

٤٢ /

دراسة مختبرية لتوزيع درجات الحرارة في إناء كروي وأسطواني ومستطيلي المقطع

إعداد :
أنس محمد احمد
عبد الحليم محمد إبراهيم
مأمون عبد القيوم عبد الكريم

مشروع تخرج كمطلوب تكميلي لنيل درجة البليوم في
الهندسة الميكانيكية
كلية الهندسة والتكنولوجيا
جامعة وادى النيل

مايو 2003م

٤٢/

دراسة مختبرية لتوزيع درجات الحرارة في إناء كروي وأسطواني ومستطيلي المقطع

إعداد :
أنس محمد احمد
عبد الحليم محمد إبراهيم
مأمون عبد القيوم عبد الكريم

مشروع تخرج كمطلوب تكميلي لنيل درجة البليوم في
الهندسة الميكانيكية
كلية الهندسة والتكنولوجيا
جامعة وادى النيل

مايو 2003م

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

الافتتاحية

قال تعالى (اللَّهُ أَكْبَرُ إِلَهٌ لَا إِلَهَ إِلَّا هُوَ الْحَيُّ الْقَيُومُ لَا تَأْخُذُهُ سِنَةٌ وَلَا يُوْمٌ لَمْ مَا فِي السَّمَاوَاتِ وَمَا فِي الْأَرْضِ مَنْ ذَا الَّذِي يَشْفَعُ عِنْدَهُ إِلَّا بِإِذْنِهِ يَعْلَمُ مَا بَيْنَ أَيْدِيهِمْ وَمَا خَلْفُهُمْ وَلَا يُحِيطُونَ رَبِّيْمَنْ عَلَيْهِ إِلَّا بِمَا شَاءَ وَسَعَ كُرْسِيُّهُ السَّمَاوَاتِ وَالْأَرْضُ وَلَا يُؤْدِهُ حِفْظُهُمَا وَهُوَ عَلَيْيَ الْعَظِيمُ) (البقرة: 255)

כָּל־עַמִּים

إلى منبع العزة والكرامة ...
وطني العزيز

إلى نور حياتنا، أصول بنيتنا.. والقبس الذي لولاه ما كنا، بهم شتخر
والدينا... أخوتنا

إلى جيلنا الناشئ الذي يعيش التقدّم والارتفاع ..

إلى نبراس ساحتنا، وسلاة كليتنا، بيم اقتدينا، ومنهم التمسنادفه العلم،
وحرارة الشوق للعمل، فعلمنا قيمة الفعلية ...
الاستاذة الإجلاء

إلى النسوان التي تعشق الترحال، التي كانت معرفتهم الكثر الحقيقي لنا،
عكسوا الناصلة شلائهم وحلاؤه الربوع في بلدنا الحبيب . رفقاء الدرب ...
الأخوة الزملاء

شكر وعرفان

الشكر أولاً وأخيراً لله سبحانه وتعالى الذي وفقنا لإكمال هذا المشروع.

ومن واجب واجباتنا أن نخص بالشكر والتقدير

الأستاذ الفاضل /

أسامة محمد المرضي

المشرف على هذا العمل والذي لم يدخل علينا بوقته التفيس وعلمه الغرس ،،،

والشكر نرجيه للأستاذة قسم الفيزاء - كلية التربية الذين ساهموا معنا أيضاً

بتوجيهاتهم .

الفهرس

الموضوع :	
الافتتاحية :	II
الإهداء :	III
شكر وعرفان :	V
فهرس المحتويات	VI
الفصل الأول	
المقدمة	2
الفصل الثاني - طرق انتقال الحرارة	
انتقال الحرارة بال透過	5
انتقال الحرارة بالحمل	12
انتقال الحرارة بالإشعاع	13
الفصل الثالث - التحليل النظري لإنتقال الحرارة خلال جدار مستوى واسطوانة وكروه	
انتقال الحرارة خلال جدار مستوى	15
انتقال الحرارة خلال اسطوانة	18
انتقال الحرارة خلال كروه	20
معادلات توزيع درجات الحرارة وانتقالها في التوصيل أحادي البعد	22
الفصل الرابع - التصميم والتصنيع	
التصميم	27
التصنيع	29
الفصل الخامس - الاختبارات والناتج	
مقمية عن السخان والثيرمومتر	31
الاختبارات والناتج والمقارنة	32
الفصل السادس - الخاتمة والتوصيات	
الخاتمة	36
التوصيات	37
المراجع	38
الملاحق	
ملحق - A	40
ملحق - B	43
ملحق - C	56

الملخص

هذا المشروع يشمل عمل تجارب معمليه لدراسة توزيع درجات الحرارة على إثناء أسطواني ، كروي ومستطيلي المقطع . يتناول الفصل الأول مقمة عامة عن انتقال الحرارة ، ويتناول الفصل الثاني الطرق التي تتم بها عملية انتقال الحرارة عموماً ، أما الفصل الثالث فيتناول الطريقة النظرية لانتقال الحرارة عبر أسطوانة ، كرة جوفاء وجدار مستو ، ايضاً يتناول ، الفصل الرابع طريقة تصميم وتصنيع الأواني التي تمت عليها إجراء التجارب ، أما الفصل الخامس فهو تناول التجارب التي أجريت والنتائج المتحصل عليها وهي عبارة عن قرآءات لدرجات الحرارة بالنسبة لطول ممر سريان الحرارة والتي تم تحويلها لمنحنيات بيانيه لتوضح سلوك سريان الحرارة خلال اسطوانة ، كره ومستطيل . بينما الفصل الأخير لهذه الدراسة يتضمن الخاتمة والتوصيات المستقبلية لهذا النوع من الدراسة

الفصل الأول

الفصل الأول

1.0 مقدمة

1.1 مقدمة عامة

الحرارة هي طاقة في حالة عبور ناشئة من الفرق في درجات الحرارة وانتقال الحرارة هو القطاع الهندسي الذي يتعاون مع الآليات المسئولة عن انتقال الطاقة من مكان لأخر عند وجود فرق في درجات الحرارة .

عند دراسة الديناميكا الحرارية نهتم بحفظ الطاقة واتجاه مسارها وتستغرق دراسة حالات الاتزان الجزء الأكبر من وقت الدراسة أما في حالة دراسة انتقال الحرارة فتتعرض لكل من عمليات الاتزان ويسمح لنا علم انتقال الحرارة في تحديد معدل انتقال الطاقة الناشي من عدم الاتزان في درجات الحرارة . علم انتقال الحرارة ينشد إمدادنا بإجابات للأسئلة التالية :-

1- هل تستطيع الحرارة أن تسلم لمنظومة أو تزال منها بمعدلات مطلوبة دون الحاجة لاستخدام فروق درجات حرارة مفرطة ؟ .

2- ما هي المدة التي تستغرقها عملية انتقال الطاقة الحرارية ؟

3- ما مقدار الطاقة الحرارية المنقولة ؟ .

4- ما هي مساحة السطح الضرورية لانتقال الحرارة ؟

5- ما شكل توزيع درجات الحرارة داخل المنظوم ؟

1.2 مقدمة عن انتقال الحرارة :-

يؤثر علم انتقال الحرارة تأثيراً كبيراً على كل مشاكل الطاقة ، ويعطي مجالاً يتراوح بين الحمل الروتيني لتدفئة أو تبريد المباني إلى المشاكل المعقدة المرتبطة بتوليد القدرة النووية وفي حالة التحكم المناخي لمبني يجب عمل موازنات حرارية تساوي مابين الحرارة المضافة (الإضاءة ، المحركات الكهربائية ، والطاقة الشمسية الداخلة من النوافذ)

يتم الاهتمام بانثال الحرارة في كثير من المجالات الهندسية أما المهندس الميكانيكي يهتم بمعدلات انتقال الحرارة عند التسخين للمباني وتطوير المنشآت العديدة لتحديد القدرة ، وتحسين الكفاءة للدورات التيرموديناميكية .

إن علم انتقال الحرارة له تطبيقات واسعة في التكنولوجيا وليس محدوداً بالنظر إلى مساحة أو مساحتين معزولتين وانثال الحرارة عبر حدود النظام منه أو إليه حتى الآن لم تحدد له ميكانيكية معينة والتعریف المعطى ببساطة وضح أن الحرارة عبارة عن طاقة تنتقل من جسم لأخر من الأعلى درجة حرارة للأقل درجة باعتبار الفرق في درجات الحرارة للجسمين وباعتبار ميكانيكية نقل الحرارة وجود فرق بسيط هو ضروري للمقارنة بين الأجسام من أساسيات الديناميكا الحرارية .

لكن حالياً يصبح التعريف صعباً لتحديد نظام انتقال الحرارة ولشرح هذه النقطة . خذ قطعة من الحديد

سخن من طرف وبردت من الآخر ومصدر الحرارة ربما يوضع حول الأطراف ولكن الأطراف تختلف حسب الطول أو البعد ، والأطراف توضع لجس الحرارة ليكون النظم مغلق . وفي حالة الوجة لاستخدام قوانين الديناميكا الحرارية في هذا النظام لابد من وضع درجة حرارة معقولة ولكن هناك مشاكل كثيرة بحيث أدخلنا كمية معينة من الحرارة (معقوله) تعتبر الحد المناسب ويمكن أن تكون ثابتة أو متغيرة وتعتمد على حالة الطقس أما أن تكون مشابهة أو تتغير متنقلة مع الزمن ولكن اغلب المشاكل في نقل الحرارة الثابتة أو الذي تنتقل فيه الحرارة بسرعة معلومة أو محدودة بينما هناك حالات متعددة ولابد من اعتبارها .

1.3 المدف من المشروع :-

يهدف هذا المشروع لدراسة سلوك توزيع درجات الحرارة في مقاطع هندسية مختلفة كلاسطوانه والمقطع المستطيلي والمقطع الكروي وذلك بتصنيع أو عيه ذات مقاطع مستطيلة وأسطوانية وكرويه وإجراء الاختبارات عليها لتحديد الشكل الهندسي المناسب للتوزيع الأفضل لدرجات الحرارة .

الفصل الثاني

طرق انتقال الحرارة

الفصل الثاني

2- طرق انتقال الحرارة

عموماً هناك ثلاثة طرق مختلفة لانتقال الحرارة وهي :

- بالتوصيل 1

2 - بالحمل

3 - بالإشعاع

وهنا نأخذ بالتفصيل كل حالة من حالات انتقال الحرارة على حدي:-

1-1 انتقال الحرارة بالتوصيل : - (قانون فورير للتوصيل)

وهي تعني نقل الحرارة من جسم لأخر أو من مادة إلى أخرى مختلفة فيزيائياً توصل معها مباشرة .
ترجع النشأة المبكرة للتوصيل الحراري للعالم الرياضي الفرنسي فورير الذي اعتبر أول من اقترح القانون المعروف حالياً (قانون فورير للتوصيل الحراري) . وهو تعميم لمعلومات تجريبية انه ينبعنا بكيفية توصيل الحرارة خلال وسيط من مجال ذي درجة حرارة عالية إلى مجال ذي درجة حرارة منخفضة .

اعتبر فرننا ساخناً بالداخل وبارداً في الخارج ومعدل انتقال الحرارة Q من داخل الفرن إلى خارجه تتناسب طردياً مع مساحة السطح للجدار A المتعامدة على اتجاه سريان الحرارة ، وتتناسب طردياً مع فرق درجات الحرارة عبر الجدار $[t_{in} - t_{out}]$ وتتناسب عكسيًا مع ثخانة الجدار (x)

$$Q \propto \frac{A(t_{in} - t_{out})}{x}$$

او

$$Q = K A \frac{(t_{in} - t_{out})}{x} \quad \rightarrow \quad (2-1)$$

حيث أن قانون فورير هو عملية تكميل للمقدار

$$Q \propto A dt/dx$$

$$Q = -K A dt/dx$$

$$\int_0^x Q dx = \int_{out}^{in} -kadt$$

$$\int_0^x Q dx = -A \int_{out}^{in} kdt$$

$$\dot{Q}_x = -KA \int_{t_{out}}^{t_{in}} dt$$

$$Q = -KA \frac{(t_{in} - t_{out})}{x}$$

و هذه المعادلة يمكن حلها بمعلمة الثابت والفرق في درجات الحرارة ولكن في كل الأجسام المصمته معامل الموصليه الحراريه K ثابت تقريباً في مدى واسع من درجات الحرارة ولهذا كثايت .

وحدات المعادلة السابقة هي :-

Q ≡ معدل كمية الحرارة ووحدتها تساوي W (واط).

A ≡ مساحة السطح ووحدتها تساوي m^2 (متر مربع)

$K/m \equiv dt/dx$ (كلفن / متر)

k ≡ معامل الموصليه الحراريه ووحدتها تساوي $W/m.k$ (واط / متر . كلفن)

معامل الموصليه الحراريه (K) :-

معامل الموصليه الحراريه لمعظم المواد تم قياسه عن طريق التجربة ووضع في جدول هندسي معروف وفيما يلي مثال لبعض المواد ومعامل الموصليه الحراريه لها :

المادة	معامل الموصليه (بالـ W / mK)
Pure copper	386
Pure Aluminum	229
Durelminum	164
Cast iron	52
Mild steel	48.5
Buileling brick	0.35 - 0.7
Lead	34.6
Concrete	0.85 - 1.4
Wood	0.15 - 0.2
Rubber	0.15

ومن هذا نخلص إلى أن المواد التي لها معامل موصليه عالي هي المواد ذات التوصيل الجيد والتي لها معامل موصليه حراريه منخفض جيده لعزل الحرارة . وتوصيل الحرارة يحدث في المواد الخالصه أكثر منه في المواد المخلوطه وأقل في المواد الغير حديديه ومعامل الموصليه أقل في المواد العازله (العوازل) المعلومه ذلك لوجود الهواء المتخلل بين جزيئاتها وذلك مثل الفلين والغازات والسوائل كلها عازل جيده مالم توجد طبقة (سائل - غاز) يكون الانتقال بالتوصيل .

قانون نيوتن للتبريد :-

لكي نصل إلى النسبة التي يتم فيها نقل الحرارة من سائل إلى آخر عبر حاجز من الضروري معرفة شيء عن الطريقة التي بها تنتقل الحرارة من جسم صلب إلى سائل وبالعكس وقانون نيوتن بالنسبة لحالة التبريد ينص على أن الحرارة تنتقل من سطح صلب بمساحة سطح A بدرجة حرارة t_w إلى سائل عند درجة حرارة t . معطى بالمعادلة :

$$Q = ha (t_w - t) \quad (2-2)$$

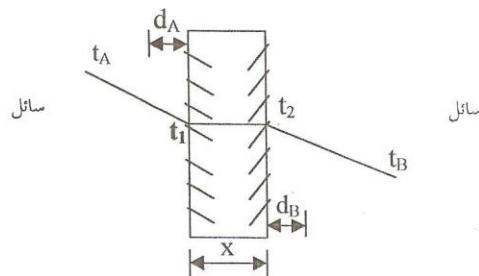
حيث أن :

h ≡ معامل إنتقال الحرارة ووحداتها W/m^2 .

t_w ≡ درجة حرارة السطح .

t ≡ درجة حرارة البيئة المحيطة

ومعامل نقل الحرارة يعتمد على خواص السائل وسرعته وعادة من الضروري تقديرها بالتجربة والمعادلة السابقة لا تتضمن الحرارة المفقودة من السطح بواسطة الإشعاع وهذا الآخر يمكن حسابه منفصلاً وفي حالات كثيرة يمكن نسيانه مقارنة بالحرارة المنقولة بواسطة التوصيل أو التأثير من سطح السائل وعندما تكون درجة حرارة السطح عالية أو عندما توجد حرارة مفقودة بواسطة التأثير الطبيعي تصبح الحرارة المنقولة بفعل الإشعاع مشابهة لدرجة الحرارة المفقودة بواسطة التأثير .



التغيير في درجة الحرارة مثال من السائل (A) . درجة الحرارة تنزل سريعاً من t_w إلى t_1 من جسم السائل ونفس الشيء حيث تنزل درجة الحرارة من t_2 إلى t_b في الحاجز . عملياً في معظم الحالات درجة حرارة السائل تقريباً ثابتة في جميع الأجزاء ، وجاء من الطبقة الرقيقة التي من الجسم الصلب حول السائل .

الخطوط المتقطعة تعني سمك الطبقة الرقيقة التي في السائل (δ_a ، δ_b) . وفي هذه الطبقة الرقيقة كما ذكرنا يكون إنتقال الحرارة بالتوصيل فقط .

من السائل A إلى الحائط

$$q = \frac{KA}{\delta} (t_A - t_l) \longrightarrow (a)$$

من الحائط إلى السائل B

$$q = \frac{KB}{\delta} (t_2 - t_B) \longrightarrow (b)$$

إذا ومن المعادلة (2-2) :

$$q = hA(t_A - t_l) \longrightarrow (c)$$

(وهي من السائل A إلى الحائط)

$$q = hB(t_2 - t_B) \longrightarrow (d)$$

(وهي من الحائط إلى السائل B)

نقارن بين المعادلتين (a)، (C) وبين المعادلتين (b)، (d).

$$hA = \frac{KA}{\delta a}$$

$$hB = \frac{KB}{\delta b}$$

وعومما

$$h = K/\delta$$

ولوحدة مساحة من السطح نأخذ :-

$$q = \frac{K(t_l - t_2)}{x}$$

ولحالة نقل الحرارة المنتظم فإن الحرارة المنسوبة من السائل A إلى الحائط تساوي الحرارة المنسوبة خلال الحائط وهي أيضاً تساوي الحرارة المنقولة من الحائط إلى السائل B وإذا لم يحدث ذلك

فإن درجات الحرارة (t_A, t_1, t_2, t_l) لن تبقى ثابتة بل تتغير مع الزمن ولذلك

$$q = hA(t_A - t_l) = \frac{K(t_l - t_2)}{x} = hB(t_2 - t_B)$$

وإذا غيرنا وضع المعادلات :

$$(t_A - t_l) = q/h_A$$

$$(t_l - t_2) = q_x/k$$

$$(t_2 - t_B) = q/h_B$$

وبجمع المعادلات:

$$(t_A - t_1) + (t_2 - t_1) + (t_2 - t_B) = \frac{q}{h_A} + \frac{q_x}{K} + \frac{1}{h_B}$$

$$(t_A - t_B) = q \left[\frac{1}{h_A} + \frac{x}{K} + \frac{1}{h_B} \right]$$

$$q = \frac{(t_A - t_B)}{\left[\frac{1}{h_A} + \frac{x}{K} + \frac{1}{h_B} \right]} \quad \rightarrow \quad (2-3)$$

وبمقارنة المعادلة (2-3) مع المعادلة (2-2)

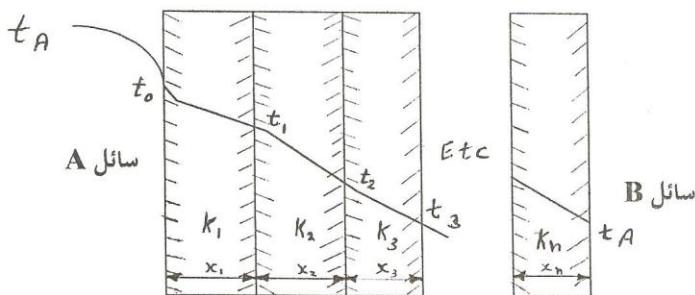
$$q = u(t_A - t_B)$$

$$\frac{Q}{U} = u_A(t_A - t_B)$$

$$\frac{I}{U} = \left[\frac{1}{h_A} + \frac{x}{K} + \frac{1}{h_B} \right] \quad \rightarrow \quad (2-4)$$

التماثل الكهربائي خلال الحوائط :

في حالات كثيرة عملياً عند تكوين مواد مختلفة بطبقات لعمل حاطن مركب مثل لذلك حاطن مبني وهو عادة ما يكون من طبقة بلاستر (طوب) وفراغ هوائي والصف الثاني للطوب إحتمال أن يكون محاط بأسمدة .



توجد عدد N طبقات ذات سمك مختلف في جانب من الحاطن يوجد سائل A ذو درجة حرارة T_A ومعامل نقل الحرارة هو h_A وفي الجانب الآخر يوجد سائل B ذو معامل نقل حرارة h_B . أجعل درجة الحرارة الملاصقة للسائل A هي T_A ودرجة الحرارة الملاصقة للسائل B هي T_B ودرجة الحرارة المتداخلة هي T_1, T_2 حسب ما هو موضح .

الطرق المستخدمة لحل هذه المسألة هو القياس الكهربائي وإنسياب الحرارة يمكن اعتباره مثل سريان التيار الكهربائي و إنتقال الحرارة يتم باختلاف درجات الحرارة من الأعلى إلى المنخفض أما التيار فينساب بفرق الجهد.

$$V=IR$$

وبمقارنة هذه المعادلة مع المعادلة (2-1)

$$\begin{aligned} Q &= \frac{kA(T_1-T_2)}{X} \\ R &= \frac{x}{KA} \quad \longrightarrow \quad (2-5) \end{aligned}$$

R وهي تمثل المقاومة الحرارية ووحدتها W/K
وما قمنا بعمله هو مماثلة I مع Q ووضع (T_1-T_2) بدلاً عن V
بالنسبة للطبقة الواقعية من السائل الموجود حول الجدار ومن المعادلة (2-2) نجد أن المقاومة الحرارية
(معادلة المقاومة الحرارية للطبقة الواقعية).

$$Q = hA(T_w - T)$$

$$R = \frac{I}{h_A} \quad \longrightarrow \quad (2-6)$$

$$R_A = I / (h_A * A) \quad , \quad R_1 = X_1 / (k_1 * A) \quad , \quad R_2 = X_2 / (k_2 * A)$$

$$R_n = X_n / (k_n * A) \quad , \quad R_B = I / (h_B * A)$$

ومجموع مقاومات الحرارة أو مقاومة إنسياب الحرارة هو :

$$\frac{I}{h_A} + \frac{X_1}{k_1 A} + \frac{X_2}{k_2 A} + \text{ect.} , \frac{X_n}{k_n A} + \frac{I}{h_B * A}$$

$$R_T = \frac{I}{h_A * A} + \left\{ \frac{x}{k_A} + \frac{I}{h_B * A} \right\} \longrightarrow (2-7)$$

يمكنا أن نرى من خلال المعادلة (2-7) وذلك في مثل هذه الحالة فإن مساحة السطح (سطح الإنتقال خلال الجدار) (A) تبقى ثابتة خلال الجدار غالباً ما تحسب مقاومة إنتقال الحرارة لوحدة مساحة من السطح في معظم السائل .

عند استخدام التمايز الكهربائي في كل إنتقال الحرارة نجد أن :-

$$Q = \frac{t_A - t_B}{R_T} \quad \longrightarrow \quad (2-8)$$

وبمما تالة هذه المعادلة مع

$$I = V/R$$

$$\frac{I}{V} = \frac{1}{h_A} + \frac{x}{k} + \frac{1}{h_B}$$

ولأي عدد من الحوائط نأخذ

$$\frac{I}{u} = \frac{1}{h_A} + \sum \frac{x}{k} + \frac{1}{h_B}$$

$$\frac{I}{u} = R_T * A \quad or \quad u = \frac{1}{R_T * A} \quad \longrightarrow \quad (2-9)$$

إذا كان داخلاً وخارج سطح الحائط (درجة حرارة السطح) معروفة بعد ذلك يمكن حساب وإيجاد انتقال الحرارة عن طريق حساب المقاومة الحرارية للحائط المركب فقط .

$$R = \sum x/k_A$$

ومعامل انتقال الحرارة العام من سطح الحائط للأخر ومن جزء لاخر يعطى بالمعادلة :

$$1/u = \sum x/k$$

اتجاه سريان الحرارة بالتفصيل :-

يمكن أخذ سطح إختباري توضيحي كما في الشكل أدناه لتحديد سريان الحرارة (اتجاه سريان كمية من الحرارة عبر سطح) بإعتبار أن مساحته dA

نعتبر أن سريان الحرارة dQ_m من مساحة سطح أيسوثيرمالية dA في إتجاه إختباري

$$dQ_m = q_m dA$$

$$dQ_m = q_n \cos \theta dA$$

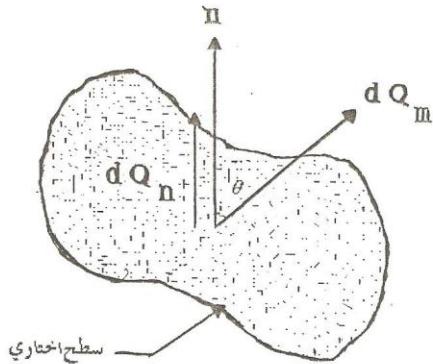
$$dQ_m = dQ_n \cos \theta \quad \longrightarrow \quad (2-10)$$

حيث أن :

n الإتجاه المتعامد على المساحة (dA)

dQ_m معدل سريان الحرارة في إتجاه إختباري (m) خلال المساحة (dA)

dQ_n معدل سريان الحرارة في الإتجاه العادي (n)



2.2 إنتقال الحرارة بالحمل :- By convection

يعتبر إنتقال الحرارة بالحمل أكثر تقييداً من التوصيل الحراري وبالتالي فإن الحلول التحليلية غالباً ما تكون مستحيلة . هذه الصعوبة نشأت من حقيقة أن الكيفية الأساسية للحمل تضم كل من التوصيل وحركة المائع . ويحدث الحمل عندما يتواجد سطح متلامس مع مائع ذي درجة حرارة تختلف عن درجة حرارته .

إذا إفترضنا جداراً رأسياً ساخناً يتلامس مع مائع " بالتوصيل " والمائع بارد ، فأننا نلاحظ أن المائع الملامس للجدار يسخن بالتوصيل مع مرور الزمن ، مسبباً انخفاضاً في كثافته وهذا تنشأ قوة طفو بسبب الفرق في الكثافة " كثافة المائع " تعمل على رفع المائع الأخف إلى أعلى ، وإحلال مائع بارد مكانه وتكرر هذه العملية بإستمرار . وحيث أن حركة المائع تنشأ بقوه طبيعية ، فإن هذا النوع من الحمل يسمى حمل طبيعياً أو حملأً حراً . وهناك أنواع أخرى للحمل الطبيعي كذلك التي تنشأ من أسلوب رفع الهواء الساخن في المدفنة المنزلية (المشعة) وكذلك إنساب دخان السجائر لأعلى في غرفة ذات هواء ساكن .

وهنالك نوع آخر من أنواع الحمل يسمى حملأً إجبارياً ومثال له إذا تم تسخين قطعة من الحديد وتركت في الجو العادي وتم عمل دراسة لتأثيرها على الجو المحيط ووجد أنه كلما إقتربنا من القطعة المسخنة كلما إرتفعت درجة الحرارة وفي مثال آخر المرروحة الطاردة التي تطرد الهواء إلى جسم العضو الكهري ومن هذا نخلص إلى أن إنتقال الحرارة بالحمل يتم في صورة بسيطة يمكن تجاوزه مقارنة بإنتقال الحرارة بالتأثير حيث توجد دائماً طبقة رقيقة من السائل أو الغاز حول القطعة المسخنة تنتقل فيها الحرارة بالتوصيل أما الباقي فتنقل فيه الحرارة بالتأثير .

2.3 إنتقال الحرارة بالإشعاع :- By Radiation

أي جسم يلفظ الحرارة نهائياً أو جزئياً في شكل إشعاع كهرومغناطيسي مالم تكون درجته " درجة حرارته " صفر ، ووجد أنه كلما كانت لدينا درجة حرارة عالية كلما كان هنالك طاقة إشعاعية أكبر .
إذا كان لدينا جسمين مختلفين في درجة الحرارة وضعا قربيين من بعضهما فإن الإثنين يشعان الحرارة معاً ولكن للحرارة تأثيرها في هذه النقطة بحيث أن الجسم الأقل درجة حرارة يستقبل الحرارة من الأعلى درجة ولهذا تزيد الطاقة الداخلية له ، وفي نفس الوقت تقل الطاقة الداخلية للأعلى درجة ، إذا هنالك مشكلة لإنتقال الحرارة من جسم له درجة عالية إلى جسم له درجة أقل بإختلاف في درجة الحرارة بينهما وهنا يمكن القول أن الحرارة تنتقل بالإشعاع وإن إنتقال الحرارة وإنتشار الطاقة الإشعاعية لا يحتاج إلى وسيط فهو كالволجات الكهرومغناطيسية لمنطقة مفرغة من الهواء وهو الأكثر إستعمالاً لإنتقال الطاقة بحيث تكون معلومة تنشر أو تختص الإشعاع في شكل موجات طولية معلومة ولكن الأجسام الصلبة تشبع أو تنشر الطاقة في مساحات كبيرة .

وبخصوص الأمثلة العملية فإن الحرارة تنتقل بالحمل ، بالتوصيل ، وبالإشعاع ويمكن أن نجرب كل طريقة على حدا ثم تجمع النتائج ولكن هنالك طرق ووسائل كثيرة في نقل الحرارة مثلً نقل الحرارة من وإلى السائل ومثال لذلك " الغلاية - المكثف - المبادل الحراري " ، وحماية فقدان الحرارة من السائل لما حوله .

الفصل الثالث

التحليل النظري لانتقال الحرارة خلال جدار مستوى
وأسطوانة وكره

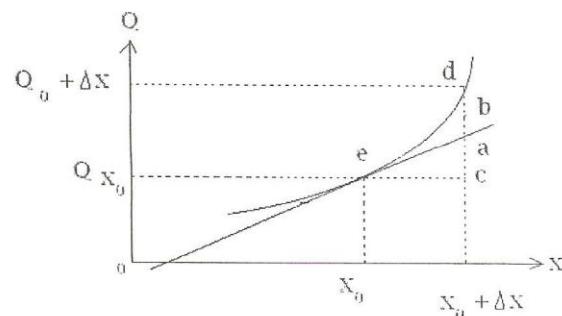
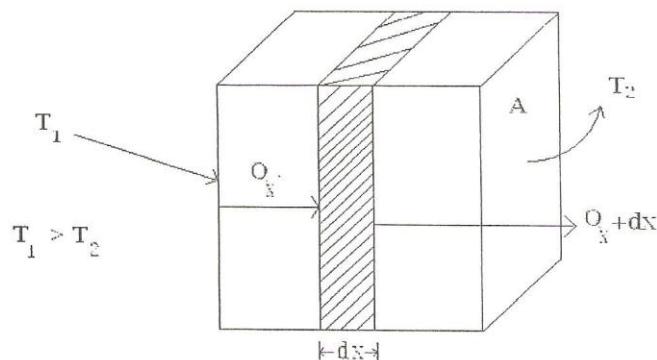
الفصل الثالث

3. التحليل النظري لانتقال الحرارة خلال جدار مستوي وإسطوانه وكرة :-

3.1 إنتقال الحرارة خلال جدار مستوي :

Heat conduction through a plane wall

وفي هذه الحالة تعتبر أن الموصلية الحرارية لمادة الجدار المستوي ثابتة وتمتد إلى ما لا نهاية في (y, z) ومن المهم جداً لبيان أن الموصلية الحرارية ثابتة المقدار وأنها ليست دالة في كل من الموقع أو درجة الحرارة . يمكننا القول وإعتبار أن التوصيل الحراري خلال جدار غرفة بعد إهمال الطاقة المفقودة خلال الهواء نموذجاً للجدار المستوي ، في مثل هذه الحالة تكون درجة الحرارة دالة فقط في x وبالتالي يقال أنها أحادية البعد ، ويصبح المتغير الوحيد المستقل هو الموقع " x " في الجدار



يمكن الحصول على المعادلة التفاضلية الحاكمة بعمل ميزان حراري لشريحة حجميه صغيره من الجدار ذات النخاع d ، ومساحة مقطع "A" أفترض أن Q_x هي الحرارة المتنقلة بال透過يل خلال الشريحة الحجمية $[x-x]$ وافتراض أن $[Q_x+dx]$ هي الحرارة التاركة للشريحة الحجمية عند $[x = x + dx]$ في حالات الاستقرار لا يمكن اعتبار أن درجة الحرارة دالة في الزمن ، لهذا فإن الشريحة الحجمية لن يحدث لها أي تغير في طاقتها الداخلية . وحيث أن درجة الحرارة متغيرة فقد بالنسبة للمقدار X فرضاً ، فسوف لا يكون هناك توصيل حراري في الاتجاهات Z, y [أي أن تدرج الحرارة في هذه الاتجاهات يكون صفرأ] من قانون فورير للتوصيل :-

$$Q_x = -KA \frac{dT}{dx} \quad \rightarrow \quad (3-1)$$

لتحديد قيمة $[Q_x+dx]$ [اعتبر تغيراً إختبارياً لقيمة Q بالنسبة للمقدار (x) كما هو موضح في الشكل السابق ، طبق التحليل الآتي للحالة العامة والثلاثية البعد ، سيمكنا الناتج من تحديد قيمة $Q_y + d_y$ $Q_z + dz$. يبين الخط المنحني التغير الإختباري بمقدار Q_x لقيم نوعية من x, y, z (Z_0, Y_0) لتغير Q_x+dz حيث رسم الخط (eab) مماساً للخط المنحني عند c. تمثل النقطة e قيمة Q_{x_0} عند x_0 والنقطة d تمثل قيمة $(Q_{x_0}+dx_0)$ عند (x_0+dx) . وحدد قيمة المقدار Q_x عند النقطة A. أو لا يمثل الخط eab الكمية $(d/dx)Q_x$ أو بتعبير آخر فهو يمثل ميل Q_x .

هذا الميل يساوي $ac/\Delta x$ يفيد أن النقطة ac تساوي $(a/\Delta x)Q_x$ [وعلى ذلك فإن قيمة Q عند a تساوي $[Q_{x_0}+(aQ_x/\Delta x)\Delta x]$.

والآن إذا أخذت Δx صغيرة جداً ، إن كل من النقطتين a,d تتحركان في إتجاه c، وبالتالي تقترب a من d وكذلك في مثل هذه الإجراءات الحدية تصبح Δx متساوية لـ dx وبناءً على ذلك وبالإغاء الرمز السفلي (0) يمكن كتابة الآتي :

$$Q_x + dx = Q_x + d/dx(Q_x)dx$$

في حالة الجدار المستوي تكون درجة الحرارة (المتغير التابع) هي فقط دالة لمتغير واحد مستقل (x) ، وتصبح المشتقات الجزئية في المعادلة السابقة كالتالي :

$$Q_x = Q_x + dx = Q + d/dx(Q_x)dx$$

$$-KA \frac{dT}{dx} = -kA \frac{dt}{dx} + d/dx (-kA \frac{dT}{dx})dx$$

$$d/dx (kA \frac{dT}{dx}) = 0 \quad \rightarrow \quad (3-2)$$

تستخدم هذه المعادلة في حالة الجدار المستوي صغير الموصلية الحرارية وفي هذه الحالة تكون كل من k, A ثوابت وبما أن dx لا يمكن ان تكون صفرأ

$$\frac{d^2T}{dx^2} = 0 \quad \rightarrow (*)$$

* المعادلة أعلاه معادلة تفاضلية من الدرجة الثانية والتي تبين ضرورة وجود شروط حدودية لحلها

وهي :

$$at \quad x=0 \quad , \quad T = T_I \\ x=L \quad , \quad T = T_2$$

بإجراء التكامل للمعادلة (*) نحصل على

$$dT/dx = C_I$$

حيث C_I = ثابت التكامل، وبإجراء التكامل مرة أخرى

$$T(x) = C_I x + C_2$$

حيث C_2 ثابت آخر للتكامل عند $x = 0$ تكون $T = T_I$ وبذلك تكون $T_I = C_2$ ونحصل على درجة الحرارة من المعادلة

$$T(x) = C_I x + T_I$$

يمكن استخدام هذه المعادلة بسهولة لحالة الجدار ذي الموصلية الحرارية المتغيرة ، أيضاً عند $x = L$ تكون $T = T_2$ وعلى هذا فإن

$$T_2 = C_I L + T_I$$

حيث تعطي

$$C_I = \frac{T_2 - T_I}{L}$$

وبذلك تكون النتيجة :

$$Tx = (T_2 - T_I) x/L + T_I \longrightarrow (**)$$

وتعتبر المعادلة (**) توزيع درجات الحرارة في الجدار المستوي . وهي توضح لنا إتباع توزيع درجات الحرارة بمعادلة خطية في (x) . يمكننا تحديد القيد الحراري خلال جدار مستوي تبعاً لقانون فوريير للتوصيل

$$Q = -KA \frac{dT}{dx}$$

$$\frac{dT}{dx} = \frac{T_2 - T_I}{L}$$

$$Q = -KA \frac{(T_2 - T_I)}{L}$$

$$Q = -KA \frac{(T_2 - T_I)}{X}$$

3.2 انتقال الحرارة خلال أسطوانة :-

ولدراسة انتقال الحرارة في أسطوانة تأخذها بقطر داخلي r_1 وخارجي r_2 ، وخذ درجات الحرارة الداخلية والخارجية T_2, T_1 على التوالي . نعتبر إنساب الحرارة خلال عضو سمي "r" وخذ معامل الحرارة بالتوصليل (معامل الموصلية الحرارية "K") ، وبعد ذلك طبقاً للمعادلة السابقة لوحدة طول

في إتجاه عمودي :

$$Q = -KA \frac{dt}{dx} = (-K 2 \pi r^2 I) \frac{dt}{dr}$$

$$Q \frac{dr}{r} = -2 \pi k dt$$

وبالتكامل بين السطح الداخلي والخارجي :

$$Q \int_{r_1}^{r_2} \frac{dr}{r} = -2 \pi k \int_{t_1}^{t_2} dt$$

عند اعتبار Q و k ثابتين

$$Q \log \frac{r_2}{r_1} = -2\pi k(t_2 - t_1) = 2\pi k(t_1 - t_2)$$

$$Q = \frac{2\pi k (t_1 - t_2)}{\log \left(\frac{r_2}{r_1} \right)} \quad \rightarrow (3-3)$$

$$Q = \frac{kAm}{(r_2 - r_1)} (t_1 - t_2)$$

إذا من المعادلة (3-1) وهي :

$$Q = \frac{kA}{x} (t_1 - t_2)$$

إذا تم تعويض مساحة متوسطة " A_m " في هذه المعادلة وعوض السمك x يساوي $(r_2 - r_1)$:

$$\therefore A_m = \frac{2\pi(r_2 - r_1)}{\log \left(\frac{r_2}{r_1} \right)} \quad \rightarrow (3-4)$$

قارن هذه المعادلة مع المعادلة السابقة :

$$\frac{Am}{(r_2 - r_1)} = \frac{2\pi}{\log(r_2/r_1)}$$

$$Am = \frac{A_2 - A_1}{\log(r_2/r_1)} \longrightarrow (3-5)$$

A_m هي المساحة المتوسطة اللوغريتمية .

ويمكن حساب نصف القطر اللوغريتمي المتوسط من المعادلة أدناه:

$$r_m = \frac{r_2 - r_1}{\log(r_2/r_1)}$$

$$R = \frac{x}{kA_m} \quad \text{ولحساب مقاومة الحرارة بالنسبة للسمك}$$

حيث x سماكة الطبقة و A_m المساحة المتوسطة اللوغريتمية لهذه الطبقة

$$\therefore R = \frac{\log r_2/r_1}{2\pi \cdot k}$$

بالنسبة للطبقة الواقعية من السائل التي توجد على السطح الداخلي للإسطوانة

$$R = \frac{1}{h_o A}$$

$$Q = \frac{2\pi \cdot k (t_1 - t_2)}{\log(r_2/r_1)} \quad \text{من المعادلة (3-4) :}$$

عليه ومن هذه المعادلة نأخذ طرفاً مهماً هو أنه كلما كانت النسبة r_1/r_2 صغيرة كلما كان هناك انتقال حراري عالي لنفس الفرق في درجات الحرارة وفي حالات كثيرة تمثل النسبة ناحية التوحيد مadam السمك

صغير نأخذ متوسط نصف القطر :

$$r_m = \frac{r_2 + r_1}{2}$$

في إنتقال الحرارة نستخدم نصف القطر والمتوسط بدلاً عن اللوغريثمي بنسبة 4% ومن الأحسن
استخدام المتوسط عندما r_2/r_1 تكون أقل من 2

3.3 انتقال الحرارة خلال كرة :-

خذ كرة مجوفة قطرها الداخلي r_1 والخارجي r_2 وخذ درجة الحرارة للأسطح الخارجية والداخلية

" $4\pi r^2$ " ، خذ معامل الموصولة " K " ، وسمك dr لأي قطر " r " ، ومساحة الكرة " t_1, t_2

$$Q = -kA dt / dr = -4\pi r^2 k dt / dr$$

$$Q \int_{r_1}^{r_2} dr / r^2 = 4\pi k \int_{t_1}^{t_2} dt$$

$$Q \left(\frac{1}{r_2} - \frac{1}{r_1} \right) = -4\pi k (t_2 - t_1)$$

$$\frac{Q(r_2 - r_1)}{r_1 r_2} = 4\pi k (t_1 - t_2)$$

$$Q = \frac{4\pi k r_1 r_2 (t_1 - t_2)}{(r_2 - r_1)} \quad \rightarrow (3-6)$$

$$R = \frac{(r_2 - r_1)}{4\pi k r_1 r_2} \quad \rightarrow (3-7)$$

معادلة مقاومة الحرارة "المقاومة الحرارية" يتم الحصول عليها بتطبيق التمايز الكهربائي :

$$I = V / R$$

$$Q = \frac{kA_m}{x} (t_1 - t_2) = \frac{kA_m (t_1 - t_2)}{(r_2 - r_1)} \quad \text{وعليه من المعادلة (3-1)}$$

$$\therefore Q = \frac{kA_m (t_1 - t_2)}{(r_1 - r_2)} \quad \rightarrow (3-8)$$

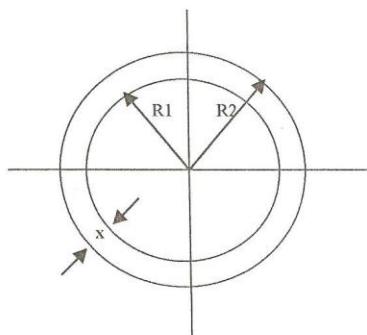
ومن مقارنة المعادلات أعلاه نحصل على المساحة المتوسطة للكره بالمعادلة التالية :

$$A = 4\pi \cdot r^2$$

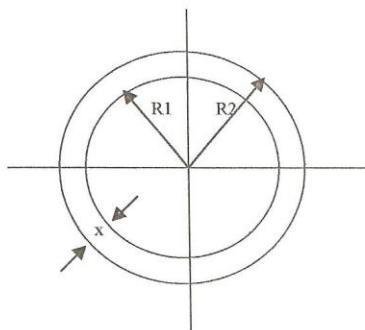
$$A_m = 4\pi \cdot r^2 m$$

$$A_m = 4\pi \cdot r_1 \cdot r_2$$

$$r_m = \sqrt{r_1 \cdot r_2} \quad \longrightarrow \quad (3-9)$$



شكل (3-2-1) اسطوانه ذات سمك (x)



شكل (3-3-1) كره جوفاء ذات سمك (x)

3.4 معادلة توزيع درجة الحرارة وانتقال الحرارة في حالة التوصيل أحادي البعد المستقر في توليد الحرارة :

شريحة مستطيلة : Rectangular Slab

اعتبر حائطاً عرضة L ، أحد أوجهه معزول . اجعل درجة حرارة الوجه الحر تكون T_1 واجعل قيمة كل من q و k ثابتة حيث :

$q \equiv q$
 $k \equiv k$

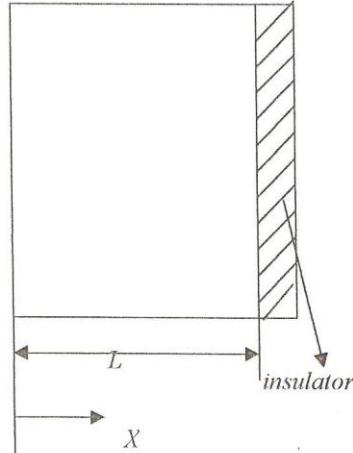
$$\frac{d^2t}{dx^2} + \frac{q}{k} = 0 \quad \rightarrow (3-10)$$

باتكامل

$$\frac{dt}{dx} + \frac{qx}{k} = c_1 \quad \rightarrow (3-11)$$

باتكامل مره أخرى

$$t(x) + \frac{qx^2}{2k} = c_1x + c_2 \quad \rightarrow (3-12)$$



[B.Conditions] : الشروط الحدودية :

للحصول على قيم C_2, C_1
 $t(x) = T_1$ ، $x = 0$ عند

بالتعويض في المعادلة (3-12)
 $T_1 + 0 = 0 + C_2$

$$\therefore C_2 = T_1$$

من المعادلة (3-11) $\frac{dt}{dx} = 0$ ، $x = L$ عند

$$C_1 = \frac{qL}{k}$$

(3-12) بالتعويض في المعادلة

$$T(x) + \frac{qx^2}{2k} = \frac{qLx}{K} + T_1$$

$$T(X) - T_1 = \frac{qLx}{k} - \frac{qx^2}{2k}$$

$$T(x) - T_1 = \frac{qLx}{k} \left[1 - \frac{x}{2L} \right]$$

$$T(x) = T_1 + \frac{qLx}{k} \left[1 - \frac{x}{2L} \right]$$

X = L أقصى درجة حرارة تحدث عند ما

$$T(\max) = T_1 + \frac{qL^2}{2k}$$

اسطوانة غير محدودة الطول : (Infinite Long Cylinder)

$$\frac{d}{rdr} (r \frac{dt}{dr}) + \frac{q}{k} = 0$$

أضرب في r و اجري التكامل

$$\frac{d}{dr} \left(r \frac{dt}{dr} \right) + \frac{qr}{k} = 0$$

$$r \frac{dt}{dr} + \frac{qr^2}{2k} = c_1$$

اقسم المعادلة على r واجري التكامل

$$t(r) + \frac{qr^2}{4k} = C_1 Lnr + C_2$$

الشروط الحدودية (B.Conds)

عند $r=0$ لا يكون هنالك انتقال حراري (خط التمايل الذي يعمل كغاز)

$$\frac{dt}{dr} = 0$$

$$\therefore C_1 = 0$$

$$t(r) = t_w$$

عند $r = r_0$

$$t_w + \frac{qr_0^2}{4k} = C_2$$

$$\therefore C_2 = t_w + \frac{qr_0^2}{4k}$$

$$t(r) + \frac{qr^2}{4k} = t_w + \frac{qr_0^2}{4k}$$

$$t(r) = t_w + \frac{qr_0^2}{4k} - \frac{qr^2}{4k}$$

$$t(r) = t_w + \frac{qr_0^2}{4k} \left[1 - \left(\frac{r}{r_0} \right)^2 \right]$$

درجة الحرارة القصوى تحدث عند $r = 0$

$$t_{(\max)} = t_w + \frac{qr_0^2}{4k}$$

معدل انتقال الحرارة يمكن حسابه من القانون فورير

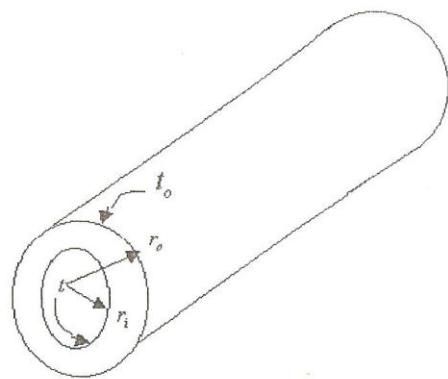
$$q = -kA \frac{dt}{dr}$$

اعتبر سلكاً موجفاً : (Consider a hollow wire)

الشروط الحدودية : (B.conds)

$$t = t_i \quad , \quad r = r_i \quad \text{عند}$$

$$t = t_o \quad , \quad r = r_0 \quad \text{عند}$$



$$t - t_0 = \frac{q}{4k} (r_0^2 + r^2) + C_1 \ln \frac{r}{r_0}$$

تطبيق الشرط الحدودي نحصل على :

$$C_1 = \frac{(t_i - t_o) + q (r_i^2 - r_o^2) / 4k}{\ln \left(\frac{r_i}{r_o} \right)}$$

الفصل الرابع

التصميم و التصنيع

الفصل الرابع

4.0 تصميم وتصنيع الأواني التي تجري عليها الاختبارات

4.1 التصميم :

وقد كان لابد من تصميم ثلاثة أواني وهي مسطبلي المقطع واسطوانة ونصف كره لأجراء الاختبارات عليها وان تكون ذات سعة حجميه ثابتة وتكون مصنوعة من معدن واحد وبما ان دراستنا تقصر على قياس ومعرفة مدى توزيع درجات الحرارة في اتجاه نصف قطرى فقد تم التصميم على أساس نصف القطر .

نصف الكره :

بفرض نصف قطر مناسب للكره = 35Cm
وبالرجوع لقانون حجم الكره الذي ينص على ان :

$$V = \frac{4}{3} \pi r^3 \longrightarrow (4-1)$$

حيث ان :-

$V \equiv$ الحجم

$r \equiv$ نصف القطر

وبتعويض نصف القطر الذي تم فرضه في المعادلة أعلاه نحصل على الحجم المطلوب

$$r = \frac{D}{2}$$

$$\therefore r = 17.5Cm$$

وبما ان الشكل عبارة عن نصف كره إذا نقسم الحجم على (2)

$$V = \frac{V}{2} = 11224.6$$

الشكل الأسطواني :-

وبما ان السعه الحجميه ثابتة في الأواني الثلاث كما سبق ذكره وبالرجوع إلى قانون الحجم بالنسبة للأسطوانة فان :-

$$V = \pi r^2 l \longrightarrow (4-2)$$

حيث أن:

$$V \equiv \text{حجم الاسطوانة}$$

$$r \equiv \text{نصف قطر الاسطوانة}$$

$$L \equiv \text{طول الاسطوانة}$$

ويفرض طول مناسب للاسطوانة تقريرياً يساوى 17Cm ويعويض ذلك الطول في معادلة الحجم بالنسبة للاسطوانة في المعادلة (4-2) يمكن الحصول على نصف قطر الاسطوانة

$$11224.6 = \pi r^2 * 17$$

$$\therefore r = \sqrt{\frac{11224.6}{\pi * 17}}$$

$$r = 14.5 \text{ Cm}$$

وبذلك يكون قطر الاسطوانة يساوى 29 Cm

المستطيلي المقطع :-

وكما ذكر انفأ ان السعه الحجميه ثابته ومن معادلة الحجم بالنسبة للمستطيلي المقطع (المكعب) والذي ينص على أن :-

$$V = l^3$$

حيث ان :-

$$V \equiv \text{الحجم بالنسبة للو عاء المستطيلي المقطع}$$

$$L \equiv \text{طول الضلع}$$

$$11224.6 = l^3$$

$$\sqrt[3]{11224.6} = l$$

$$\therefore l = 22 . 4 \text{ Cm}$$

4.2 التصنيع :-

نسبة لأن انتقال الحرارة يتاسب عكساً مع ثخانة الجدار لذلك اخترنا ان تكون الأوعية المصنعة ذات سماكة رفيعة وجدنا انه من المناسب ان يكون السمك حوالي 2mm .

تم اختيار الألمنيوم لعمل الأوعية لأنه ذو موصولة حرارية عالية وسهل التشكيل والتشطيب ، واتجهنا لعمل القطع بواسطه السباكة حيث تعتبر الأفضل للتصنيع لأنها تعطى كتلته واحده متماثله الشكل ، ولكن وجدنا من الصعب أن يتم التشكيل بالسباكة لأن السمك المطلوب صغير جداً لعدم سهولة انساب المعدن المنصهر داخل القالب .

وقع الاختيار على معدن (التوتيا) ، المستخدم في خزانات المبردات المائية وجدنا انه المناسب لتشكيل الأوعية لأن له خاصية جيدة إذ لا يسمح بتسريب كميات كبيرة من الحرارة من داخل الإناء إلى خارجه ، ويحافظ على كمية الحرارة الداخلية ، مما يقيينا عن استخدام العوازل مثل الصوف الحراري وغيره . تم التصنيع بواسطه التشكيل اليدوي ، و ذلك بعد رسم يوضح الإفراد لكل إناء على حدا لمعرفة أبعاد القطع المطلوبة ليتم تصنيعها . كما قمنا باستخدام نوع من اللحام البارد يعرف باسم لحام (الأردait) وذلك لمنع تسريب الماء خارج الوعاء .

الفصل الخامس

الاختبارات والنتائج

الفصل الخامس

5.0 الاختبارات والنتائج

5.1 مقدمه عن السخان والثيرموتر :-

السخان والتتمدد في السوائل :

يعتبر السخان الكهربائي طريقه مناسب للحصول على الطاقة الحرارية في هذه الحالة تتحول الطاقة الكهربائية إلى طاقة حرارية فإذا وصلنا سخان قدرته 1Kw بمصدر كهربائي جهد 240V فان ذلك يعني ان 1000J من الطاقة الكهربائية تستهلك في الثانية الواحد وهذه الطاقة تتحول إلى طاقة حرارية .

إذا أعطينا هذه الطاقة إلى مادة فلاشك ان درجة حرارتها سوف ترتفع إلا انه يحدث تغير حاله ، ولكن نجد الارتفاع في درجة الحرارة يتاسب طردياً مع الطاقة الممتصه ويكون ذلك مرتبط بمعدل كتله ثابتة . لكن نجد انه إذا تم تسخين كتلة 1Kg لكي ترتفع درجة حرارته 10°C فإننا سوف نحتاج الى كمية طاقة كبيرة جداً وتكون ضعفي الطاقة المستخدمة في رفع درجة حرارة نفس الكتلة 1°C .

السعه الحرارية هي الطاقة اللازمة لرفع درجة حرارة مادة كتلتها 1Kg درجة مئوية واحد ، فان لها تأثير مباشر على ارتفاع الحرارة فبزيادتها نحتاج إلى طاقة حرارية أكبر وهذا ما يفسر ان الماء يحتاج إلى كميه كبيرة من الطاقة حتى ترتفع درجة حرارته 1°C (السعه الحرارية للماء حوالي 4200degc) .

عند تسخين السوائل وارتفاع درجة الحرارة يحدث تتمدد وذلك ما يفسر بناء نظرية التيرمومير على نظرية السوائل ومثلاً إذا ملأت قنينة بماء لدرجة حرارة عالية وأرتفعت الحرارة نلاحظ ان الماء يتدفق ، مع ذلك إذا كانت عند 0°C وقنا برفع الحرارة قليلاً نجد ان الماء سينكمش لينزل في فراغات الفوهه ، عموماً عند رفع درجة الماء من 0°C إلى 4°C فإنه يحدث انكمash للماء أما فوق هذه الدرجة فانه يتمدد كلما زادت درجة الحرارة ويشابه السوائل الأخرى .

الغازات أيضاً تتمدد وهذا ما يفسر ارتفاع الهواء الساخن إلى أعلى عكس البارد لأنه أعلى كثافة ويكتسب الهواء الملائم لسطح الإناء الحرارة عن طريق ذرات الماء المتاخر من داخل الإناء وبالتالي تزيد حرارته ويرتفع إلى أعلى ويحل محله الهواء البارد .

في انتقال الحرارة خلال الماء والذي يسمى الانتقال بالحمل فنجد ان الماء القريب من السخان أعلى درجة حرارة ، حيث ان الماء يتمدد بالحرارة وكثافته تقل ويتحرك الماء الساخن لأعلى وبالتالي ترتفع الحرارة وتعتمد في توزيعها على حركة الماء الساخن ونسبة لوضع السخان في الوسط يتم الانتقال الحراري في أسرع وقت إلى أجزاء الإناء الأخرى بطريقة إشعاعية .

نجد انه عند تسجيل الترمومتر لدرجة حرارة الماء عند التحول من سائل إلى بخار سنجد إنها تتطلب سببته أثناء التحول وفي تلك الظروف التي يغلى فيها الماء في كاس مفتوحة بالمعلم سنجد ان درجة الغليان

عوماماً تساوى 100°C عند الضغط الجوى القياسى عند مستوى سطح البحر وهى نقطه لمعايرة التيرومومتر .

التيرومومتر :-

هناك عدة أنواع من التيرومومترات التي تستخدم في قياس درجة الحرارة منها التيرومومترات المانومترية والرئيقية والأخيره هي أكثر الأنواع شيوعاً ودققتها 0.25 درجة مئوية وعند قياس درجة الحرارة يجب ان يوضع في تلامس جيد مع السائل أي بغمر البصيلة التي تحتوى الرئيق في الماء أو في السائل المراد قياس حرارته حتى يتم التعدد في الزبق .

5.2 الاختبارات :-

تم إجراء الاختبارات في الأواني التي ورد ذكر تصميمها في الفصل الرابع بحجم ثابت وكما ذكرنا ان انتقال الحرارة تم في اتجاه نصف قطرى . قمنا بوضع سخان داخلي مربوط بحامل في منتصف الإناء وقمنا بملئ الإناء بماء عند درجة حرارة 23°C . تم تقسيم أنصاف الأقطار إلى ثلاثة مسافات متساوية (أى تم تقسيم القياس في أربعة نقاط) وبما أن الحرارة تنتقل في اتجاه نصف قطرى وجدنا هناك تماثل في اتجاه الأقطار الأربع .

تم تثبيت الأربعة ثيرومومترات ، حسب المسافات السابقة ذكرها على نصف القطر ابتداءً من مركز الإناء بعد ذلك اختبرنا تدريج زمني ورصدنا قراءة الأربعة ثيرومومترات المختلفة في تدريج زمني 100 ثانية ثم قمنا بإعادة التسخين لكل آناء على حدي وقمنا برصد درجات الحرارة لكل التيرومومترات .

5.3 النتائج والمقارنة :-

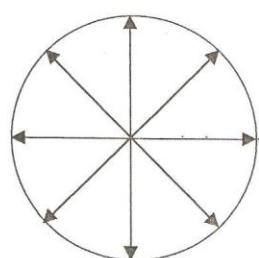
لإيجاد طريقة للمقارنة يمكن ملاحظة أن نتائج القراءات في الأسطوانة متقاربة بعض الشيء أكثر منها في نصف الكرة والمستطيل المقطع ولكن لا تعطى فرقاً واضحاً أو إختلاف كبير في درجة الحرارة بين الثلاثة أوعية المستخدمة في الإختبار .

بعد تسجيل النتائج " القراءات " ورصدها وتحليلها نظرياً بطريقة المقارنة بين درجات الحرارة واحتلافها من وعاء لآخر .

كان لا بد من وجود طريقة عملية لإجراء مقارنة ، ولكن من خلال النظر لتلك الدرجات نجد أنها أعلى في الوسط من الأطراف في كل الأوعية ويعزى ذلك لوجود السخان في الوسط ونجد أن درجة حرارة الماء ترتفع إلى 81°C وبعد هذه الدرجة تكون الحرارة متساوية في كل الإناء وبالتالي تتساوى في كل النقاط المأخوذة في نصف القطر ، وتكون الزيادة واحدة في كل النقاط أو يكون الفرق ضئيل جداً بحيث لا يمكن ملاحظته عن طريق أجهزة القياس المستخدمة.

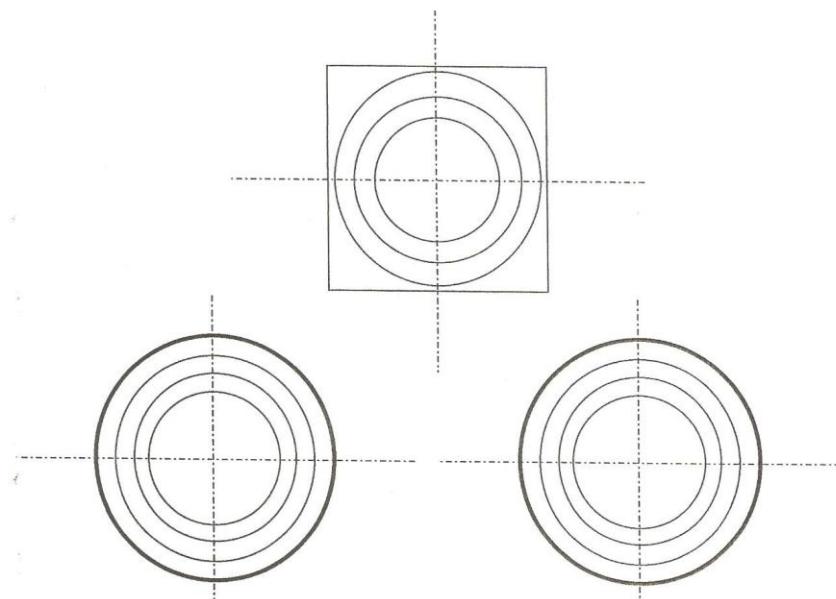
إذا تم رسم دوائر مركزها في الوسط وتمر أو تمس نقاط التقسيم عند أحد القراءات في عدة إتجاهات وجد أن التماثل في توزيع درجات الحرارة في النقاط الأربعة إذا أخذت على أي نصف قطر وذلك لأن انتقال الحرارة وكما هو معلوم يتم في إتجاهات إشعاعية نصف قطرية أنظر الشكل (5-2-2) .

ونذلك عند رسم دائرة تمر ببنقطة فإنها تمر بالثلاثة نقاط المماثلة لها على أنصاف الأقطار



شكل (5-2-2) يوضح طريقة انتقال الحرارة

وبعد عمل تلك الدوائر نجد أنها أكثر إنتظاماً في الأسطواني أنظر الشكل (5-2-3) ، مما يبين إن التوزيع الحراري المنتظم يتم فيها بصورة أفضل من الكروي والمستطيل المقطع .



شكل (5-2-3) يوضح التوزيع الحراري في الاوعية

بناءً على ذلك تم رسم علاقات بيانية تعطي عدداً من المخططات ، وقد تم بناءها بعدة أنسس منها مثلاً (درجة الحرارة والزمن) أو (درجة الحرارة والمسافة) ، فدرجة الحرارة والزمن والمسافة تمثل الأعمدة الأساسية لمعرفة الفرق في درجات الحرارة توزيعها وإتجاهها على السطح في كل وعاء، والجدول التالي يوضح بعض الدوال المستخدمة في المخططات البيانية ، و طرق لدراسة التوزيع الحراري في كل وعاء بعد مقارنتها مع بعضها .

X	Y
dT/dx	X
dT/t	X
dt	X

حيث أن :-

dT ≡ الفرق في درجات الحرارة بين T_1 وأي نقطة أخرى على نصف القطر

x ≡ المسافة بين T_1 وأي نقطة من النقاط الثلاثة الأخرى .

t ≡ التدرج الزمني

وأستخدمت هذه المعطيات في رسم مخططات توضح العلاقة بينها فأعطت إختلاف بعض الشيء بالنسبة لدرجات الحرارة والإحداثيات التي رسمت بها . ومن تقييم العلاقة بين المخططات المرسومة حسب الجدول أعلاه نجد أن أفضلها في المقارنة هي تلك التي رسمت بدلالة dT مع x (انظر الملحق C) .

لاستبطاط طريقة للمخططات تمأخذ منحنى واحد من كل شكل ووضحت عليه الإحداثيات (x, y) الأساسية ، ووجد أن التدرج للنقطة على المحور dT بالنسبة للأسطوانة يكون أفضل إذا تم مقارنته مع الكروي والمستطيلي . (أي أن الفرق في درجات الحرارة الناتج بعدأخذ نقاط عشوائية معلومة البعد وبعد توصيلها بخطوط رأسية مع المنحنى ثم اقفي حتى تحصل على قيمة dT) ، ونلاحظ أن الفرق في درجات الحرارة بين النقاط المقترحة والأساسية يكون متقارباً في الأسطوانة أكثر من غيرها وذلك لإنظام مقطع الأسطوانة نسبة لتساوي مساحة السطح بالنسبة للوجه والقاعدة .

مما ذكر عاليه وكما هو واضح في الملحق C في المخططات C-1-3 و C-2-3 و C-3-3 للمستطيل ونصف الكرة والأسطوانة على الترتيب نجد أن ميل الخط المستقيم للعلاقة بين dT و x يكون أكثر انحداراً في حال المستطيل مما يشير لنفاوتات كبيرة في درجات الحرارة بين اي نقطة والتي تليها في مستوى الشكل المستطيل . ويكون ميل الخط المستقيم أقل انحداراً في حالة المقطع الكروي وأقل بكثير في حالة الشكل الأسطواني مما يبني بان الشكل الأسطواني هو الشكل الهندسي الأفضل لتوزيع الحرارة بانظام تقريباً في المستوى الأفقي لها مما يبرر استخدامه في أونى الطهي والمبادلات الحرارية وغيرها من الأجهزة .

بناءً على ذلك تم رسم علاقات بيانية تعطي عدداً من المخططات ، وقد تم بناءها بعدة أسس منها مثلاً (درجة الحرارة والزمن) أو (درجة الحرارة والمسافة) ، فدرجة الحرارة والزمن والمسافة تمثل الأعمدة الأساسية لمعرفة الفرق في درجات الحرارة توزيعها وإتجاهها على السطح في كل وعاء، الجدول التالي يوضح بعض الدوال المستخدمة في المخططات البيانية ، و طرق لدراسة التوزيع الحراري في كل وعاء بعد مقارنتها مع بعضها .

X	Y
dT/dx	X
dT/t	X
dt	X

حيث أن :-

dT ≡ الفرق في درجات الحرارة بين T_1 وأي نقطة أخرى على نصف القطر

x ≡ المسافة بين T_1 وأي نقطة من النقاط الثلاثة الأخرى .

t ≡ التدرج الزمني

وأستخدمت هذه المعطيات في رسم مخططات توضح العلاقة بينها فأعطت إختلاف بعض الشيء بالنسبة لدرجات الحرارة والإحداثيات التي رسمت بها . ومن تقييم العلاقة بين المخططات المرسومة حسب الجدول أعلاه نجد أن أفضلها في المقارنة هي تلك التي رسمت بدلالة x مع dT (انظر الملحق C) .

لاستبيان طريقة للمخططات تمأخذ منحنى واحد من كل شكل ووضحت عليه الإحداثيات (x, y) الأساسية ، ووجد أن التدرج لل نقاط على المحور dT بالنسبة للأسطوانة يكون أفضل إذا تم مقارنته مع الكروي والمستطيلي . (أي أن الفرق في درجات الحرارة الناتج بعدأخذ نقاط عشوائية معلومة البعد وبعد توصيلها بخطوط رئيسية مع المنحنى ثم أقيمت حتى نحصل على قيمة dT) ، ونلاحظ أن الفرق في درجات الحرارة بين النقاط المقترحة الأساسية يكون متقارباً في الأسطوانة أكثر من غيرها وذلك لانتظام مقطع الأسطوانة نسبة لتساوي مساحة السطح بالنسبة للوجه والقاعدة .

ما ذكر عالياً وكما هو واضح في الملحق C في المخططات C-1-3 و C-2-3 و C-3-3 للمستطيل ونصف الكره والأسطوانة على الترتيب نجد أن ميل الخط المستقيم للعلاقة بين dT و x يكون أكثر اندحاراً في حال، المستطيل مما يشير لنفاوتات كبيرة في درجات الحرارة بين أي نقطة والتي تليها في مستوى الشكل المستطيل . ويكون ميل الخط المستقيم أقل اندحاراً في حالة المقطع الكروي وأقل بكثير في حالة الشكل الأسطواني مما ينبي بالشكل الأسطواني هو الشكل الهندسي الأفضل لتوزيع الحرارة بانتظام تقريباً في المستوى الأفقي لها مما يبرر استخدامه في أنوبي الطهي والمبادلات الحرارية وغيرها من الأجهزة .

الفصل السادس

الخاتمة والتوصيات

الفصل السادس

6.0 الخاتمة والتوصيات

6.1 الخاتمة :

تم في هذا البحث التوصل إلى عمل دراسة مختبرية لتوزيع درجات الحرارة على شكل كروي وأسطواني ومستطيولي المقطع .
أثناء هذه التجارب تم التعرف على كيفية الحصول على توزيع درجات الحرارة في عدة طرق للتسخين وتم استخدام سخان كهربائي ليكون التسخين من الداخل حتى يعطى توزيع أفضل لدرجات الحرارة ، ويتم الاستفادة من هذه التجربة في اختيار الشكل الأمثل لتصنيع الأواني المستخدمة في الطهي و الغليات وغيرها من الأشياء المرتبطة بعمل الحرارة .

المراجع:

Applied Thermo dynamic-1
By T. D. E Astop - A . MC . Conkey
Long man , Scinetific , and Technical
HEAT TRNNNSFER -2

تأليف:

بهاشاندرا. في. كادليكار ، روبرت . م . دزموند

ترجمة :
أ.د. أحمد صابر احمد فهمي ، أ . م . د مصطفى محمد مصطفى سويدان ، أ . م . د ماجد إبراهيم نجم

مراجعة :

أ.م. د محسن سالم رضوان .

٣ - العلوم الفيزيائية للفنون

تأليف : و. بولتون

ترجمة : الدكتور : سعيد الجريري

مراجعة : الدكتور : أحمد فؤاد باشا

٤- القياسات الحرارية (أجهزة - تطبيقات)

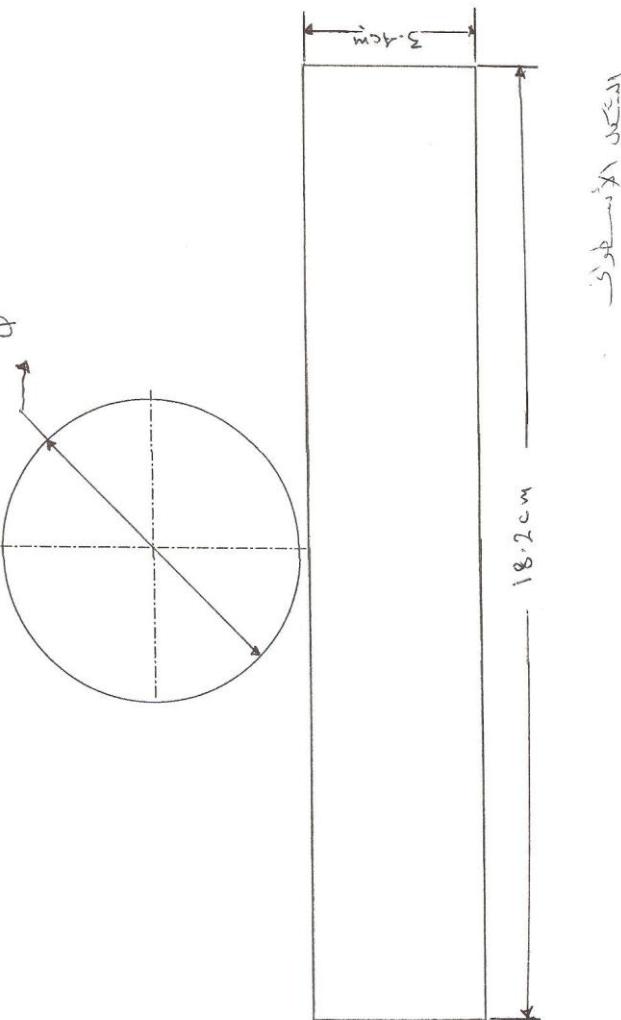
تأليف : دكتور مهندس : رمضان احمد محمود

اللاحق

A . ملحق

Scale 1:5

Φ
4,4,4,4



41

الشكل المثلثي المتساو

Scale 1:5



42

مَلْحُوقٌ - B.

T4	T3	T2	T1	الزمن
25	26.5	27	28	100
27.5	28.5	30	31	200
30	31.5	23	33.5	300
31.5	32.5	33.5	35	400
34	36	37.5	38	500
38.5	39	40	41.5	600
42	43	44	45	700
45.5	47	48	49	800
51.5	52.5	54	55	900
53	54	55	57	1000
55	56	57.5	58.5	1100
58	59	61	62.5	1200
61.5	62	64.5	65	1300
64	65	68	68.5	1400
66.5	67.5	68.5	69.5	1500
68.5	69.5	70.5	72	1600
70.5	71.5	73	74	1700
73.5	75	75.5	77	1800
75.5	77.5	78	79	1900
78	79	80.5	80.5	2000
78.5	79.5	81	81	2100
79.5	80.5	81	81	2200
80	80.5	81	81	2300
80.5	81	81	81.5	2400
81	81	81.5	81.5	2500

جدول (١-١) :

تسجيل قراءات درجات الحرارة في الإناء المستطيلي المقطع

في المركز T1

تبعد مسافة 3.73 Cm من المركز T2

تبعد مسافة 7.46 Cm من المركز T3

تبعد مسافة 11.2 Cm من المركز T4

dt/dx	dt/dx	dt/dx	الزمن
0.134	0.101	0.134	100
0.156	0.167	0.134	200
0.134	0.134	0.134	300
0.156	0.167	0.201	400
0.201	0.201	0.201	500
0.134	0.167	0.201	600
0.134	0.134	0.201	700
0.156	0.134	0.134	800
0.156	0.167	0.134	900
0.179	0.201	0.134	1000
0.156	0.167	0.134	1100
0.201	0.234	0.201	1200
0.156	0.201	0.0669	1300
0.201	0.234	0.0669	1400
0.134	0.134	0.134	1500
0.167	0.167	0.201	1600
0.156	0.234	0.134	1700
0.156	0.134	0.201	1800
0.156	0.101	0.134	1900
0.112	0.134	0.134	2000
0.0669	0.101	0.0669	2100
0.0669	0.034	0	2200
0.045	0.034	0	2300
0.045	0	0.039	2400
0.0223	0	0	2500

جدول (1-2) :
بالنسبة للناء المستطيلي المقطع

dT/t	dT/t	dT/t	الزمن
0.03	0.015	0.01	100
0.035	0.015	0.01	200
0.035	0.02	0.015	300
0.035	0.025	0.015	400
0.04	0.02	0.005	500
0.03	0.025	0.015	600
0.03	0.02	0.01	700
0.035	0.025	0.01	800
0.034	0.03	0.01	900
0.04	0.025	0.02	1000
0.035	0.025	0.01	1100
0.045	0.035	0.015	1200
0.035	0.03	0.005	1300
0.045	0.025	0.005	1400
0.03	0.02	0.01	1500
0.035	0.025	0.015	1600
0.035	0.025	0.01	1700
0.035	0.025	0.015	1800
0.035	0.015	0.01	1900
0.025	0.015	0.01	2000
0.025	0.015	0.005	2100
0.015	0.005	0	2200
0.01	0.005	0	2300
0.01	0	0.005	2400
0.005	0	0.005	2500

جدول (١-٣)

بالنسبة للإناء المستطيلي المقطع

dT	dT	dT	الزمن
3	1.5	1	100
3.5	2.5	1	200
3.5	2	1.5	300
3.5	2.5	1.5	400
4	2	0.5	500
3	2	1.5	600
3	2.5	1	700
3.5	3	1	800
3.5	2.5	1	900
3	3	2	1000
3.5	2.5	1	1100
4.5	3.5	1.5	1200
3.5	3	0.5	1300
4.5	3.5	0.5	1400
3	2	1	1500
3.5	2.5	1.5	1600
3.5	2.5	1	1700
3.5	2	1.5	1800
3.5	1.5	1	1900
2.5	1.5	1	2000
2.5	1.5	0.5	2100
1.5	0.5	0	2200
1	0.5	0	2300
1	0.5	0.5	2400
0.5	0.5	0	2500

جدول (١-٤) :
١٠٤ بالنسبة للأناء المستطيلي المقطع

T4	T3	T2	T1	الزمن
28	28.5	29	30	100
31.5	33.5	33	34	200
35.5	36.5	37	39	300
39	39.5	40	41.5	400
41.5	42.5	43	46	500
43	44	45.5	47.5	600
45	46	47.5	51	700
47.5	49.5	50	53	800
50	52.5	53	55.5	900
52.5	54	55	57	1000
55	56	57	59.5	1100
57	58	58.5	61.5	1200
58	59	60.5	64	1300
60	62	62.5	65	1400
61	63	64	67.5	1500
63	64.5	65	69.5	1600
64	65.5	66	71.5	1700
65	66.5	67.5	73.5	1800
67	69	70	75	1900
69.5	72	73	76	2000
71	73.5	75.5	77	2100
73	75	77	78.5	2200
75	76	78	79	2300
76	77	78.5	80	2400
76.5	78	79	80.5	2500

جدول (2-1) :

تسجيل قراءات درجات الحرارة في الإناء الأسطواني

T1 في المركز

T2 تبعد مسافة 4.83 Cm من المركز .

T3 تبعد مسافة 9.66 Cm من المركز .

T4 تبعد مسافة 14.5 Cm من المركز .

dt/dx	dt/dx	dt/dx	الزمن
0.1379	0.1552	0.2070	100
0.1724	0.2587	0.2070	200
0.2413	0.2587	0.4140	300
0.1724	0.2070	0.3105	400
0.3103	0.3623	0.6211	500
0.3103	0.3623	0.4140	600
0.4137	0.5175	0.7246	700
0.3103	0.2587	0.4140	800
0.3103	0.3105	0.5175	900
0.3793	0.3105	0.4140	1000
0.3103	0.3623	0.5175	1100
0.3103	0.3623	0.6211	1200
0.4137	0.1575	0.7246	1300
0.3448	0.2585	0.5175	1400
0.4482	0.4658	0.7246	1500
0.4482	0.5172	0.9316	1600
0.5172	0.6211	1.1387	1700
0.5862	0.7246	1.12422	1800
0.5517	0.6211	1.0351	1900
0.4482	0.4140	0.6211	2000
0.4137	0.3623	0.3105	2100
0.3793	0.3623	0.3015	2200
0.2758	0.3105	0.2070	2300
0.2758	0.3105	0.3105	2400
0.2068	0.2587	0.3105	2500

جدول (2-2) :
بالنسبة للإناء الأسطواني dt/dx

dT/t	dT/t	dT/t	الزمن
0.020	0.015	0.01	100
0.025	0.005	0.01	200
0.035	0.025	0.02	300
0.025	0.02	0.015	400
0.045	0.035	0.03	500
0.045	0.035	0.02	600
0.060	0.05	0.035	700
0.045	0.025	0.02	800
0.045	0.03	0.025	900
0.055	0.03	0.02	1000
0.045	0.03	0.025	1100
0.045	0.035	0.03	1200
0.060	0.05	0.035	1300
0.050	0.03	0.025	1400
0.065	0.045	0.035	1500
0.065	0.05	0.045	1600
0.075	0.06	0.055	1700
0.085	0.07	0.06	1800
0.080	0.06	0.05	1900
0.065	0.04	0.03	2000
0.060	0.035	0.015	2100
0.055	0.035	0.015	2200
0.040	0.030	0.01	2300
0.040	0.030	0.015	2400
0.040	0.025	0.015	2500

جدول (2-3) :
الزمن بالنسبة للاناء الاسطواني dT/t

dT	dT	dT	الزمن
2	1.5	1	100
2.5	0.5	1	200
3.5	2.5	2	300
2.5	2	1.5	400
4.5	3.5	3	500
4.5	3.5	2.5	600
6	5	3.5	700
4.5	2.5	2	800
5.5	3	2.5	900
4.5	3	2	1000
4.5	3.5	2.5	1100
4.5	3.5	3	1200
6	5	3.5	1300
5	3	2.5	1400
6.5	4.5	3.5	1500
6.5	5	4.5	1600
7.5	6	5.5	1700
8.5	7.5	6	1800
8	6	5	1900
6.5	4	3	2000
6	3.5	1.5	2100
5.5	3.5	1.5	2200
4	3	1	2300
4	3	1.5	2400
4	2.5	1.5	2500

جدول (2-4) dT بالنسبة للإناء الأسطواني

T4	T3	T2	T1	الزمن
27	28.5	28	30	100
29	32	33	35	200
30.5	34	36	38	300
32.5	36	38	40	400
34	37.5	39	42.5	500
36	39	41	45	600
39	41	45.5	47	700
41	45.5	48	49	800
45.5	47	46	51	900
48	49	50	52.5	1000
50	51	52	54	1100
52.5	53.5	54	56	1200
53	54.5	56	58	1300
53.5	55.5	57	59	1400
55	56.5	58.5	60	1500
56.5	58	59	62	1600
58	59.5	61	63.5	1700
59.5	60.5	62	64	1800
60.5	61.5	63	64.5	1900
62	62.5	64	65	2000
62.5	63	64.5	66.5	2100
63	63.5	65	68	2200
64	64.5	66.5	69	2300
65	66	68	70	2400
66.5	68	69.5	73	2500

جدول (3-1) :
تسجيل قراءات درجات الحرارة في الإناء الكروي

• في المركز T1

T2 تبعد مسافة 5.83 Cm من المركز

T3 تبعد مسافة 11.66 Cm من المركز

T4 تبعد مسافة 17.5 Cm من المركز

dt/dx	dt/dx	dt/dx	الزمن
0.1714	0.1286	0.3431	100
0.3429	0.2573	0.3431	200
0.3286	0.3431	0.3431	300
0.4286	0.3431	0.3431	400
0.4857	0.5146	0.3431	500
0.5143	0.5146	0.6003	600
0.4571	0.5146	0.6861	700
0.4571	0.3002	0.2573	800
0.3143	0.3431	0.1715	900
0.2571	0.3002	0.8576	1000
0.2286	0.2573	0.4288	1100
0.2000	0.2144	0.3431	1200
0.2857	0.3002	0.3431	1300
0.3143	0.3002	0.3431	1400
0.2857	0.3002	0.3431	1500
0.3143	0.3431	0.2573	1600
0.3143	0.3431	0.5146	1700
0.2571	0.3002	0.4288	1800
0.2286	0.3431	0.3431	1900
0.1714	0.2144	0.2573	2000
0.2286	0.3002	0.1715	2100
0.2857	0.3859	0.3431	2200
0.2857	0.3859	0.5146	2300
0.2857	0.3431	0.4288	2400
0.3714	0.4288	0.3431	2500

: (٢-١)

بالنسبة للاناء الكروي

dT/t	dT/t	dT/t	الزمن
0.03	0.015	0.02	100
0.06	0.03	0.02	200
0.075	0.04	0.02	300
0.075	0.04	0.02	400
0.085	0.05	0.035	500
0.09	0.06	0.04	600
0.08	0.06	0.015	700
0.08	0.035	0.01	800
0.055	0.04	0.05	900
0.045	0.035	0.025	1000
0.04	0.03	0.02	1100
0.035	0.025	0.02	1200
0.05	0.035	0.02	1300
0.055	0.035	0.02	1400
0.05	0.035	0.015	1500
0.055	0.04	0.03	1600
0.055	0.04	0.025	1700
0.045	0.035	0.02	1800
0.04	0.03	0.015	1900
0.03	0.025	0.01	2000
0.04	0.035	0.02	2100
0.05	0.045	0.03	2200
0.05	0.045	0.025	2300
0.05	0.04	0.02	2400
0.056	0.05	0.035	2500

جدول (3-3) :
بالنسبة للإثناء الكروي

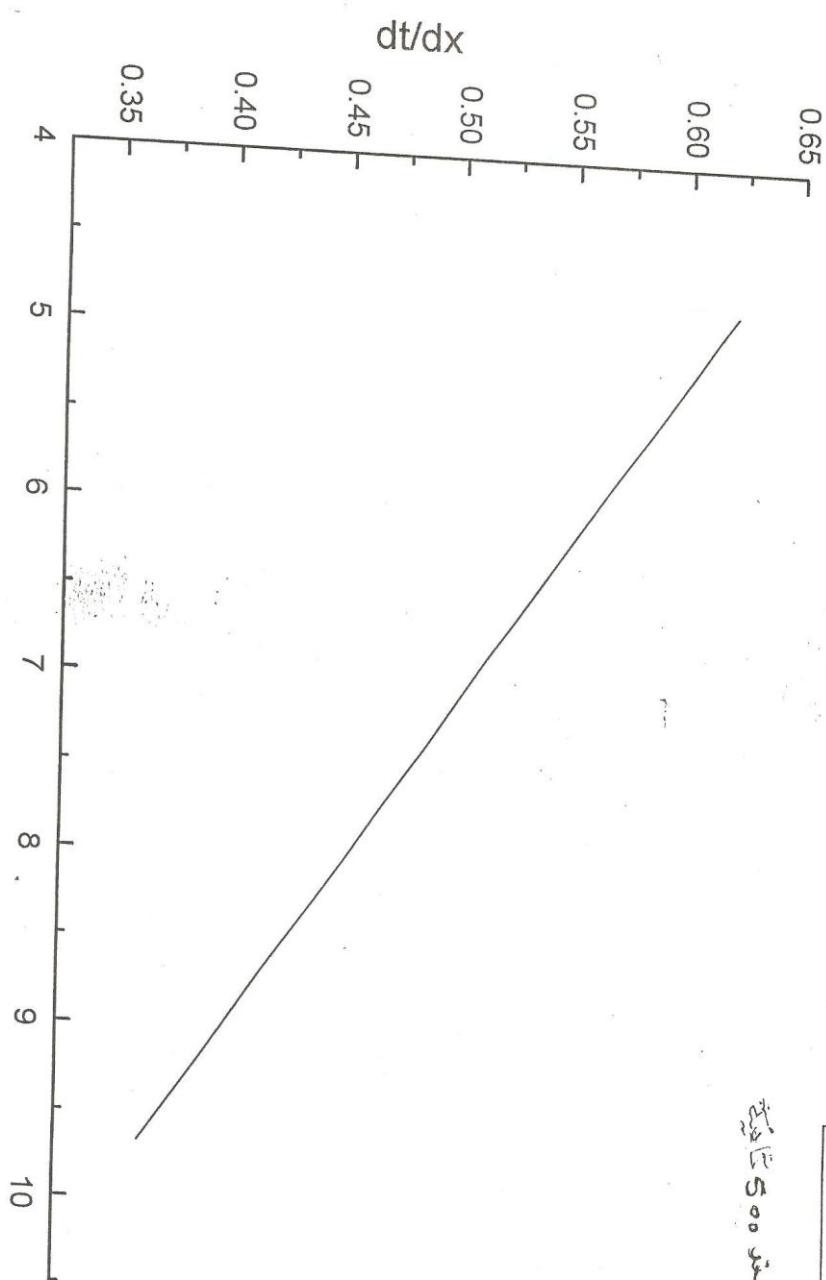
dT	dT	dT	الزمن
3	1.5	2	100
6	3	2	200
7.5	4	2	300
7.5	4	2	400
8.5	5	3.5	500
9	6	4	600
8	6	1.5	700
8	3.5	1	800
5.5	4	5	900
4.5	3.5	2.5	1000
4	3	2	1100
3.5	2.5	2	1200
5	3.5	2	1300
5.5	3.5	2	1400
5	3.5	1.5	1500
5.5	4	3	1600
5.5	4	2.5	1700
4.5	3.5	2	1800
4	3	1.5	1900
3	2.5	1	2000
4	3.5	2	2100
5	4.5	3	2200
5	4.5	2.5	2300
5	4	2	2400
6.5	5	3.5	2500

جدول (3-4) :
بالنسبة للإناء الكروي

م��ق - C

الأشيجات تحت ٥٠ تاریخ

— B



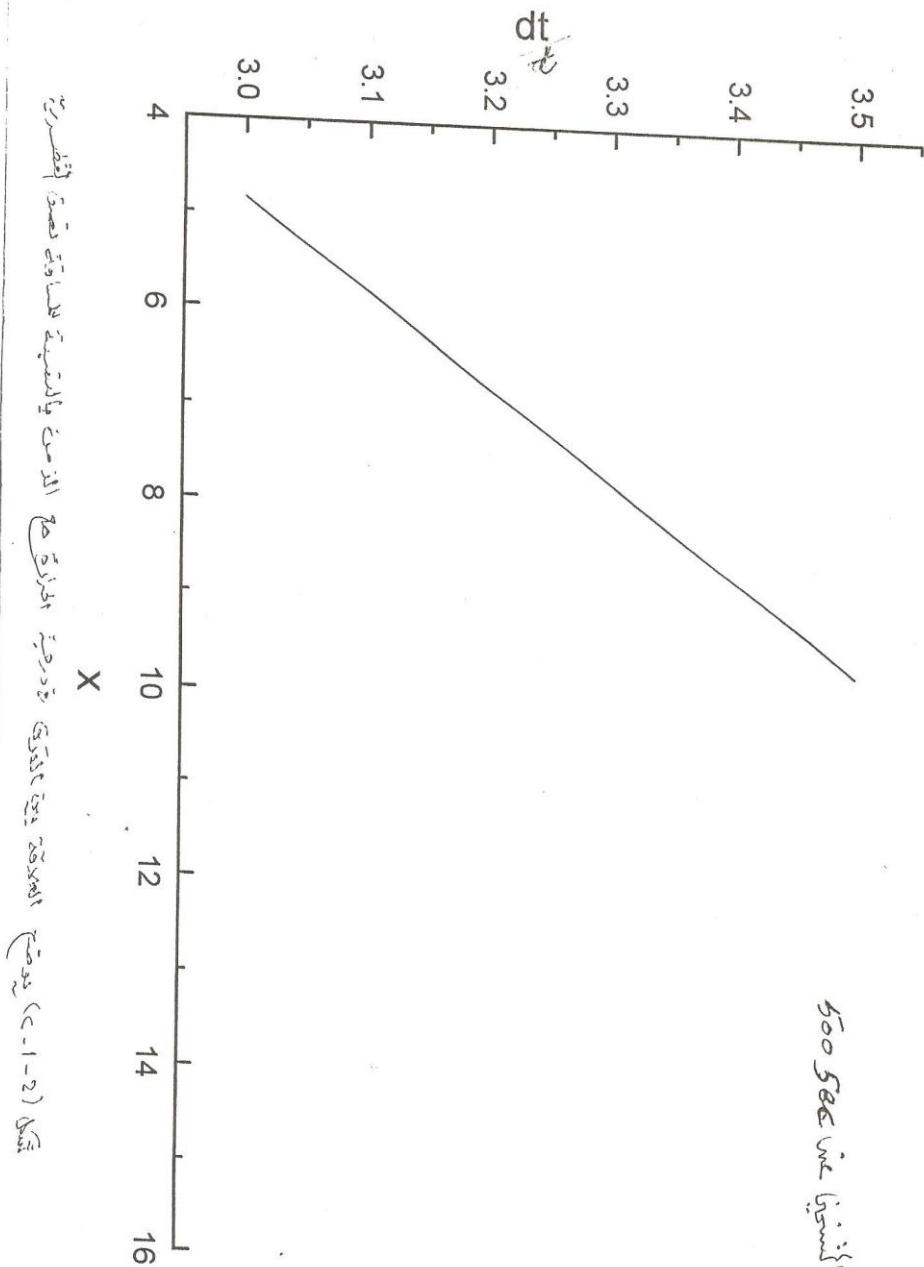
57

العنوان: بحث (١-١-٢) لـ (٣-٤) المنهجية بقية المنهج
المستدل: ملخص (١-١-٢) بـ (٣-٤) المنهجية بقية المنهج

للسنجي على ٣٨٥٠

— B

٥٨

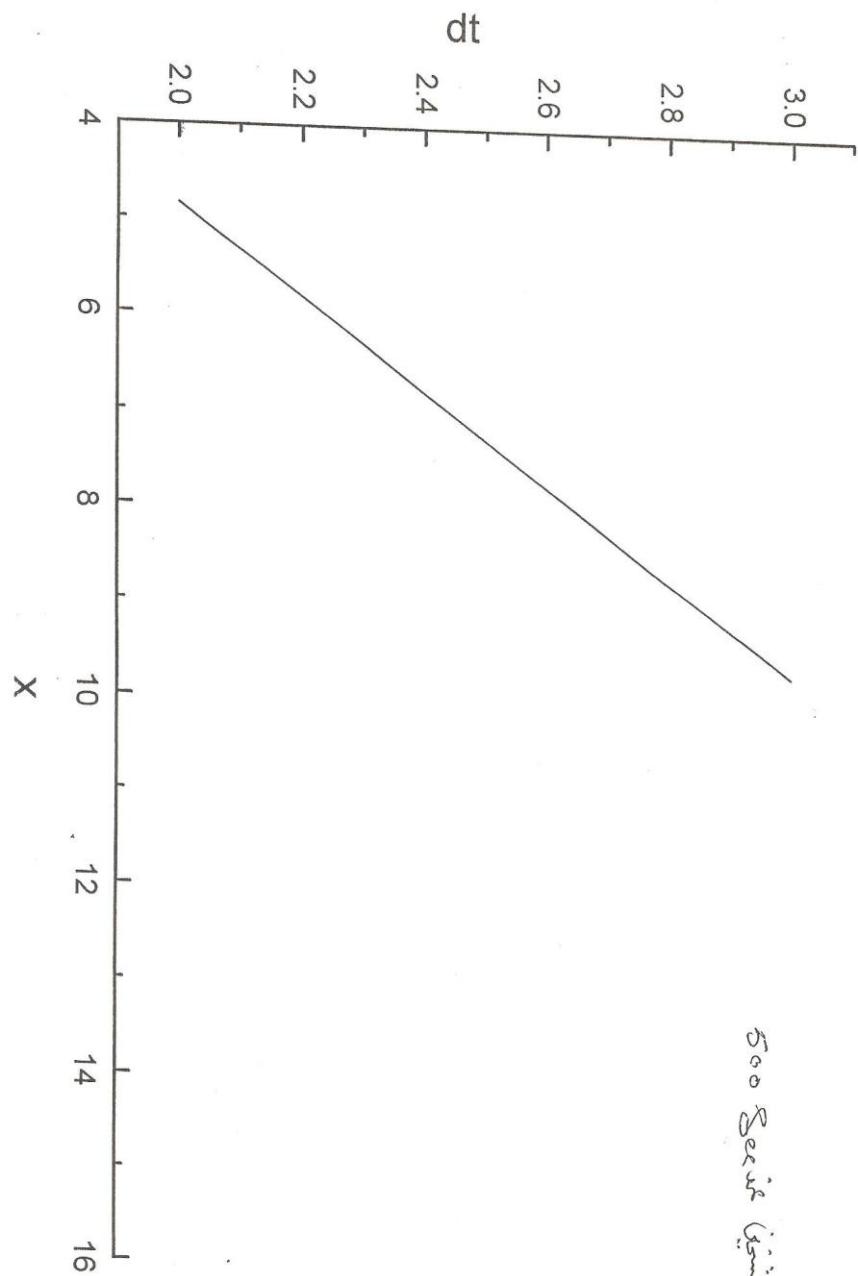


شكل (١-٢) يوضح العلاقة بين المدرسة والزمن يدل عليه ذلك بضربي

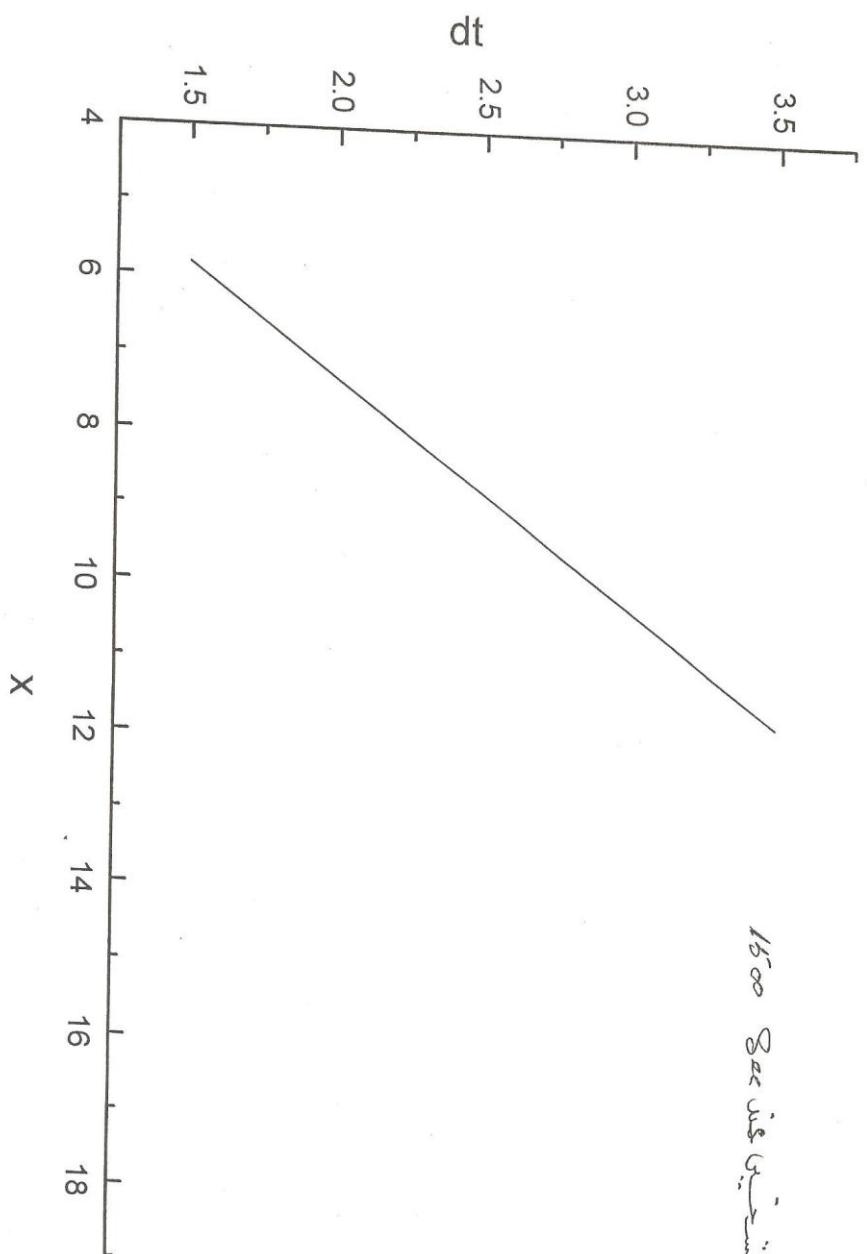
رسیون مذکور

— B

59



شکل (3-1-3) یوستی (البرهه) بینه (المرجع) دوستی (البرهه) نصیری (الجهد) برگر



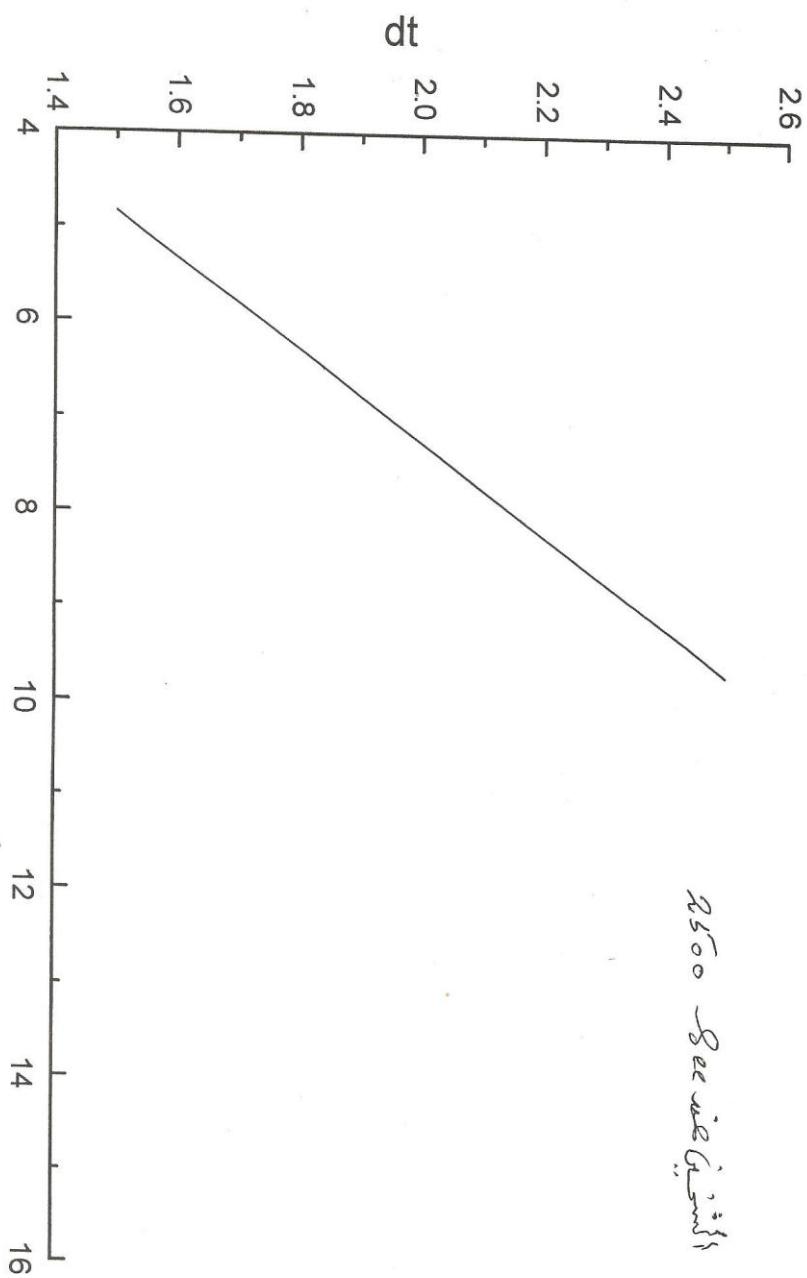
لکھیں گے ۸۰۰ میں میں

60

لکھیں گے (C-1-4) یوچسٹ (لکھیتے ہیتے) درجہ بالآخر جا انسٹے لکھیتے دستہ لکھرے

\boxed{B}

2500 Specimens



61

مکانیکی (5-1-2) بحثیہ اولیہ کا حصہ ہے اگرچہ جائزیہ ملکیت کا حصہ تھا۔

0.55

0.50

0.45

0.40

0.35

dt/dx



B

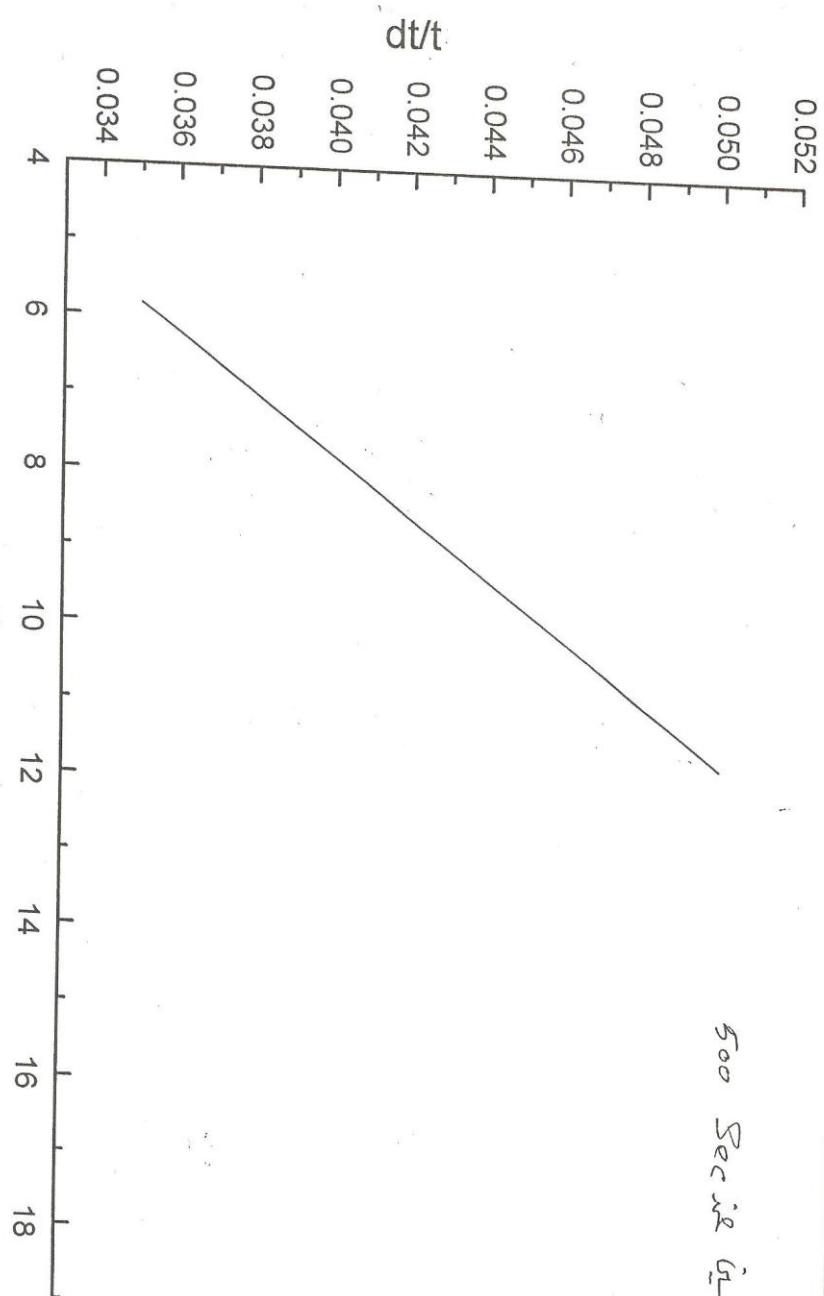
500 Sec in minutes

62

مختبر اذربيجان (١١-٢-٢) بختج اذربيجان
للمختبر اذربيجان

$\frac{dt}{t}$

500 سیکنڈ

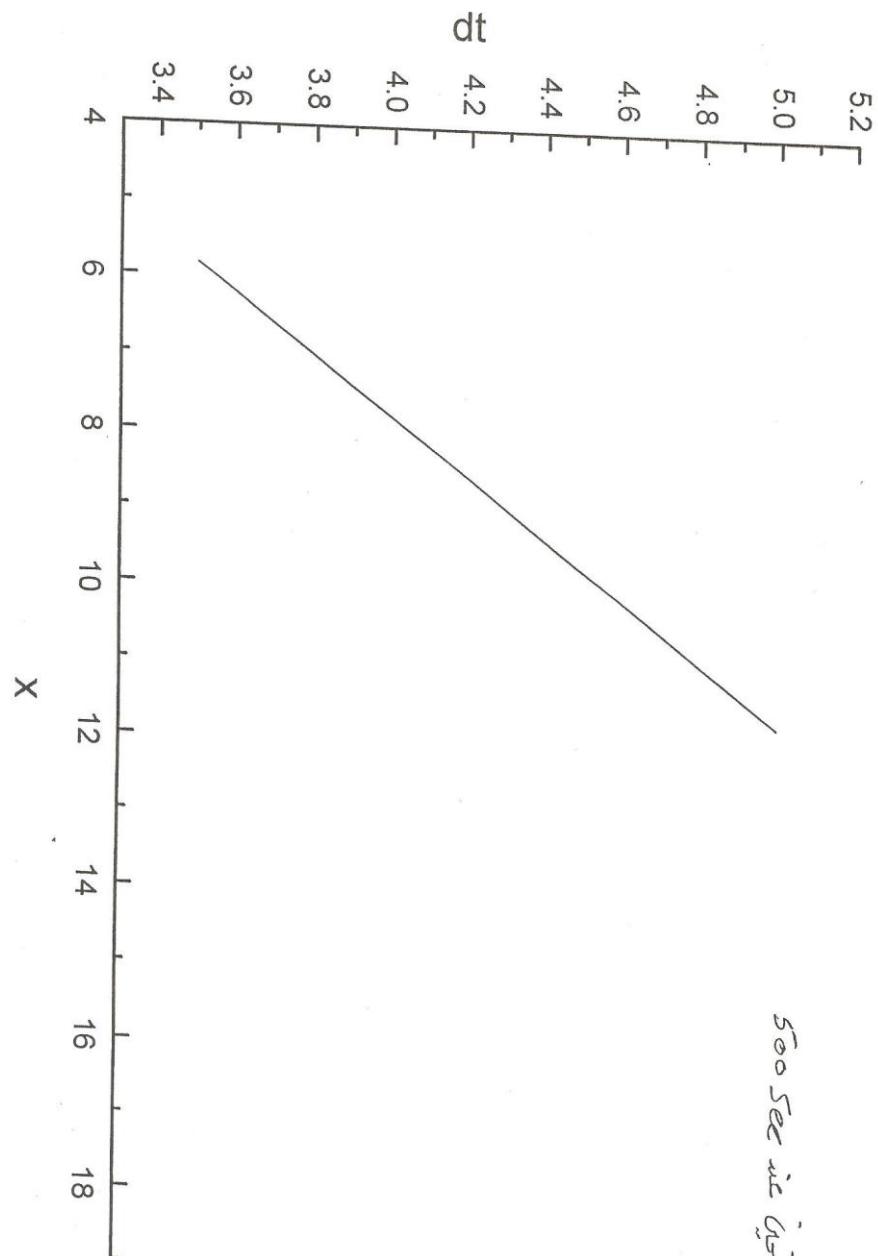


63

ایجاد ہے اور جو اپنے جانشی ملکیت کو نہیں ادا کر رہا ہے

500 sec میں کمتر

B

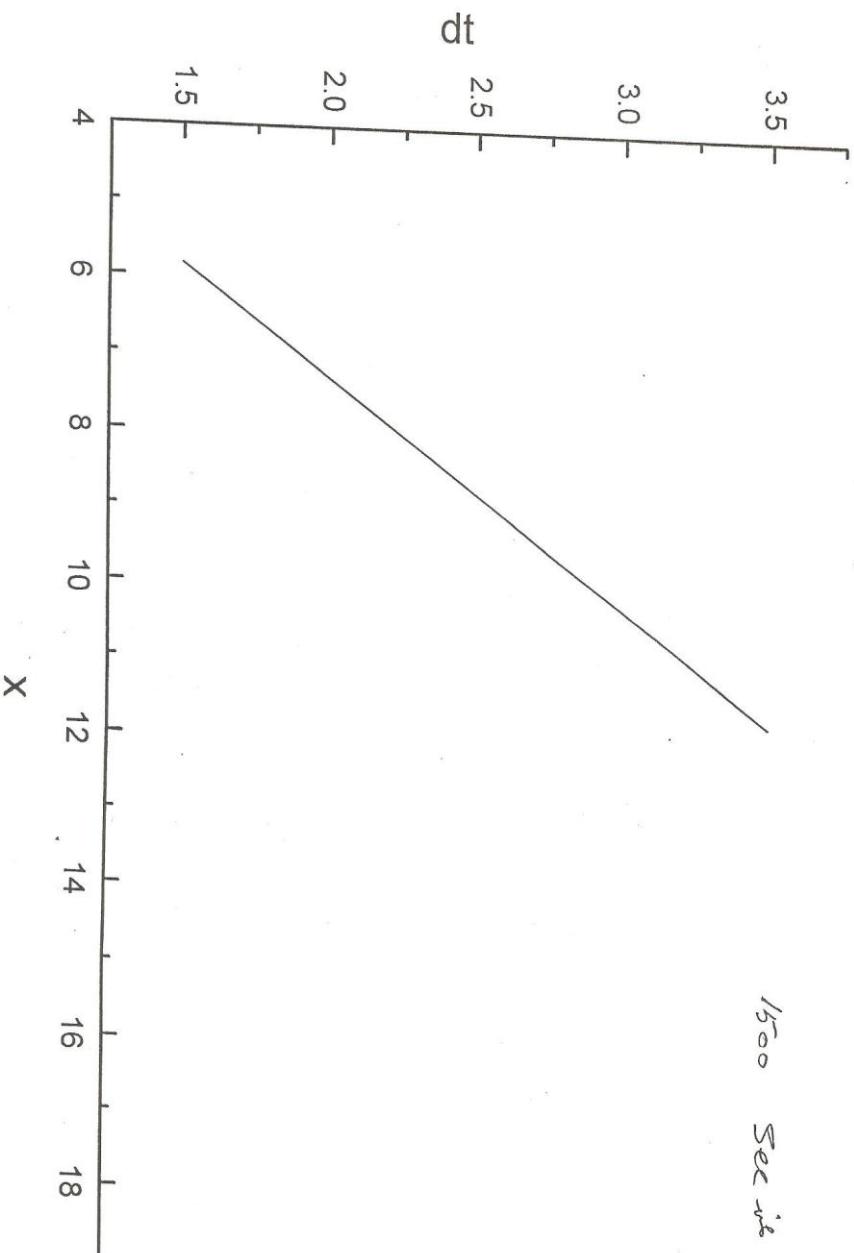


64

شکل بصری ۳-۲-۲ (العراقي) میں اعرقی درجہ حرارت بالتبغہ للمساہہ نہیں لکھا

B

1500 Sec and instant

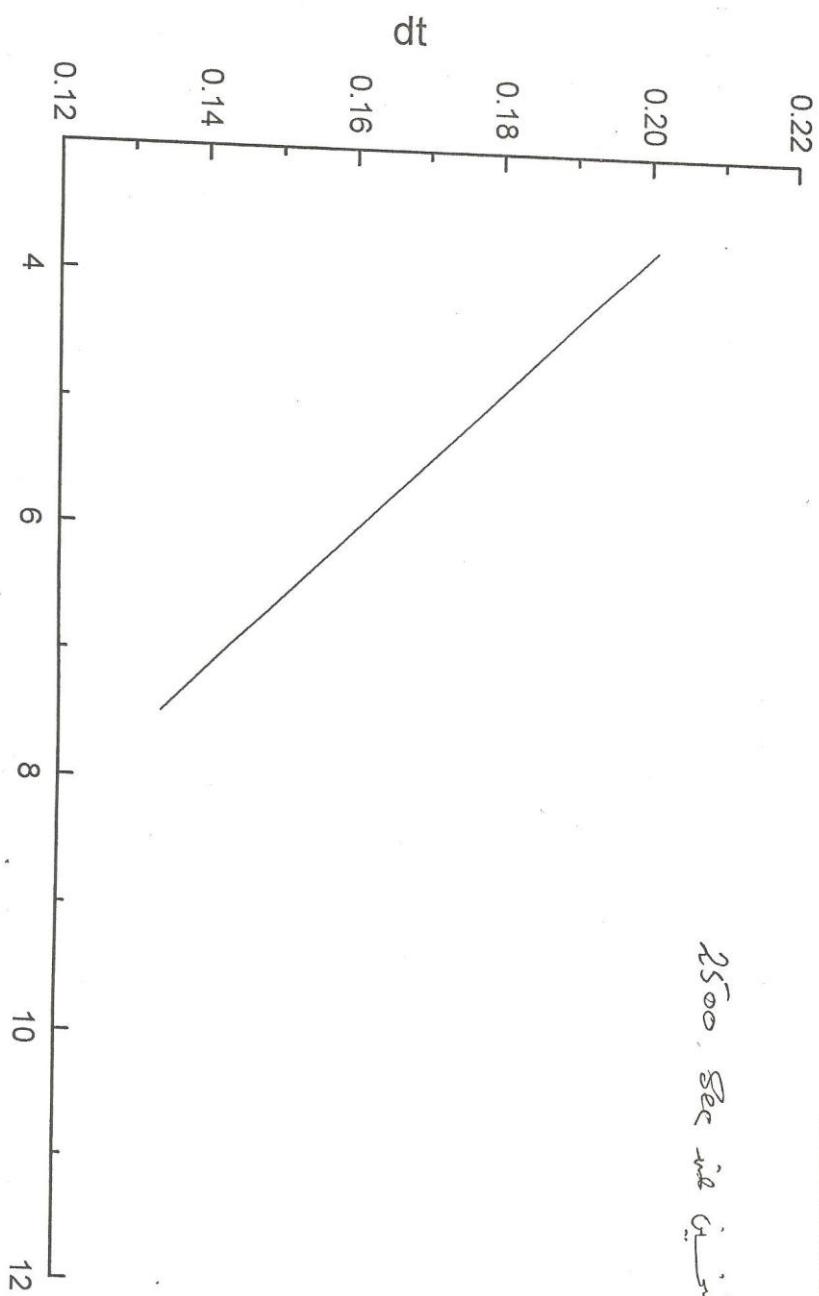


65

مهم "C-2-4" ملخص المطرقة بين المخطى درجى ، حرارة جائحة المسئون ، لتنف خارجى

\boxed{B}

2500. Sec via C

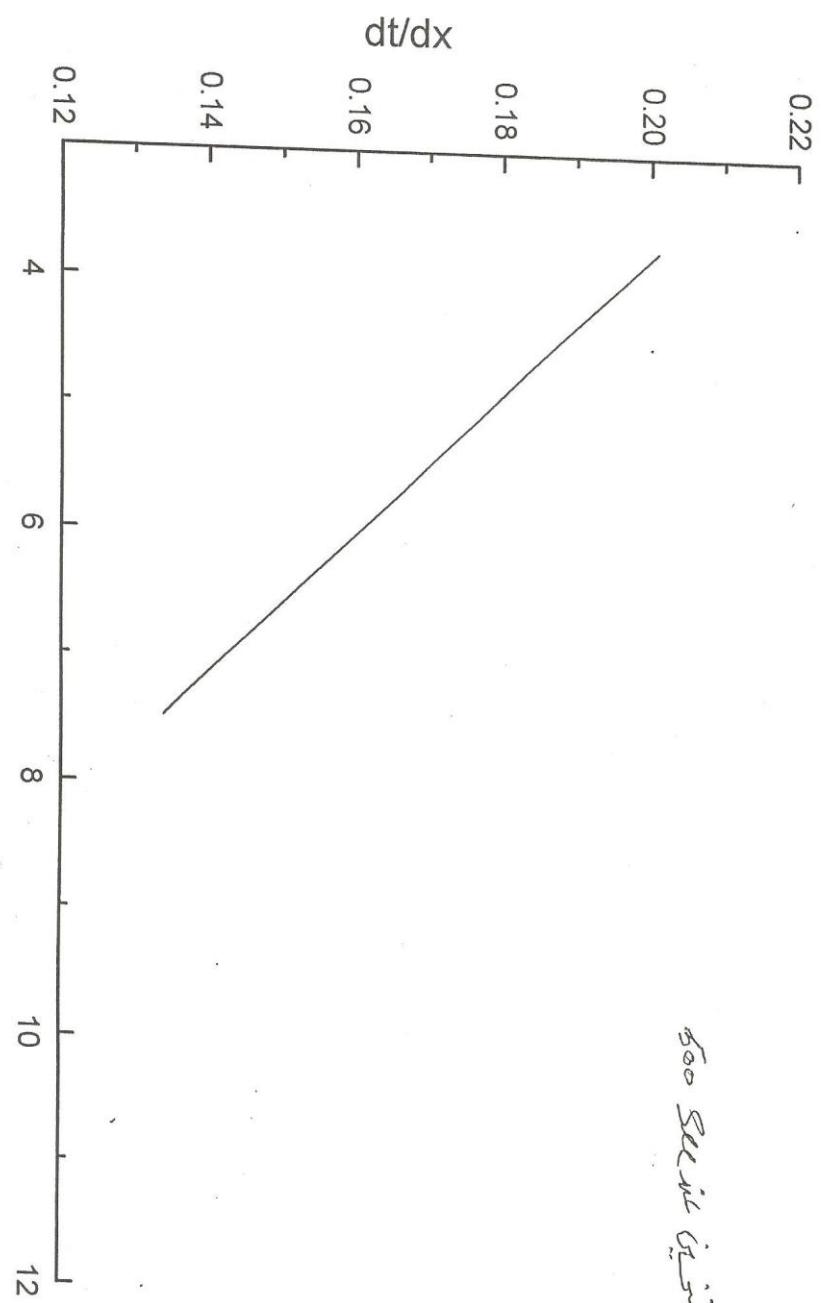


66

شكل ٢-٥، يوضح المراقبة في المجرى في درجة الحرارة بالمنبئ المسماة إنفنتي حرارة

B

٥٠٠ سنتی میں

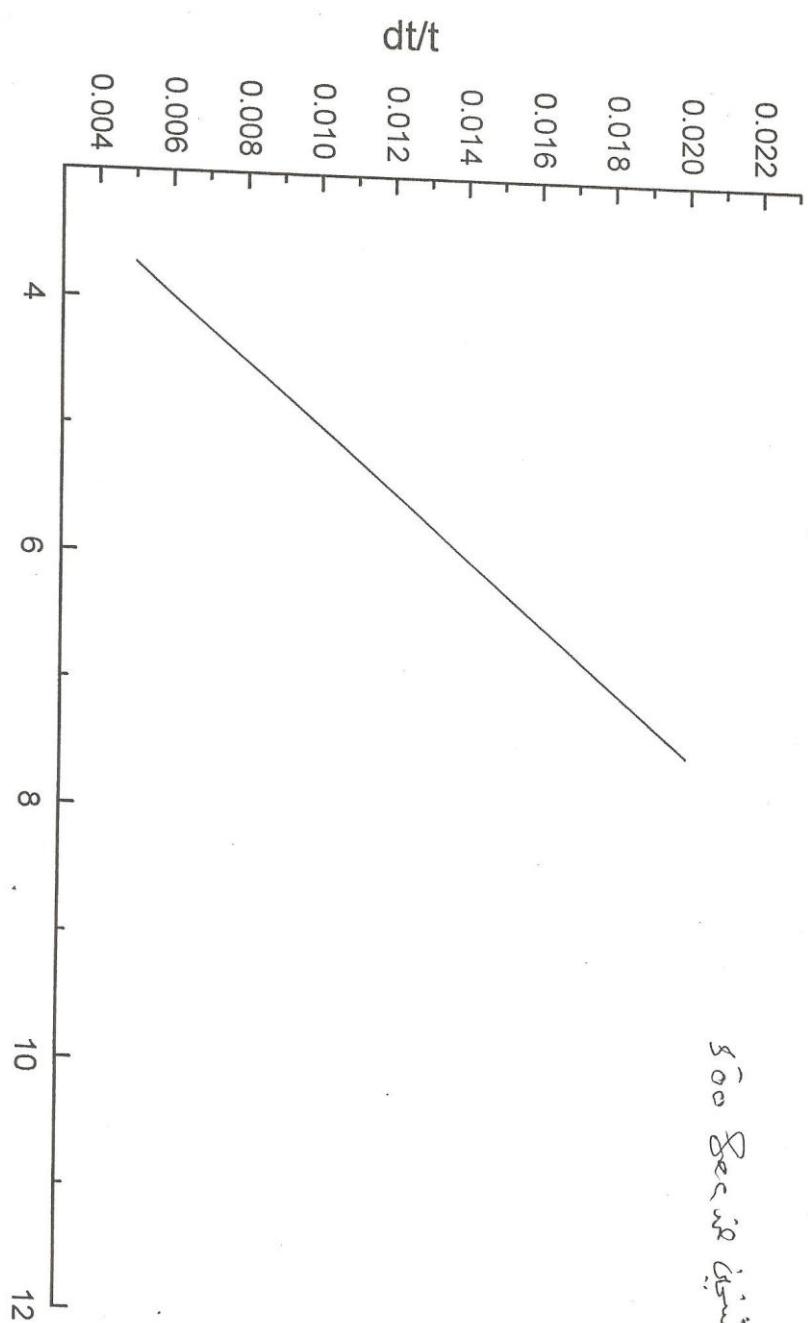


67

ایک سعادتیں، شکل ۱-۳-۲ * کوئی لعل قسم کرنے پڑتی ہے؟ لکھاری بالنسیہ میں کوئی لعل قسم کرنے پڑتی ہے؟

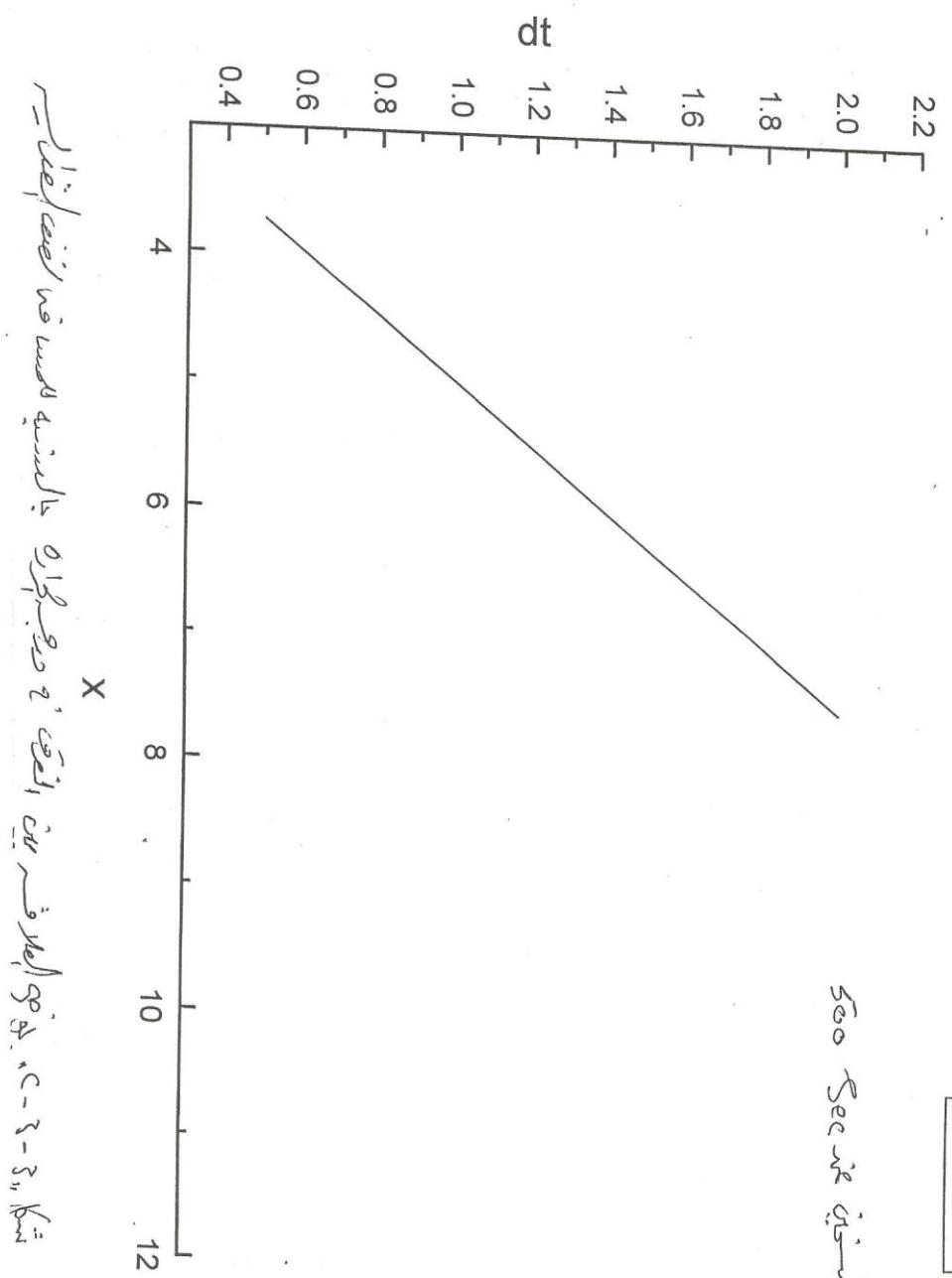
\boxed{B}

جـ ٥٠ جـ ٦٠



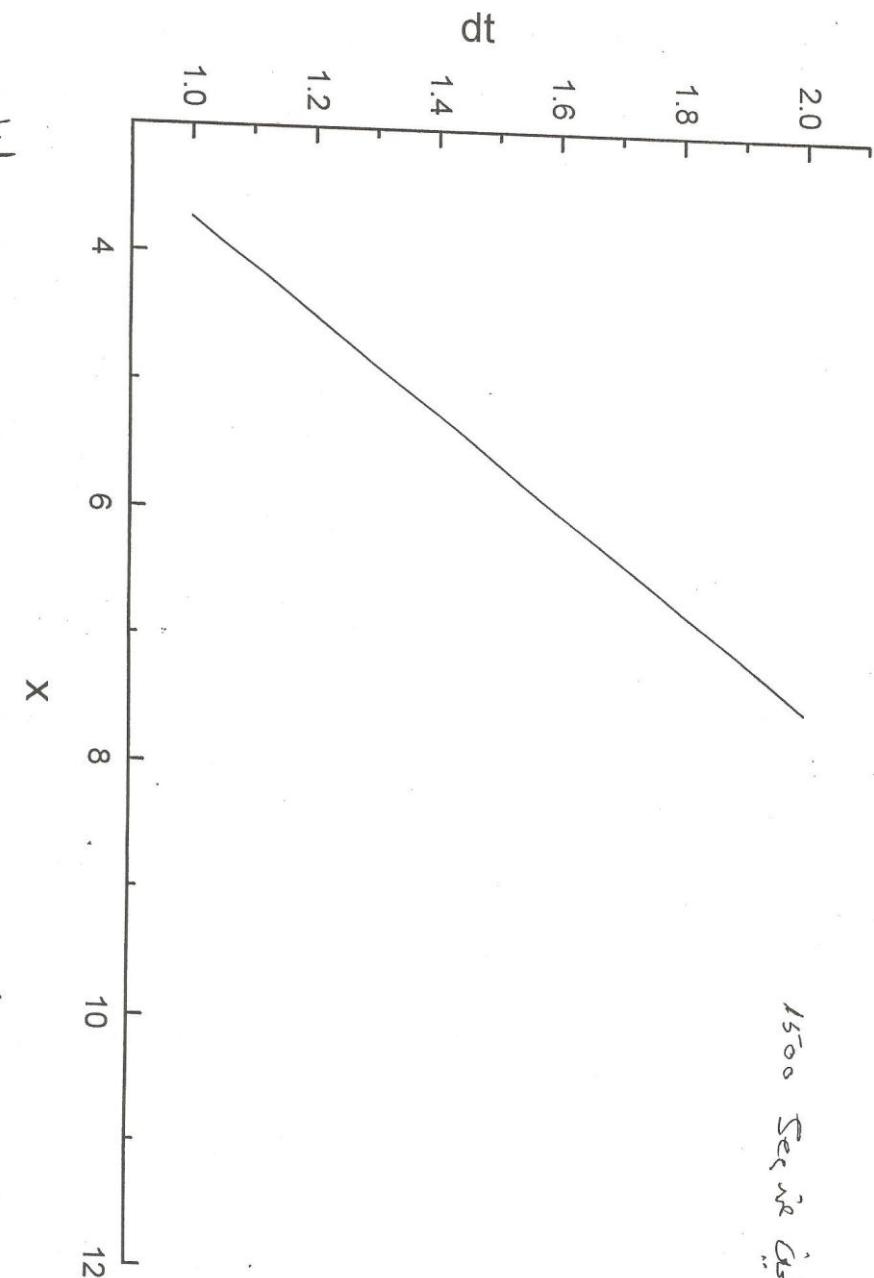
٦٨

شکل ٢-٣-٢، صفحه ١٤، مصطفی علوفی، میرت محمدی، الفیض بخاری، مع کارمند بالنسبه لمساحت زمین، فصل دو



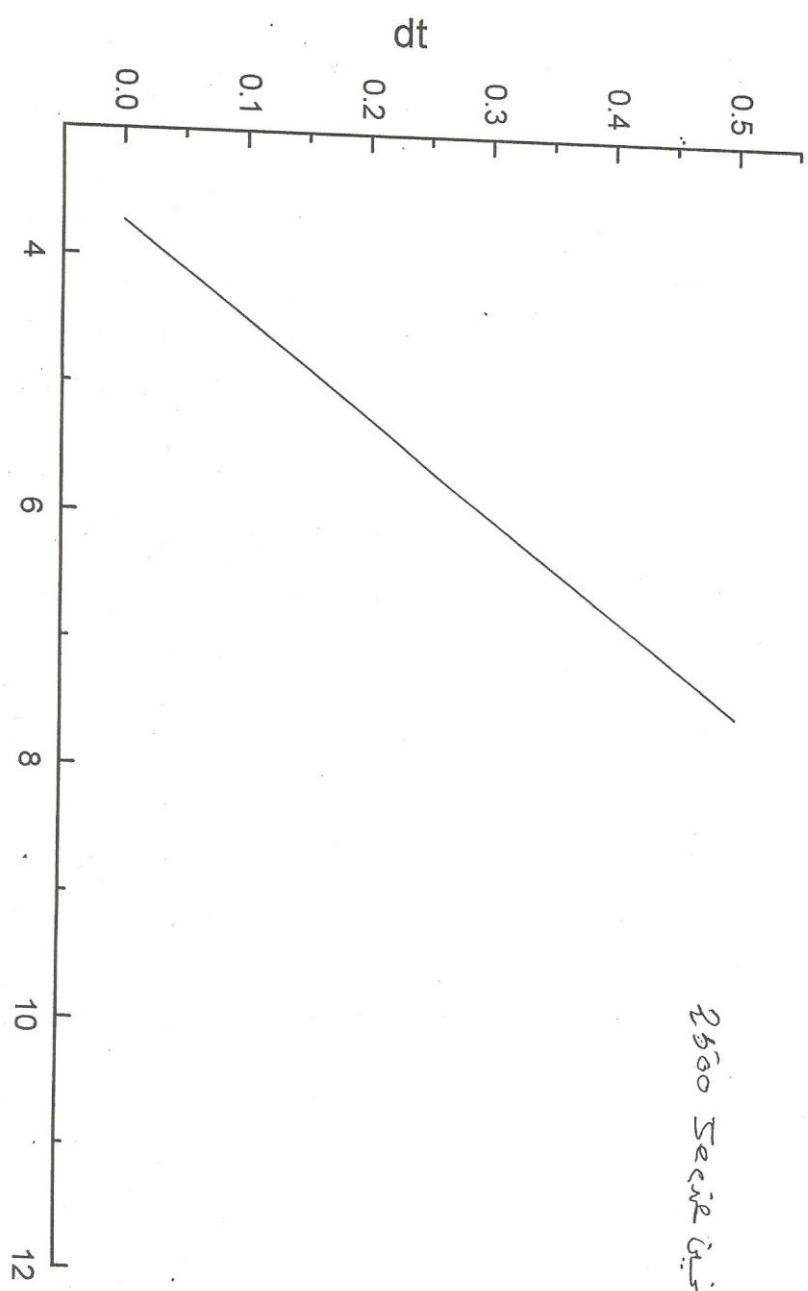
69

1500 سے نر اسیں



70

نحو ۴-۳-۲، مکمل الگویی لغتی در دری، براہی بالندی المسادہ فرضی، (عمیق)



2500 سے 1500

1

71