( بتجاهل الفقدان الميكانيكية ) .

$$\text{i.e. } c_p a (T_2' - T_1) = c_p g (T_3 - T_4')$$

صافي شغل الخرج ، الذي هو شغل الخرج لتوربينة الضغط المنخفض ، يعطي بـ :-

$$\text{صافي شغل الخرج} = CPg(T_3 - T_4')$$

إذا لم يتم استخدام إعادة التسخين ، بالتالي يعطي شغل توربينة الضغط المنخفض بـ :-

$$\text{صافي شغل الخرج بدون إعادة تسخين} = CPg(T_4' - T_A')$$

بما ان خطوط الضغط تتباعد إلى اليمين على مخطط T-S ، يمكن ملاحظة أن فرق درجة الحرارة  $(T_3 - T_4')$  ، يكون دائما أكبر من  $(T_4' - T_A')$  بحيث أن إعادة التسخين تزيد صافي شغل الخرج . أيضا ،

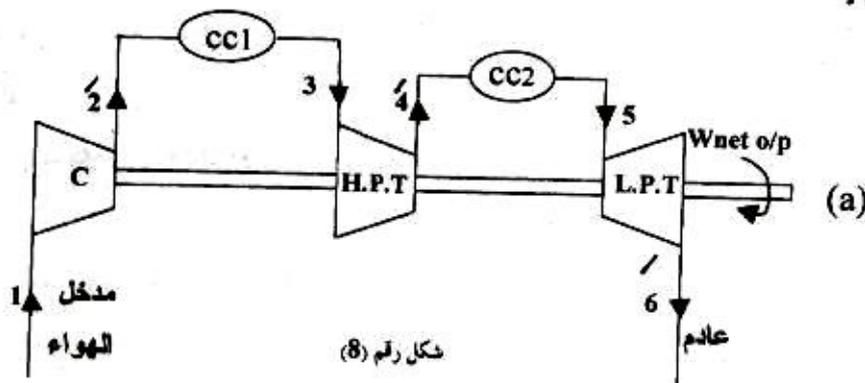
$$\text{شغل الانضغاط} - \text{شغل التمدد} = \text{نسبة الشغل}$$

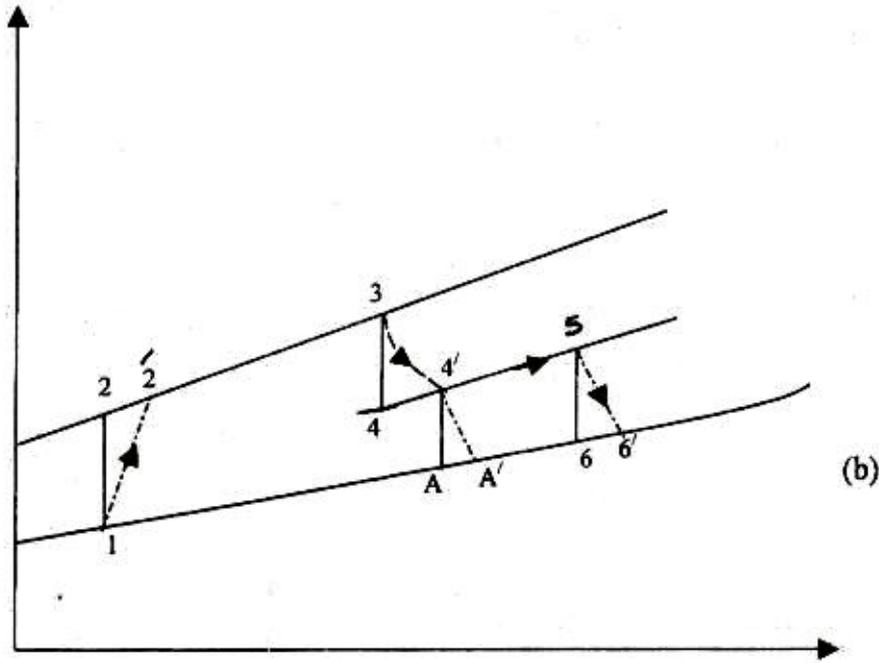
$$\text{i.e. } \text{شغل الانضغاط} - 1 = \text{نسبة الشغل}$$

عليه ، عندما يتم زيادة شغل التمدد وعدم تغيير شغل الانضغاط ، فإن نسبة الشغل ستزيد . بالرغم من أن صافي الشغل سيزداد بإعادة التسخين ، أيضا ستزداد الحرارة المكتسبة ، وتكون المحصلة هي خفض الكفاءة الحرارية .

$$\text{i.e. } \text{الحرارة المكتسبة} = c_p g (T_3 - T_2') + CPg(T_3 - T_4')$$

على أي حال ، فإن درجة حرارة العادم للغازات المغادرة لتوربينة الضغط المنخفض تكون أكبر عندما يتم استخدام إعادة التسخين ( i.e.  $T_6'$  عندما يتم مقارنتها بـ  $T_A'$  ) ، ويمكن استخدام مبادل حراري لتمكين استخدام غازات العادم .



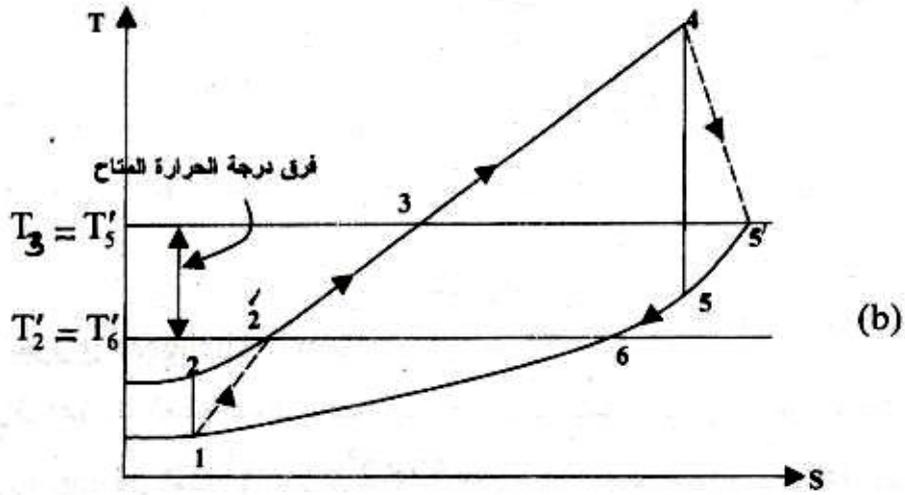
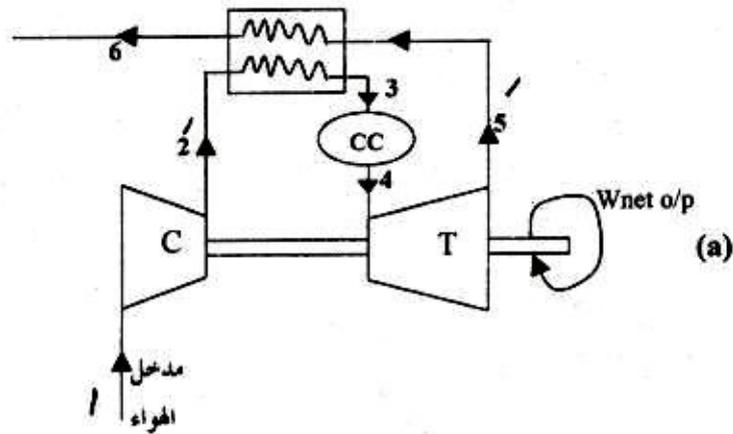


شكل رقم (8)

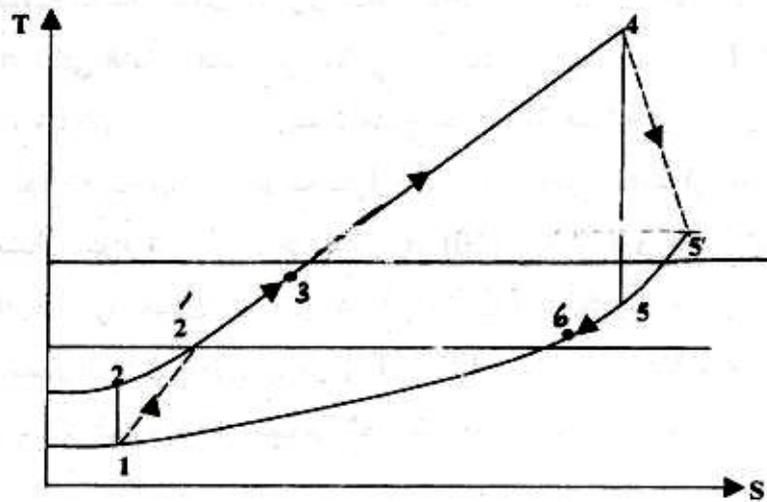
C / المبادل الحراري {Heat exchanger} :-

ما تزال غازات العادم المغادرة للتوربينة عند نهاية التمدد عند درجة حرارة عالية ، وبالتالي محتوى حراري عالي ( e.g. في المثال (3) ،  $t'_5 = 328.2^\circ \text{C}$  ) . إذا تم السماح لهذه الغازات بالمرور إلى الجو ، بالتالي فإن هذا يمثل فقدا للطاقة المتاحة. بعض هذه الطاقة يمكن استرجاعها بتمرير الغازات من التوربينة خلال مبادل حراري حيث يتم استخدام الحرارة المنتقلة من الغازات لتسخين الهواء المغادر للمضغوط . يتم توضيح الوحدة البسيطة بإضافة مبادل حراري مخططيا في الشكل 9(a) ، ويتم تمثيل الدورة على مخطط T-S في الشكل 9(b) في المبادل الحراري المثالي سيتم تسخين الهواء من  $T'_2$  إلى  $T_3 = T'_5$  ، وسيتم تبريد الغازات من  $T'_5$  إلى  $T_6 = T'_2$  . يتم توضيح هذه الحالة المثالية في الشكل رقم 9(b) . عمليا يكون هذا مستحيلا بما أنه يتطلب فرق درجة حرارة كبير عند جميع النقاط في المبادل الحراري لكي يتم تجاوز المقاومة لانتقال الحرارة . بالرجوع للشكل رقم (10) ، يكون فرق درجة الحرارة المطلوب بين الغازات والهواء الداخل إلى المبادل الحراري هو  $(T_6 - T'_2)$  ، ويكون فرق درجة الحرارة المطلوب بين الغازات والهواء المغادر للمبادل الحراري هو  $(T'_5 - T_3)$  . إذا لم يكن هنالك فقد حرارة من المبادل الحراري إلى الجو ، فإن الحرارة التي تعطيها الغازات يجب ان تكون مساوية بالضبط للحرارة المأخوذة بالهواء ،

المبادل الحراري



شكل رقم (8)



شكل رقم (10)

$$\text{i.e. } \dot{m}_a c_{pa}(T_3 - T'_2) = \dot{m}_g c_{pg}(T'_3 - T_6)$$

يكون افتراض عدم فقدان حراري من المبادل الحراري مضبوط بكفاية في معظم الحالات العملية . عليه تكون المعادلة عالية صحيحة مهما كانت قيم درجات الحرارة  $T_6, T_3$  .

يتم تعريف فاعلية المبادل الحراري للسماح لفرق درجة الحرارة الضروري لانتقال الحرارة ،  
الحرارة التي يستقبلها الهواء = الفاعلية

i.e.

الحرارة الممكنة القصوى التي يمكن انتقالها من الغازات في المبادل الحراري

$$\text{الفاعلية} = \frac{\dot{m}_a c_{pa}(T_3 - T'_2)}{\dot{m}_g c_{pg}(T'_3 - T'_2)} \quad (1)$$

طريقة أكثر ملائمة لتقييم الأداء لمبادل حراري هي استخدام نسبة حرارية ، يتم تعريفها كـ

ارتفاع درجة حرارة الهواء = النسبة الحرارية (thermal ratio)  
فرق درجة الحرارة الأقصى المتاح

$$\text{i.e. } \text{النسبة الحرارية} = \frac{T_3 - T'_2}{T'_3 - T'_2} \quad (2)$$

بمقارنة المعادلتين (1) و (2) يمكن ملاحظة أن النسبة الحرارية تكون مساوية للفاعلية عندما يكون المقدار  $\dot{m}_a c_{pa}$  مساويا للمقدار  $\dot{m}_g c_{pg}$  .

عندما يتم استخدام مبادل حراري تنخفض الحرارة التي يتم إمدادها في غرفة الاحتراق ، بافتراض ان درجة الحرارة القصوى في الدورة لا تتغير .

لا يتغير صافي شغل الخرج وبالتالي تزيد الكفاءة الحرارية بالرجوع للشكل رقم (10) C

$$= CPg(T_4 - T'_2) \text{ الحرارة المكتسبة بالوقود ( بدون مبادل حراري ) .}$$

$$= CPg(T_4 - T_3) \text{ الحرارة المكتسبة بالوقود ( بمبادل حراري ) .}$$

يمكن فقط استخدام مبادل حراري اذا كان هنالك فرق درجة حرارة كبير كافٍ بين الغازات المغادرة للتوربينة ، والهواء المغادر للضاغط . كمثال ، في الدورة الموضحة في الشكل (11) لا يمكن استخدام مبادل حراري لان درجة حرارة غازات العادم  $T'_4$  تكون اقل من درجة حرارة الهواء المغادر للضاغط ،  $T'_2$  . عمليا ، بما ان درجة حرارة الغاز يمكن أن تكون اكبر من درجة حرارة الهواء المغادر للضاغط ، لا يكون هنالك فرق درجة حرارة كبير بكفاية ليبرر التكلفة الرأسمالية الإضافية والصيانة التابعة المطلوبة لمبادل حراري . أيضا ، عندما يكون فرق درجة الحرارة صغيرا في مبادل حراري ، يجب زيادة مساحة أسطح المبادل الحراري لكي يتم إنجاز قيمة عالية معقولة للنسبة الحرارية . في التوربينات الغازية للطائرة ، حيث تكون نسبة القدرة / الوزن اكثر أهمية من النسبة الحرارية أو العمر الطويل ، لا يتم استخدام مبادل حراري يتم الحصول على قدرة إضافية باستخدام نسب ضغط أعلى ، درجات حرارة قصوى وإعادة التسخين .

لوحداث توربينة غاز صغيرة ( e.g. لوحداث الضخ أو للسيارات ) يجب تصميم مبادل حراري مكثنز ( compact heat exchanger ) قبل أن تأمل مثل هذه الوحداث في أن تصبغ منافسة اقتصاديا لمحركات الاحتراق الداخلي التقليدية ذات القدرة المكافئة . يتم عادة استخدام مبادل حراري في وحداث توربين الغاز الضخم للدفع البحري أو القدرة الصناعية .

**مثال (4):-**

وحدة توليد توربينية غازية ذات قدرة مقدارها 5000 kw تعمل بمرحلتين من الضواغط بتبريد بيني بين المراحل ، تكون نسبة الضغط مساوية لـ 9/1 . يتم استخدام توربينة ذات ضغط عالي لإدارة الضواغط ، وتوربينة ذات ضغط منخفض لإدارة المولد . تكون درجة حرارة الغازات عند مدخل توربينة الضغط العالي هي 650°C ويتم إعادة تسخين الغازات إلى 650°C بعد التمدد في التوربينة الأولى . يتم تمرير غازات العادم المغادر لتوربينة الضغط المنخفض خلال مبادل حراري لتسخين الهواء المغادر لضاغط مرحلة الضغط العالي . للضواغط نسب ضغط متساوية ويكون التبريد البيني كاملا بين المراحل . تكون درجة حرارة الهواء المدخل للوحدة مساوية لـ 15°C ، تكون كفاءة ثابت القصور الحراري لكل مرحلة ضاغط هي 0.8 ، وكفاءة ثابت القصور الحراري لكل مرحلة توربينية هي 0.85 ، تكون النسبة الحرارية للمبادل الحراري مساوية لـ 75% . يمكن افتراض كفاءة ميكانيكية مقدارها 98% لكل من عمود القدرة وعمود توربينة الضواغط . متجاهلا جميع فقودات الضغط والتغيرات في طاقة الحركة ، احسب الكفاءة الحرارية ونسبة الشغل للمحطة ، وسريان الكتلة بالـ kg/s . للهواء خذ  $\gamma = 1.4$  ،  $cp = 1.005 \text{ kJ/kgK}$  وللغازات في غرفة الاحتراق وفي التوربينات والمبادل الحراري خذ  $\gamma = 1.333$  ،  $cp = 1.15 \text{ kJ/kgK}$  تجاهل كتلة الوقود .

**الحل :-**

يتم توضيح المحطة تخطيطيا في الشكل 12(a) ، ويتم تمثيلها على مخطط T-S في الشكل 12(b) . بما ان نسبة الضغط وكفاءة ثابت القصور الحراري لكل ضاغط هي نفسها ، بالتالي فان الشغل المطلوب لكل ضاغط هو نفسه بما ان للضاغطين نفس درجة حرارة الهواء المدخل ، i.g.  $T_2' = T_4'$  و  $T_1 = T_3$  من المعادلة ،

$$\frac{T_2}{T_1} = \left( \frac{P_2}{P_1} \right)^{(\gamma-1)/\gamma} , \frac{P_2}{P_1} = \sqrt{9} = 3$$

$$\therefore T_2 = 288 \times 3^{0.4/1.4} = 394\text{K}$$

بالتالي من المعادلة ،

كفاءة ثابت القصور الحراري لضاغط الضغط المنخفض ،

$$\eta_{isen, L.P.C} = \frac{T_2 - T_1}{T_2' - T_1} = 0.8$$

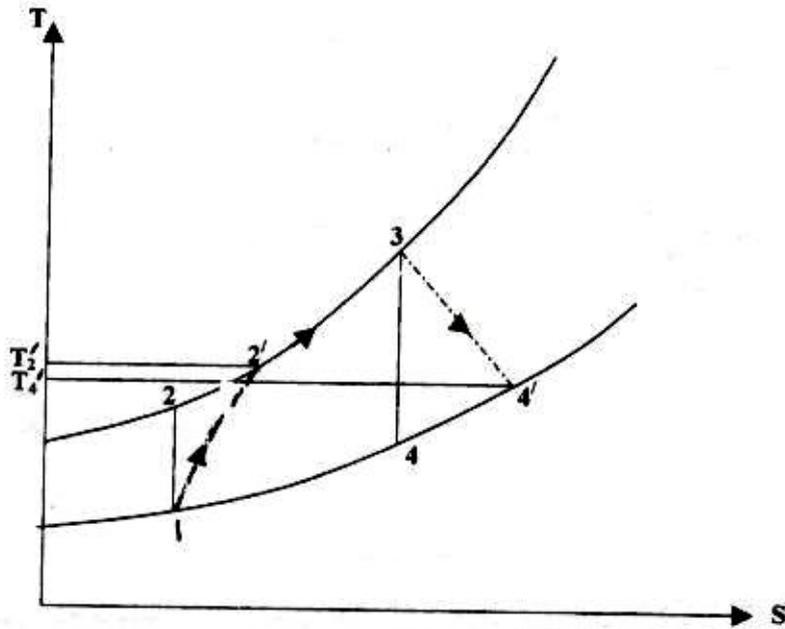
$$\therefore T_2' - T_1 = \frac{394 - 288}{0.8} = \frac{106}{0.8} = \underline{132.5K}$$

$$\text{i.e. } T_2' = 288 + 132.5 = \underline{420.5K}$$

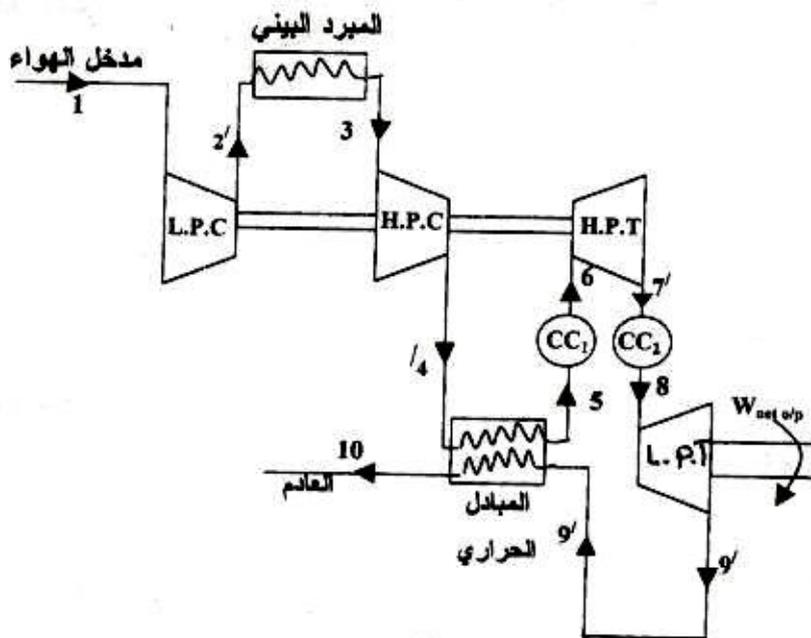
أيضاً ،

$$\text{شغل الدخل لكل مرحلة ضاغط} = CP(T_2' - T_1)$$

$$= 1.005 \times 132.5 = 133.1 \text{ kJ/kg}$$

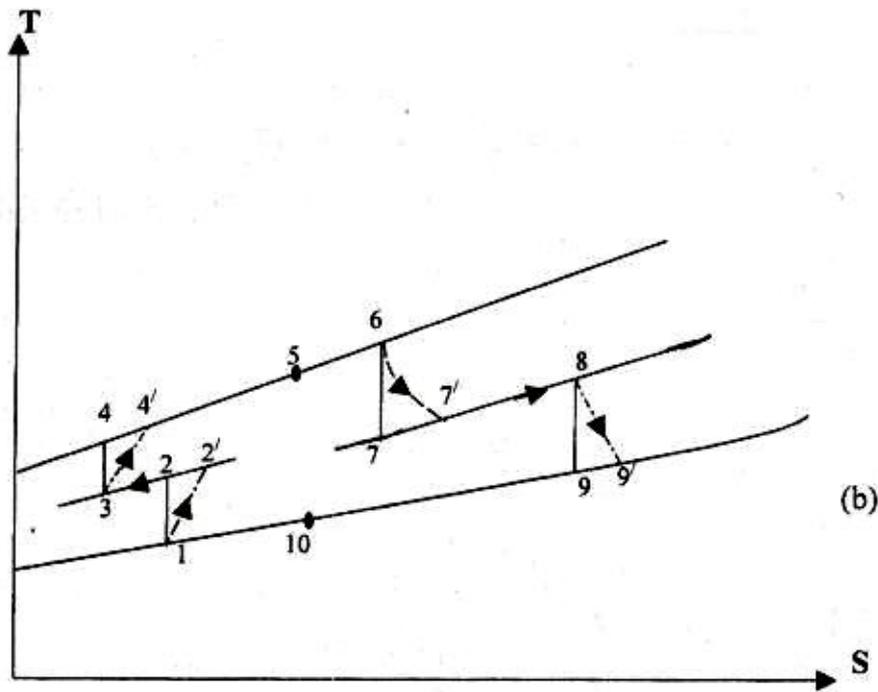


شكل رقم (11)



(a)

شكل رقم (12)



شكل رقم (12)

مطلوب من توربينة الضغط العالي إدارة كلا الضاغطين وتخطي الاحتكاك الميكانيكي .

$$\text{i.e. شغل خرج توربينة الضغط العالي} = \frac{2 \times 133.1}{0.98} = 272 \text{ kJ/kg}$$

$$\therefore cp(T_6 - T_7') = 272$$

$$\text{i.e. } 1.15(923 - T_7') = 272$$

$$\therefore 923 - T_7' = \frac{272}{1.15} = \underline{236.5k}$$

$$\text{i.e. } T_7' = 923 - 236.5 = \underline{686.5k}$$

من المعادلة ،

$$\eta_{\text{isen, H.P.T}} = \frac{T_6 - T_7'}{T_6 - T_7} = 0.85$$

$$\therefore T_6 - T_7 = \frac{236.5}{0.85} = \underline{278K}$$

$$\text{i.e. } T_7 = 923 - 278 = \underline{645K}$$

بالتالي باستخدام المعادلة ،

$$\frac{P_6}{P_7} = \left( \frac{T_6}{T_7} \right)^{\gamma/(\gamma-1)} = \left( \frac{923}{645} \right)^{1.333/0.333} = \underline{4.19}$$

بالتالي ،

$$\frac{P_8}{P_9} = \frac{9}{4.19} = 2.147$$

مستخدما المعادلة ،

$$\frac{T_8}{T_9} = \left( \frac{P_8}{P_9} \right)^{(\gamma-1)/\gamma} = 2.147^{0.333/1.333} = \underline{1.211}$$

$$\therefore T_9 = \frac{923}{1.211} = \underline{762.6K}$$

بالتالي مستخدما المعادلة ،

$$\eta_{isen, L.P.T} = \frac{T_8 - T_9'}{T_8 - T_9} = 0.85$$

$$\therefore T_8 - T_9' = 0.85 \times (923 - 762.6) = 0.85 \times 160.4 = \underline{136.3k}$$

$$\text{i.e. } T_9' = 923 - 136.3 = \underline{786.7K}$$

عليه ،

$$\text{صافي شغل الخرج} = cp_g(T_8 - T_9') \times 0.98$$

$$= 1.15 \times 136.3 \times 0.98 = \underline{153.7kj/kg}$$

من المعادلة 2 ،

$$\text{النسبة الحرارية للمبادل الحراري} = \frac{T_5 - T_4'}{T_9' - T_4'} = 0.75$$

$$\text{i.e. } T_5 - 420.5 = 0.75(786.7 - 420.5) = 0.75 \times 366.2 = \underline{274.7K}$$

$$\therefore T_5 = 420.5 + 274.7 = \underline{695.5K}$$

الآن ،

$$\text{الحرارة المكتسبة} = CP_g(T_6 - T_5) + CP(T_8 - T_9')$$

$$= 1.15(923 - 695.2) + 1.15(923 - 686.5)$$

$$\text{i.e. } \text{الحرارة المكتسبة} = 1.15(227.8 + 236.5) = 534kj/kg$$

بالتالي من المعادلة ،

$$\text{الكفاءة الحرارية} \frac{W}{Q} = \frac{153.7}{534} = \underline{0.288} \text{ أو } \underline{28.8\%}$$

شغل توربينة الضغط المنخفض + شغل توربينة الضغط العالي = إجمالي الشغل للمحطة

$$\text{i.e. الشغل الإجمالي} = 272 + \frac{153.7}{0.98} = \underline{429 \text{ kJ/kg}}$$

عليه ،

$$\text{نسبة الشغل} = \frac{\text{صافي شغل الخرج}}{\text{إجمالي شغل الخرج}} = \frac{153.7}{429} = \underline{0.358}$$

يكون الخرج الكهربائي 5000kw . أجل سريان الكتلة يكون  $\dot{m} \text{ kg/s}$  بالتالي ،

$$5000 = \dot{m} \times 153.7$$

$$\text{i.e. } \dot{m} = \frac{5000}{153.7} = \underline{32.6 \text{ kg/s}}$$

$$\text{i.e. معدل سريان الهواء} = 32.6 \text{ kg/s}$$

مسائل :-

1/ توربينة غاز لها ضغط إجمالي مقداره 5/1 ودرجة حرارة قصوى مقدارها  $550^\circ \text{C}$  . تدوير التوربينة الضاغطة ومولدا كهربائيا ، تكون الكفاءة الميكانيكية للإدارة هي 97% . تكون درجة الحرارة السائدة هي  $20^\circ \text{C}$  وكفاءات ثابت القصور الحراري للضاغط والتوربينة هما 0.8 و 0.83 على الترتيب . أحسب قدرة الخرج بالكيلوواط لسريان هواء مقداره 15kg/s . احسب أيضا الكفاءة الحرارية ونسبة الشغل . تجاهل التغيرات في طاقة الحركة ، وفقد الضغط في غرفة الاحتراق . Ans.(655kw; 12%; 0.168) .

2/ في وحدة توربينة غاز بحرية تدوير توربينة مرحلة الضغط العالي الضاغطة ، وتدوير توربينة مرحلة الضغط المنخفض عمود الدفع خلال مجموعة تروس مناسبة . تكون نسبة الضغط الإجمالي 4/1 ، وتكون درجة الحرارة القصوى هي  $650^\circ \text{C}$  . كفاءات ثابت القصور الحراري للضاغط ، توربينة الضغط العالي ، وتوربينة الضغط المنخفض ، هي 0.8 ، 0.83 ، 0.85 على الترتيب ، وتكون الكفاءة الميكانيكية لكل العمودين 98% . احسب الضغط بين مرحلتَي التوربين عندما تكون حالات سحب الهواء هي 1.01 bar و  $25^\circ \text{C}$  احسب أيضا الكفاءة الحرارية وقدرة العمود عندما يكون سريان الكتلة 60 kg/s . تجاهل تغيرات طاقة الحركة ، وفقد الضغط في الاحتراق .

$$\text{Ans.}(1.57 \text{ bar} ; 14.9\% ; 4560 \text{ kw})$$

3/ للوحدة في المسألة (2) ، أحسب الكفاءة الحرارية التي يتم الحصول عليها عندما يتم تركيب مبادل حراري . افترض نسبة حرارية مقدارها 0.75 .

$$\text{Ans.}(23.4\%)$$

والله اعرف

أسامة محمد المرصق - سلحمان

## الفصل الخامس

### مسائل إضافية في التوربينات الغازية

#### Additional problems in Gas Turbines

ملحوظة: لجميع المسائل في هذا الفصل يمكن اخذ  $\gamma$  و  $C_p$  كـ  $1.005 \text{ kJ/kgK}$  و  $1.4$  لجميع إجراءات الانضغاط ، و كـ  $1.15 \text{ kg/kgK}$  و  $1.333$  لجميع إجراءات الاحتراق والتمدد.

5.1 مسألة (1): إيجاد الكفاءة الحرارية ونسبة الشغل لتوربينة غازية بتجاهل التغييرات في طاقة الحركة وفقد الضغط في غرفة الاحتراق

توربينة غاز لها نسبة ضغط إجمالي مقداره  $5/1$  ودرجة حرارة قصوى مقدارها  $550^\circ\text{C}$  . تدير التوربينة الضاغط ومولداً كهربائياً، وتكون الكفاءة الميكانيكية للإدارة هي  $97\%$  . تكون درجة الحرارة السائدة هي  $20^\circ\text{C}$  وكفاءات ثابت القصور الحراري للضاغط والتوربينة هما  $0.8$  و  $0.83$  علي الترتيب . احسب قدرة الخرج بالكيلو واط لسريان هواء مقداره  $15 \text{ kg/s}$  . احسب أيضا الكفاءة الحرارية ونسبة الشغل للتوربينة. تجاهل التغييرات في طاقة الحركة ، وفقد الضغط في غرفة الاحتراق.

Ans. {655kw; 12% ; 0.168}

5.2 مسألة (2): إيجاد الكفاءة الحرارية وقدرة العمود لتوربينة غازية بتجاهل تغييرات طاقة الحركة وفقد الضغط في الاحتراق

في وحدة توربينة غاز بحرية تدير توربينة مرحلة الضغط العالي للضاغط، وتدير توربينة مرحلة الضغط المنخفض عمود الدفع خلال مجموعة تروس مناسبة. تكون نسبة الضغط الإجمالي  $4/1$  ، وتكون درجة الحرارة القصوى هي  $650^\circ\text{C}$  . كفاءات ثابت القصور الحراري للضاغط، توربينة الضغط العالي، وتوربينة الضغط المنخفض، هي  $0.8$  ،  $0.83$  ،  $0.85$  علي الترتيب، وتكون الكفاءة الميكانيكية لكلا العمودين  $98\%$  . احسب الضغط بين مرحلتي التوربين عندما تكون حالات سحب الهواء هي  $1.01 \text{ bar}$  و  $25^\circ\text{C}$

أحسب أيضاً الكفاءة الحرارية وقدرة العمود عندما يكون معدل سريان الكتلة  $60 \text{ kg/s}$  . تجاهل تغيرات طاقة الحركة ، وفقد الضغط في الاحتراق.

Ans. {1.57 bar ; 14.9% ; 4560 kw}

5.3 مسألة (3): إيجاد الكفاءة الحرارية التي يتم الحصول عليها عندما يتم تركيب مبادل حراري

للوحدة في المسألة (2)، احسب الكفاءة الحرارية التي يتم الحصول عليها عندما يتم تركيب مبادل حراري. افترض نسبة حرارية مقدارها  $0.75$  .

Ans. {23.4%}

5.4 مسألة (4): إيجاد قدرة الخرج بالكيلو واط، الكفاءة الحرارية، معدل سريان ماء التبريد المطلوب

للمبردات البينية والنسبة الحرارية للمبادل الحراري بتجاهل فقودات الضغط وتغيرات طاقة السرعة في محطة توليد بتوربينة غازية تكون نسبة الانضغاط الإجمالية  $12/1$ ، ويتم أدائها في ثلاث مراحل بنسب ضغط مقدارها  $2.5/1$ ،  $2.4/1$ ، و  $2/1$  على الترتيب. تكون درجة حرارة الهواء المدخل إلي المحطة هي  $25^\circ\text{C}$  ويُخفّض التبريد البيني بين المراحل درجة الحرارة إلي  $40^\circ\text{C}$ . تدير توربينة الضغط العالي ضواغط مرحلتي الضغط العالي والضغط المتوسط؛ وتدير توربينة الضغط المنخفض ضاغط مرحلة الضغط المنخفض ومولد التيار المتناوب. يتم إمرار الغازات المغادرة لتوربينة الضغط المنخفض خلال مبادل حراري يقوم بتسخين الهواء للمغادر لضاغط مرحلة الضغط العالي. تكون درجة الحرارة عند مدخل توربينة الضغط العالي هي  $650^\circ\text{C}$ ، ويرفع إجراء إعادة التسخين بين مرحلتي التوربين درجة الحرارة إلي  $650^\circ\text{C}$ . تغادر الغازات المبادل الحراري عند درجة حرارة مقدارها  $200^\circ\text{C}$ . كفاءة ثابت القصور الحراري لكل مرحلة ضاغط هي  $0.83$  ، وكفاءات ثابت القصور الحراري لتوربينات الضغط العالي والضغط المنخفض هي  $0.85$  و  $0.88$  على الترتيب. خذ الكفاءة الميكانيكية لكل عمود كـ  $98\%$ . تكون سريان كتلة الهواء مساوية لـ  $140\text{kg/s}$ . احسب قدرة الخرج بالـ  $\text{kw}$  ، الكفاءة الحرارية، وسريان ماء التبريد المطلوب

المبردات البينية عندما لا يجب أن يزيد الارتفاع في درجة حرارة الماء عن 30K . تجاهل فقودات الضغط والتغيرات في طاقة السرعة ، وخذ سعة الحرارة النوعية للماء كـ  $4.19 \text{ kJ/kgK}$  . احسب أيضاً النسبة الحرارية للمبادل الحراري.

Ans. {25,300 kw ؛ 33.7% ؛ 223 kg/s ؛ 0.825}

### 5.5 مسألة (5): إيجاد قدرة الخرج بالكيلو واط والكفاءة الحرارية الإجمالية للمحطة

في مجموعة توليد بتوربينة غاز يتم استخدام مرحلتي انضغاط بمبرد بيني بين المراحل. تدير توربينة الضغط العالي ضاغط الضغط العالي، وتدير توربينة الضغط المنخفض ضاغط الضغط المنخفض وموآد التيار المتناوب. يتم إمرار العادم من توربينة الضغط المنخفض خلال مبادل حراري يقوم بنقل الحرارة للهواء المغادر لضاغط الضغط المنخفض. هنالك غرفة احتراق لإعادة التسخين بين مرحلتي التوربينة تقوم برفع درجة حرارة الغاز إلي  $600^\circ\text{C}$  ، التي هي أيضاً درجة حرارة الغاز عند مدخل توربينة الضغط العالي . تكون نسبة الضغط الإجمالية مساوية لـ  $10/1$  ، حيث يكون لكل ضاغط نفس نسبة الضغط ، وتكون درجة حرارة الهواء عند مدخل الوحدة مساوية لـ  $20^\circ\text{C}$  . بافتراض كفاءات ثابتة قصور حراري مقدارها 0.8 لكلا مرحلتي الضاغط، و 0.85 لكلا مرحلتي التوربين، ويتم استخدام 2% من الشغل لكل توربينة في تجاوز الاحتكاك، احسب قدرة الخرج بالكيلو واط لسريان كتلة مقدارها  $115 \text{ kg/s}$  . يمكن أخذ النسبة الحرارية للمبادل الحراري كـ 0.7 ، ويكون التبريد البيني كاملاً بين مرحلتي الضاغط. تجاهل جميع الفقودات في الضغط، وافترض أن التغيرات في السرعة تكون صغيرة بحيث يتم تجاهلها . احسب أيضاً الكفاءة الحرارية الإجمالية للمحطة.

Ans. {14,460 kw ؛ 25.7%}

5.6 مسألة (6): إيجاد الكفاءة الحرارية الإجمالية، القدرة المنتجة، واستهلاك الوقود النوعي بتجاهل

فقودات الضغط والتغيرات في طاقة الحركة

وحدة توربينة غاز لمحرك سيارة لديها ضاغطا طرد مركزي موصلان علي التوالي ليعطيا نسبة ضغط إجمالية مقدارها 6/1 . يتم إمرار الهواء المغادر لضاغط الضغط العالي خلال مبادل حراري قبل الدخول إلي غرفة الاحتراق. يتم التمدد في مرحلتي توربين، تُدير المرحلة الأولى الضواغط، وتدير المرحلة الثانية السيارة خلال مجموعة تروس. تُمرّر الغازات المغادرة لتوربينة الضغط المنخفض خلال مبادل حراري قبل استفادها إلي الجو. تكون درجة حرارة مدخل توربينة الضغط العالي مساوية لـ  $800^{\circ}\text{C}$  ودرجة حرارة الهواء المدخل للوحدة مساوية لـ  $15^{\circ}\text{C}$  . كفاءة ثابت القصور الحراري للضاغط هي 0.8 ، وتلك لكل توربينة هي 0.85 ؛ تكون الكفاءة الميكانيكية لكل عمود هي 98% . بتجاهل فقودات الضغط والتغيرات في طاقة الحركة ، احسب الكفاءة الحرارية الإجمالية والقدرة المنتجة عندما تكون سريان كتلة الهواء مساوية لـ  $0.7\text{ kg/s}$  . يتم افتراض النسبة الحرارية للمبادل الحراري مساوية لـ 0.65 . احسب أيضاً استهلاك الوقود النوعي عندما تكون القيمة الحرارية للوقود المستخدم هي  $42600\text{ kJ/kg}$  وكفاءة الاحتراق 97% .

Ans. {28.7 % ؛ 94.3kw ؛ 0.303 kg/kwh}

5.7 مسألة (7): إيجاد قدرة الخرج النوعية والكفاءة الحرارية بتجاهل فقد الضغط في غرفة الاحتراق

في محرك دفع توربيني (turbo-propeller engine) تكون نسبة الضغط للضاغط هي 6/1 ودرجة الحرارة القصوى في الدورة هي  $760^{\circ}\text{C}$  . تكون كفاءات ثابت القصور الحراري للضاغط والتوربينة هي 0.85 و 0.88 علي الترتيب، والكفاءة الميكانيكية هي 90% . كفاءة نفق أو ماسورة السحب هي 0.9 . احسب قدرة الخرج النوعية بالـ kw لكل kg/s والكفاءة الحرارية عندما تسافر الطائرة بسرعة  $725\text{ kw/h}$  عند ارتفاع تكون عنده درجة الحرارة المحيطة مساوية لـ  $7^{\circ}\text{C}$  - .

تجاهل فقد الضغط في غرفة الاحتراق ، وافترض أن الغازات في التوربينة تتمدد أسفل إلي الضغط الجوي ، وتغادر الطائرة عند سرعة مقدارها  $725\text{ kw/h}$  بالنسبة للطائرة.

Ans. {166.7 kw per kg/s, 27.8%}

5.8 مسألة (8): قدرة الخرج النوعية والكفاءة الحرارية عندما لا يتم تجاهل فقد الضغط

يكون الفقد في الضغط الكلي في إجراء الاحتراق في المسألة (7) هو 3% من ضغط المدخل الكلي إلى

الغرفة . احسب قدرة الخرج النوعية والكفاءة الحرارية عندما لا يتم تجاهل فقد الضغط .

Ans. {164 kw per kg/s ; 27.3%}

5.9 مسألة (9): إيجاد معدل سريان الهواء، نسبة الشغل، درجة حرارة الهواء المدخل إلى غرفة الاحتراق

الأولى، والكفاءة الإجمالية للدورة

في محطة توربين غازي يدخل الهواء الضاغط عند حالات جوية مقدارها  $15^{\circ}C$  و  $1.0133 \text{ bar}$  ويتم

انضغاطه خلال نسبة ضغط مقدارها 10. يُمرر الهواء المغادر للضاغط خلال مبادل حراري قبل إدخاله إلى

غرفة الاحتراق. تغادر الغازات الساخنة غرفة الاحتراق عند  $800^{\circ}C$  وتتمدد خلال توربين ضغط عالي يقوم

بإدارة الضاغط. عندما تغادر الغازات توربين الضغط العالي يتم تمريرها خلال غرفة احتراق إعادة تسخين

والتي بدورها ترفع درجة حرارة الغازات إلى  $800^{\circ}C$  قبل تمزجها خلال توربينة القدرة، ومن بعد إلى

المبادل الحراري حيث تتساقط بسريران مضاد أو متعاكس مع الهواء المغادر للضاغط. مستخدماً البيانات

أدناه، ومتجاهلاً معدل سريان كتلة الوقود وتغيرات السرعة خلال الدورة، احسب الآتي:

(i) معدل سريان الهواء المطلوب لاصافي قدرة خرج مقدارها 10Mw.

(ii) نسبة الشغل في الدورة.

(iii) درجة حرارة الهواء المدخلة إلى غرفة الاحتراق الأولى.

(iv) الكفاءة الإجمالية للدورة.

بيانات:

كفاءة ثابت القصور الحراري للضاغط = 80%.

كفاءات ثابت القصور الحراري لتوربين الضغط العالي ولتوربين القدرة = 87% و 85% .

الكفاءة الميكانيكية للإدارة في توربين الضغط العالي / الضاغط = 92%.

الكفاءة الميكانيكية للإدارة في توربين القدرة = 94%.

النسبة الحرارية للمبادل الحراري = 0.75 .

هبوط الضغط على جانب الهواء في المبادل الحراري = 0.125 bar .

هبوط الضغط في غرفة الاحتراق الأولى = 0.100 bar .

هبوط الضغط في غرفة احتراق إعادة التسخين = 0.080 bar .

هبوط الضغط على جانب الغاز في المبادل الحراري = 0.100 bar .

Ans. {91.0 kg/ s; 0.25 ; 611° C ; 18.9 %}

5.10 مسألة (10): إيجاد معدل سريان كتلة الهواء المدخل إلى الضاغط، درجة حرارة الهواء المدخلة إلى

غرفة الاحتراق والكفاءة الإجمالية للدورة

محطة توربين غاز مفتوح الدورة يُستخدم لتوليد قدرة في مصفاة بترول. تُدير وحدة توربين الغاز مولداً يقوم بدوره بإمداد محرك كهربائي بقدرة مقدارها 2400 kw . الكفاءة الإجمالية الميكانيكية والكهربائية هي 92%. بعض من غاز العادم من التوربين عند 530° C يتم إمداده إلى فرن في المصفاة بمعدل سريان مقداره 2kg/s ، ما تبقى من غاز يتم تمريره بسريان متعاكس خلال مبادل حراري حيث يقوم بتسخين الهواء المغادر للضاغط، ومن بعد يُمرّر إلى الجو عند 400° C . للضاغط نسبة ضغط مقدارها 8 ويكون الهواء مدخل الضاغط عند 1.013 bar و 20 ° C . هبوط الضغط في جانب الهواء للمبادل الحراري يساوي 0.16 bar ، و هبوط الضغط في غرفة الاحتراق يساوي 0.12 bar ، و هبوط الضغط في جانب الغاز للمبادل الحراري يساوي 0.05 bar . كفاءات ثابت القصور الحراري للضاغط والتوربين هما على التوالي 0.85 و 0.92 . متجاهلاً فقودات الحرارة في المبادل الحراري، ومعدل سريان كتلة الوقود، احسب:

(i) معدل سريان كتلة الهواء المدخل إلى الضاغط.

(ii) درجة حرارة الهواء المدخلة إلى غرفة الاحتراق.

Ans. { 10.82 kg/s ; 421.0 ° C ; 34.2% }

5.11 مسألة (11): إيجاد الكفاءة الإجمالية لدورة مغلقة لتوربين غازي

محطة توربين غاز ذو دورة مغلقة تستخدم الهيليوم كمانع تشغيل يتم استخدامها في مبادل حراري تجريبي. يتم انضغاط الهيليوم في مرحلتين بمبرد بيني بين المرحلتين. قبل تمريره خلال سخان حيث يتم تسخينه خارجياً بمانع تبريد المفاعل، يتم تسخين الهيليوم ابتدائياً في مبادل حراري حيث يمرر بسريان متعاكس مع الهيليوم المغادر للتوربين. يتم تبريد الهيليوم المغادر للتوربين في المبادل الحراري قبل إمراره خلال مبرّد حيث يتم تبريده بماء تبريد إلى درجة حرارة المدخل المطلوبة إلى الضاغط، وبالتالي تكتمل الدورة. مستخدماً البيانات أدناه، احسب الكفاءة الإجمالية للدورة.

بيانات:

الضغط ودرجة الحرارة عند مدخل الضاغط الأول = 18 bar و 30 C .

نسبة الضغط لكل ضاغط = 2 .

درجة حرارة الهيليوم المغادر للمبرّد البيني = 30 C .

درجة حرارة الهيليوم المدخل إلى التوربين = 800 ° C .

كفاءة ثابت القصور الحراري لكل ضاغط = 0.83 .

كفاءة ثابت القصور الحراري للتوربين = 0.86 .

فاعلية المبادل الحراري = 0.8 .

فقد الضغط كنسبة مئوية من الضغط المدخل إلى كل مكونة:

المبرّد البيني والمبرّد الخارجي = 1% .

كُلَّ جانب من المبادل الحراري = 2% .

السخان الخارجي = 3% .

خذ  $\gamma$  للهيليوم مساوية لـ 1.666 .

Ans. {32.6%}

## الكتب والمراجع

### الكتب والمراجع العربية:

1. أسامة محمد المرضي سليمان خيال، " مذكرة محاضرات ديناميكا حرارية I"، جامعة وادي النيل، كلية الهندسة والتقنية، قسم الهندسة الميكانيكية، (1993م).
2. أسامة محمد المرضي سليمان خيال، "مذكرة محاضرات التوربينات الغازية والبخارية"، جامعة وادي النيل، كلية الهندسة والتقنية، قسم الهندسة الميكانيكية، (1994م).
3. بروفيسر/ الفاضل آدم عبد الله، "مذكرة محاضرات الديناميكا الحرارية وانتقال الحرارة"، جامعة وادي النيل، كلية الهندسة والتقنية، قسم الهندسة الميكانيكية، (1975م).
4. بروفيسر/ صابر محمد صالح، "مذكرة محاضرات ديناميكا حرارية وانتقال حرارة وكتلة"، جامعة السودان للعلوم والتكنولوجيا، كلية الهندسة، قسم الهندسة الميكانيكية، (1980م).
5. أسامة محمد المرضي سليمان خيال، "مذكرة محاضرات ديناميكا حرارية II"، جامعة وادي النيل، كلية الهندسة والتقنية، قسم الهندسة الميكانيكية، (1995م).
6. عمار سند على عبدان، "كيفية عمل المحركات النفاثة في الطائرة"، اليمن، تعز، (2010م).
7. مهندس صالح سعيد بوحليقة، "التوربينة الغازية"،  
www.e-kutub.com ، Email: zwuitina@yahoo.com ، (2009م).
8. أسامة محمد المرضي سليمان خيال، " مذكرة محاضرات تعديلات الدورة الأساسية للتوربينة الغازية"، جامعة وادي النيل، كلية الهندسة والتقنية، قسم الهندسة الميكانيكية، (2000م).
- مهندس صالح سعيد بوحليقة، "مكونات التوربينة الغازية"، محطة كهرباء الزيتينة الغازية- ليبيا،  
www.e-kutub.com ، Email: zwuitina@yahoo.com ، (2009م).

9. أحمد حسن أحمد، "دراسة أداء محطة بيجي الغازية الوحدة الأولى والثالثة"، مجلة تكريت للعلوم الهندسية، المجلد 17، العدد 4، (2010)، الصفحات (45-55).
10. أسامة محمد المرضي سليمان خيال، "مذكرة محاضرات محطات القدرة الحرارية"، جامعة وادي النيل، كلية الهندسة والتقنية، قسم الهندسة الميكانيكية، (2002م).
11. أسامة محمد المرضي سليمان خيال، "دراسة جدوى فنية واقتصادية لإنشاء محطة توليد بتوربين غازي"، جامعة وادي النيل، كلية الهندسة والتقنية، قسم الهندسة الميكانيكية، (2005م).

### الكتب والمراجع الإنجليزية:

1. Eastop and McConkey, "Applied Thermodynamics for Engineering Technologists, Longman Singapore Publishers LTD., Singapore (1994).
2. Rogers and Mayhew, "Engineering Thermodynamics Work and Heat Transfer", Longman Group Limited London and New York, Third Edition, (1980).
3. Claire M. Sores, "Gas Turbines in Simple Cycle and Combined Cycle Applications", P.E.; Fellow ASME; MBA, Email: Claisoar@aol.com, (2016).
4. V.Ganesan, "Gas Turbines", Tata McGraw-Hill Education, (2003).
5. H. Cohen, G.F.C. Rogers, H.I.H. Sara Vana Muttoo, "Gas Turbine Theory", 4<sup>th</sup> Edition, Longman Group Limited, Longman House, Burnt Mill, Harlow, Essex CM 20 2JE, England and Associated Companies throughout the World, (1996).
6. William W. Bathie, "Fundamentals of Gas Turbines", Second Edition, Library of Congress, ISBN: 0-471-31122-7, (1996).
7. Meherwan P. Boyce, "Gas Turbine Engineering Handbook", Fourth Edition, Elsevier Inc., (2011).

8. Claire Soares, "Gas Turbines", Second Edition, A Handbook of Air, Land and Sea Applications, ISBN: 978-0-12-410461-7, Elsevier Inc. (2014).
9. Bahman Zohuri, "Gas Turbine Working Principles", Springer Link, (2015).
10. Desmond E. Winterbone, "Advanced Thermodynamics for Engineers, John Wiley and Sons, New York, (1997).
11. P. K. Nay. "Power Plant Engineering" Tata McGraw- Hill Publishing Company Limited, New Delhi, (2006).
12. Black and Vetch, "Power Plant Engineering", Amazon Books, (2005).

\* المصدر الأساسي للطاقة الحرارية هو الطاقة الكيميائية للمواد المسماة بالوقود التي تنطلق عند احتراقه بالوقود مع الهواء .  
 \* الوقود مثل البترول ، الفحم ، والغاز الطبيعي تسببت بالاحتراقات الطبيعية في أبحاث سحيقة في باطن الأرض نتيجة لدرجة حرارة باطن الأرض .

\* هذه الوقودات تسمى بالوقودات الأحفورية الصخرية (fossil fuels) وهي وقودات مستنفذة أي قابلة للاحتراق نتيجة للطلب العالي عليها في الصناعات المختلفة صغيرة ، متوسطة ، كبيرة وهي تسببت أضراراً سيالة ومحركات الاحتراق الداخلي والتوربينات البخارية والغازية وغيرها من التطبيقات الهندسية .

\* الطلب العالي على هذه الوقودات أجبر العالم على إيجاد مصادر جديدة للطاقة تحمل محل الوقود الأحفورية مثل طاقة الشمس (solar energy) ، طاقة تيارات الرياح (wind current energy) ، طاقة تيارات المياه (water current energy) .

طاقة حرارة باطن الأرض ، البيوتان أي الغاز الحيوي ، والبيوتاس أي الكتلة الحيوية ، بالإنعاش طاقة تيارات المد والجزر (tidal energy) ، بالإنعاش لتقانة الخلية . (hydroelectric energy) حيث من الملاحظ كيف استخدم سيارات وطائرات تعمل بالطاقة الشمسية .  
 محركات ومعدات الطاقة البديلة :-

- (Advantages and Limitations of Alternative renewable energy)
- 1/ الطاقة الشمسية :- /المحركات
  - 1/ الطاقة من الشمس مجانية ومتوفرة .
  - 2/ لا تنسأ عن غازات مثل  $CO_2$  و  $CO$  والراديو كربونات .
  - 2/ المحركات :-
  - 1/ في الوقت الذي نأه بناء محطات القدرة الشمسية ذو تكلفة عالية جداً (تكلفة الخلايا الشمسية والبطاريات)
  - ii/ لا تتوفر في جميع الأماكن (فقط في المناطق المدارية والأستوائية)
  - iii/ لا تتوفر أثناء الليل .

## الفصل السادس استخدامات الطاقة

طاقة تيارات الرياح :-

المميزات :-

- i/ لا تسبب في إنتاج غازات الميزك الأضغندر (green house gases)
- ii/ قد يصل عمق الوحدة (25 حدة)
- iii/ آمنة الاستخدام

المحذات :-

- i/ تحتاج لعدد كبير من التقيينات لتوليد الكهرباء
- ii/ تستخدم فقط في الأماكن ذات سرعات الرياح العاليه (أكثر من 3 m/s)
- iii/ الطاقة الكهرومائية (Hydro-electric)

المحذات :-

- i/ لا تسبب في إنتاج غازات الميزك الأضغندر
- ii/ الطاقة المائية متوفرة ولا تستنفذ
- iii/ الطاقة الكهرومائية أكثر اعتمادية من طاقة الرياح أو الطاقة الشمسية

المحذات :-

- i/ الطاقة أو العدة الكهرومائية تحتاج للميات كإفنه لأمنه الماء لإدارة التقيينات
  - ii/ بناء السدود مكلف جداً (تصيراً كبيراً في حضائس وسلوك مجرى النهر)
  - iii/ بناء سدود ضخمة مثل سد النهضة قد يسبب أخطاراً في مجرى النهر وياتى في
- يؤثر على الإنسان والبيئة الحية من محيطات وياتى بالثاى حله احتماد سدود صغيرة

طاقة الكتلة الحيوية :- (Biomass energy)

المميزات :-

- i/ متوفرة في جميع أنحاء العالم حيث تستخدم مخلفات المحاصيل والنبات التي عادة ما يتم التخلص منها (أي حله باعتبارها مخلفات للبيئة)
- ii/ متوفرة الكتلة الحيوية للإستنفذ

المحذات :-

- i/ زراعة محاصيل الكتلة الحيوية (القمح، قصب السكر، الذرة وغيرها) يحتاج مساحات كبيرة بالثاى قد يحل مساحات محاصيل أكثر أهمية في غذاء الإنسان
- ii/ ينتج عنه غاز  $CO_2$  عند التحمير والحرق

مميزات ومحددات الطاقة غير المتجددة :-

### Advantages and disadvantages of Non-renewable energy

#### النفط (Coal) :-

##### المميزات :-

- i / النفط هو نسبياً أخف من أشكال الطاقة .
- ii / لا تزال هناك أساليب عديدة في المملكة المتحدة UK وبقيّة العالم تحلله لإيجاد النفط مرةً -
- iii / سهولة النقل إلى محطات القدرة .

##### المحددات :-

- i / محطات النفط ستنتفد بحلول 100 عام .
- ii / عند حرقه النفط ينتج كميات كبيرة من غازات الميزل الأخضر (CO<sub>2</sub>) .
- iii / يستعمل النفط من مناجم في باطن الأرض وهي خطيرة وتؤثر على البيئة المتجددة .

#### (gas and oil)

#### الغاز والنفط

##### المميزات :-

- i / الغاز والنفط يوجداً في أماكن عديدة حول العالم .
- ii / يمكن نقلها بسهولة عبر خطوط الأنابيب أو عبر السفن .
- iii / الغاز الطبيعي هو الأنظف في المقدرات الأحفورية الطبيعية حيث يطلق نصف غازات الميزل الأخضر التي يطلقها النفط .

##### المحددات :-

- i / كمادات النفط والغاز قابلة للنفاذ . وعندما تنفذ فإننا نتفد للأبد .
- ii / العمل على أجهزة نقل الغاز أو النفط حاليه أمر يكلوه خطيراً على الأحياء (الإنشعالات ، الحرائق ، ... الخ) والبيئة المحيطة (تدفقات متسربات الغاز والنفط) (oil spills) .
- iii / حرق النفط والغاز يطلق تلوفاً يزيد من درجة حرارة اللوم (global warming)

المميزات :-

i / الوقود النووي لا ينطلق منه غازات المثلث الاخضر

ii / مقدار صغير جداً من الوقود النووي يولد كميةً كبيرةً للإنتاج

كميات صغيرة من الطاقة -

المحددات :-

i / أعداد الوقود النووي مستنفذ خلال 50 عاماً

ii / المخزونات الناتجة <sup>النفايات النووية</sup> (waste produced) من المفاعلات النووية

تولد نسبةً كبيرةً (radioactive) وبالنسبة لعدد خطيرة لفترات طويلة

من الزمن. في الوقت الحالي لا يتم تخزينها من النفايات النووية.

لا يتوفر أو يوجد

تسببات مصادر الطاقة وبإجراءات الطاقة على مستوى العالم من الصعوبة جدًا  
تحديها ولله الحقيقتة اليقينية تقول أتم الوقود الطمري سينالسي وحيسنتفند  
في المستقبل القريب. بالتالي يجب إيجاد مصادر جديدة للطاقة ويجب استخدام  
الطاقة بترشيد أكبر وبكفاءة عالية.

صناعات تميل وامنح ليزده الحقاقت والعديد من الدول اليعم تقوم بتفند حياسات  
ترسيد الطاقة وتصبح البحث العلمي للإسلام في خلد أجيال جديدة تقوم  
باستخدام الطاقة بكفاءة عالية.

المعامل التالية توضح تصديقات هذه المسئلة :-

- 1/ صناعات تقات لير في توزيع مصادر الوقود في العالم من وجهة نظر الطلب على الطاقة.
- 2/ إمكانية الوصول إلى الوقودات وتكلفة استخلاصها.
- 3/ موقع الدول من الطاقة مختلف جدا حسب مسارات باعداد صناعات لوقود الفاز  
الطبيعي بينما للتملة المتحدة أعلى إمكانية طاق للفحم، الزيت والفاز. بالتالي نأته  
بعض الدول ستقوم بتطوير تكنولوجيا جديدة للإستفادة من مصادر جديدة للطاقة  
بينما ستعتمد دول أخرى على الوقودات الطرية المتوفرة لديها.
- 4/ تأثير الطلب على الطاقة من قبل الدول النامية من أجل إنشاء مساح البيئية  
التحتمية لديها من طرق وكبرى وسدود وخزانات ومصانع متوسطة وكبيرة ومصناعات  
كصناعة وغيرها.
- 5/ التغيرات السياسية والإستقرار السياسي للدول ذات الإمكانات العلية للطاقة.
- 6/ الإمكانات البديلة تلوم عرضة للتخريب (salvage).
- 7/ السعة التخزينية محدودة.
- 8/ الطلب على الطاقة لا يحل التوليم جيد فهو متفاوت فترات اليعم وخلال السنة.
- 9/ فترات الحملية حيلم أنه تؤثر في الطلب على الوقود وتوفره ومقدرات أساسية.
- 10/ التصيرات في التكنولوجيا لا يتم تنظيمها بسهولة حسب الحجم.
- 11/ عدم الإحتياج اليقيني للوقودات التي تلوث البيئية (منظمات حماية البيئية).
- 12/ أحجار الوقود تحمل الملح الأساسي في إحتياجها وهذا يعتمد على ترشيد السفر العالمي.

(Combined cycles)

الدورات الموحدة :-  
في وحدة القدرة التوليدية صناعات مفعولات كبيرة للطاقة نتيجة للحرارة التي يتم طردها  
بعد الاستفادة منها . إحدى الوسائل التي تجعل إنتاج القدرة أكثر كفاءة هي استخدام  
دورة تلوها من وحدات قدرة حيث يُستفاد من الحرارة الملوثة من الوحدة الأولى في  
إعداد الحرارة للوحدة الثانية .

يتم استخدام دورة تقييس غاز مع دورة تقييس بخار . تقييس الغاز هي الوحدة ذات درجة  
الحرارة الأعلى حيث أنه الغازات المضافة للتقييس ترفع عند درجة حرارة كافية  
لتم استخدام المصدر للحرارة لإنتاج بخار عند منط ودرجة حرارة متساوية .

الشكل 17-3 أريانه يُوضح هذا الإتحاد باستخدام وحدة تقييس غاز مطلق الدورة ،  
والشكل 17-4 يوضح ترتيبه لتقييس غاز مطلق الدورة حيث تم غازات العادم

مباشرة لمولد البخار . تسمح وحدة الدورة المفضحة بحرق وقودها صناعي في جدول غاز  
العادم في المولد بما أنه نسبة الهراء (الوقود لتقييس غاز تلوها عالية وصناعات السجيد  
كافي في عادم التقييس لاستخدامه في حرقه في صناعي .

سؤال (1) : بفرض محطة عدة مسترلة من وحدة تقييد غاز ووحدة تقييد بخار يتم لإعداد  
 مادام تقييد الغاز إلى ك مولد البخار - مستخدماً البيانات أدناه ، متجاصلاً معدّل  
 سيرانه اللثة للموقود ، نخل صنفه التقذية وجميع فقرات العنط ، أحسب :-

- i/ لقاء الدورة <sup>لديرة</sup> تقييد الغاز
- ii/ لقاء الدورة <sup>موقود</sup> لعدة تقييد البخار - إذا تم لإعداد العجولة إلى ك مولد البخار بواسطة إعداد <sup>موقود</sup> خارجي
- iii/ معدلات سيرانه اللثة للرواء (i) تقييد الغاز وصيدانه اللثة للبخار (ii) تقييد البخار -

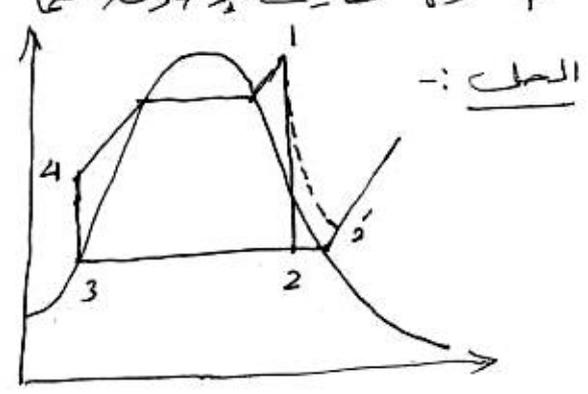
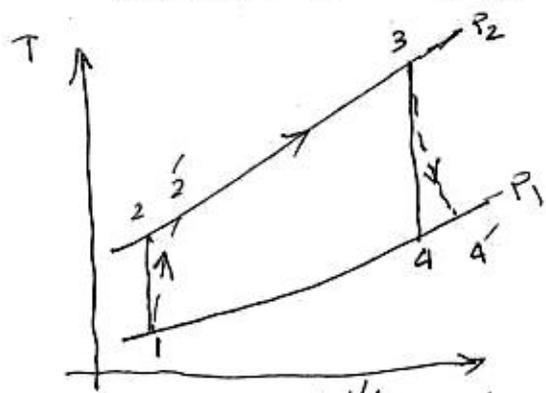
iv/ الكفاءة الإجمالية للدورة المسترلة -

بيانات :- نسبة العنط لدورة تقييد الغاز 8  
 درجة حرارة الرواء المدخل (i) العناط 15°C  
 نسبة الحرارة القصوى لدورة تقييد الغاز 800°C  
 نسبة حرارة الغازات الخارجة لمولد البخار 160°C  
 حالات البخار عند مدخل التقييد 20 bar ، و 400°C  
 منط الملتك 0.05 bar

قوة الضرب اللية للمحولة ، 50 MW

كفاءات كاتب القصد احراقي لعناط الرواء ، تقييد الغاز و تقييد البخار  
 البخار - 80% ، 82% ، 85% على التوالي

$\gamma_p$  ولا لغايات الإحتراف هما K و  $\gamma_p$  1.11 و 1.333



$$T_2 = T_1 \left( \frac{P_2}{P_1} \right)^{\gamma-1/\gamma}$$

$$\therefore T_2 = 288 \text{ (8)} = 521.7 \text{ K}$$

(7)

ماد  
المركب

حوسب :-

فان

لـ

$$\eta_{isen, C} = \frac{\text{النسبة المثلثية المثلثية}}{\text{النسبة المثلثية المثلثية}} = \frac{T_2 - T_1}{T_2' - T_1} \quad (T_2' - T_1) = \frac{T_2 - T_1}{\eta_{isen, C}} \quad \therefore T_2' = T_2 + \frac{T_2 - T_1}{\eta_{isen, C}}$$

$$\therefore T_2' = 288 + \frac{(521.7 - 288)}{0.8} = 580.1 \text{ K}$$

$$\frac{T_3}{T_4} = \left( \frac{P_3}{P_4} \right)^{\frac{\gamma-1}{\gamma}} \quad \therefore T_4 = \frac{T_3}{\left( P_3/P_4 \right)^{\frac{\gamma-1}{\gamma}}}$$

$$\therefore T_3 = 800 + 273 = 1073 \text{ K}$$

$$\therefore T_4 = \frac{1073}{(8)^{0.333/1.333}} = 638.3 \text{ K}$$

$$\eta_{isen, T} = \frac{\text{النسبة المثلثية المثلثية}}{\text{النسبة المثلثية المثلثية}} = \frac{T_3 - T_4'}{T_3 - T_4} \quad \therefore T_4' = T_3 - \eta_{isen, T} (T_3 - T_4)$$

$$\therefore T_4' = 1073 - 0.82 (1073 - 638.3) = 716.5 \text{ K} = 443.3 \text{ }^\circ\text{C}$$

$$W_{net \text{ o/p}} = \text{شغل التبريد} - \text{شغل التسخين}$$

$$= c_p (T_3 - T_4') - c_p (T_2' - T_1)$$

$$= 1.11 (1073 - 716.5) - 1.005 (580.1 - 288) = 102.2 \text{ kJ/kg}$$

سنة

$$Q_{supplied} = c_p (T_3 - T_2') = 1.11 (1073 - 580.1) = 547.1 \text{ kJ/kg}$$

$$\eta_{gt} = \frac{W_{net \text{ o/p}}}{Q_{supplied}} = \frac{102.2}{547.1} = 18.7\%$$

جداول البخار عند  $T = 400^\circ\text{C}$ ,  $P = 20 \text{ bar}$

T

$$h_1 = 3248 \text{ kJ/kg}$$

$$h_f = h_3 = h_4 = 138 \text{ kJ/kg} \quad P = 0.005 \text{ bar}$$

$$h_2 = 2173 \text{ kJ/kg}$$

$$h_2 = h_{f2} + x h_{fg2}$$

$$s_1 = s_2 = s_{f2} + x s_{fg2}$$

$$\eta_{isen, T} = \frac{h_1 - h_2'}{h_1 - h_2}$$

$$\therefore h_1 - h_2' = \eta_{isen, T} (h_1 - h_2) = 0.8 (3248 - 2173) = 860 \text{ kJ/kg}$$

$$\therefore \text{شغل تبريد التبريد}, W = 860 \text{ kJ/kg}$$

$$h_1 - h_3 = 3248 - 138 = 3110 \text{ kJ/kg}$$

$$\eta_{st} = \frac{860}{3110} = 27.7\%$$

المعادلة لمعدل الكفاءة = درجة حرارة الغازات - الحرارة المتعديين  
 طليانة الطاقة في معدل انبعاث = للمتنسبة في تعديين  
 الطاقة الحرارية = انبعاث

$$\frac{\dot{m}_a}{\dot{m}_s} = 9.883$$

$$\therefore \dot{m}_a = 9.883 \dot{m}_s$$

$$5041 \text{ W} = \text{قوة المخرج الكلية}$$

$$\text{قوة المخرج الكلية} = \dot{m}_a w_{net/op} + \dot{m}_s w_{net/op}$$

gas turbine                  steam turbine

$$\dot{m}_a (102.2) + \dot{m}_s (860) = 50,000$$

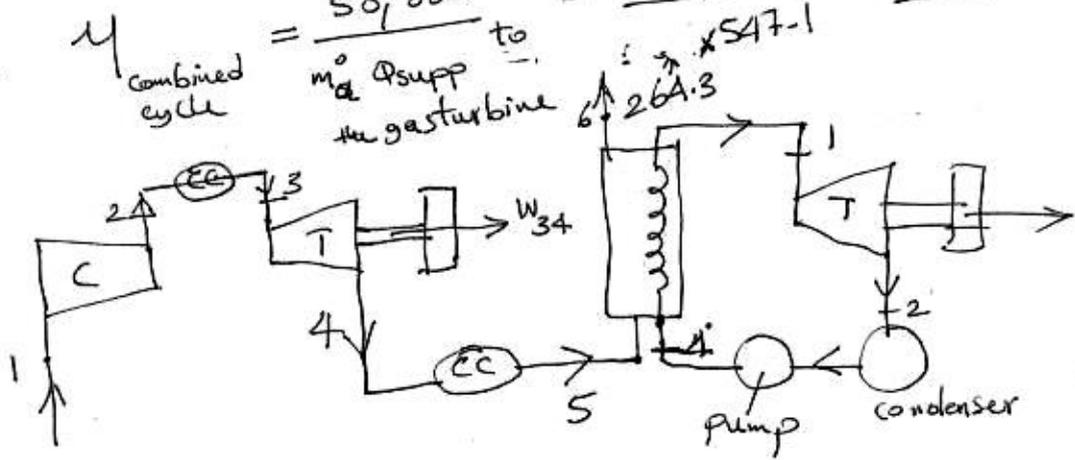
$$9.883 \dot{m}_s (102.2) + \dot{m}_s (860) = 50,000$$

$$\dot{m}_s \{ (9.883 \times 102.2) + 860 \} = 50,000$$

$$\therefore \dot{m}_s = 26.74 \text{ kg/s}$$

$$\dot{m}_a = 9.883 \times 26.74 = 264.3 \text{ kg/s}$$

$$\eta_{\text{combined cycle}} = \frac{50,000}{\dot{m}_a \dot{Q}_{\text{supp to gas turbine}}} = \frac{50,000}{264.3 \times 547.1} = 34.6\% = \frac{P_{\text{out}}}{P_{\text{in}}}$$



(9)